# О ВОЗМОЖНОСТИ ПРЕЦИЗИОННОГО ТЕСТИРОВАНИЯ МЕЖАТОМНЫХ ПОТЕНЦИАЛОВ ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ С ПОМОЩЬЮ ЭФФЕКТА АНОМАЛЬНОГО СВЕТОИНДУЦИРОВАННОГО ДРЕЙФА

А. И. Пархоменко<sup>\*</sup>, А. М. Шалагин<sup>\*\*</sup>

Институт автоматики и электрометрии Сибирского отделения Российской академии наук 630090, Новосибирск, Россия

> Новосибирский государственный университет 630090, Новосибирск, Россия

Поступила в редакцию 27 февраля 2018 г.

На основе четырех известных неэмпирических (вычисленных *ab initio*) межатомных потенциалов взаимодействия для системы сталкивающихся частиц Li–Ne теоретически исследованы спектральные особенности скорости светоиндуцированного дрейфа (СИД) атомов лития, находящихся в буферном газе неоне. Расчеты с использованием каждого из четырех потенциалов взаимодействия предсказывают сильную зависимость от температуры спектральной формы сигнала СИД атомов Li в атмосфере Ne в различных интервалах температур. Полученные результаты дают возможность высокоточного тестирования межатомных потенциалов взаимодействия в экспериментах по аномальному СИД.

**DOI:** 10.1134/S0044451018080084

## 1. ВВЕДЕНИЕ

Суть эффекта светоиндуцированного дрейфа (СИД) газов состоит в возникновении относительного движения (дрейфа) двух компонентов газовой смеси при резонансном взаимодействии излучения с одним из компонентов смеси [1,2]. Эффект СИД обусловлен селективным по скоростям возбуждением резонансно поглощающих излучение частиц (вследствие эффекта Доплера) и различием транспортных характеристик возбужденных и невозбужденных резонансных частиц при их столкновениях с буферными частицами. Дрейфовое движение резонансных частиц может осуществляться как в направлении распространения излучения, так и в противоположном направлении.

Для явления СИД характерна универсальность в том смысле, что оно осуществляется в условиях, типичных для задач нелинейной оптики и спектроскопии, и присуще широкому классу объектов: атомам, молекулам, ионам, электронам проводимости в твердых телах. Эффект СИД экспериментально зарегистрирован почти для двух десятков различных объектов: атомов (Li, Na, K, Rb, Ne, Ba) в различных буферных газах, молекул (CH<sub>3</sub>F, CH<sub>3</sub>Br, C<sub>2</sub>H<sub>4</sub>, NH<sub>3</sub>, SF<sub>6</sub>, CH<sub>3</sub>OH, H<sub>2</sub>O, HF) в различных буферных газах, электронов в полупроводнике InSb (см., например, [3–9] и цитированную там литературу). Экспериментально показано, что атомы под действием СИД могут дрейфовать со скоростью порядка нескольких десятков метров в секунду [10].

Важной характеристикой эффекта СИД является зависимость скорости дрейфа от частоты излучения (форма линии СИД). По наблюдаемой в экспериментах форме линии СИД исторически сложилась классификация эффекта на «нормальный» и «аномальный» СИД.

Нормальный эффект СИД хорошо описывается теорией СИД с независящими от скорости транспортными частотами столкновений. Скорость дрейфа при нормальном эффекте СИД пропорциональна относительной разности  $(\nu_m^{tr} - \nu_n^{tr})/\nu_n^{tr}$  средних транспортных частот столкновений резонансных частиц в возбужденном (m) и основном (n) состояниях с буферными частицами. Средняя транс-

<sup>\*</sup> E-mail: par@iae.nsk.su

<sup>\*\*</sup> E-mail: shalagin@iae.nsk.su

портная частота  $\nu_i^{tr}$  связана простой формулой с коэффициентом диффузии  $D_i$  частиц в состоянии i == n, m [3]:  $\nu_i^{tr} = v_T^2/(2D_i)$ , где  $v_T$  — наиболее вероятная скорость поглощающих частиц. При нормальном эффекте СИД форма линии СИД имеет наиболее простой вид и полностью определяется спектром поглощения дрейфующих частиц. В частности, при возбуждении излучением частиц на изолированном переходе (двухуровневые частицы) линия нормального СИД имеет характерную дисперсионноподобную (тильдообразную) форму [3–7].

Аномальный СИД имеет гораздо более сложную форму линии. Аномальный СИД обусловлен зависимостью транспортных частот столкновений от скорости v резонансных частиц, причем аномальность может возникать только в том случае, когда разность транспортных частот столкновений  $\nu_m(v)$  –  $-\nu_n(v)$  на комбинирующих (затронутых излучением) уровнях *m*, *n* изменяет свой знак как функция v. Изучению аномального СИД посвящено большое количество экспериментальных [8,9,11-17] и теоретических [8, 14, 16, 18-27] работ. Поскольку транспортные частоты столкновений  $\nu_m(v), \nu_n(v)$  полностью определяются потенциалами взаимодействий резонансных и буферных частиц, форма линии аномального СИД сильно чувствительна к различию потенциалов взаимодействия резонансных атомов в основном и возбужденном состояниях с буферными частицами. Это дает возможность высокоточного тестирования в экспериментах по СИД межатомных потенциалов взаимодействия, использованных для расчетов спектральной формы сигнала аномального СИД, и, следовательно, возможность сравнительно простого экспериментального тестирования точности различных теоретических моделей потенциалов взаимодействия.

В настоящей работе на основе четырех различных неэмпирических (вычисленных *ab initio*) межатомных потенциалов взаимодействия для пар сталкивающихся частиц Li–Ne [28–31] теоретически предсказан и рассчитан аномальный СИД атомов лития, находящихся в буферном газе неоне. Расчеты с использованием каждого из четырех потенциалов взаимодействия предсказывают возникновение аномального СИД атомов Li в атмосфере Ne при различных температурах и в различных интервалах температур. Проведенные расчеты аномального СИД атомов Li подтверждают высокую чувствительность формы линии аномального СИД к различию потенциалов взаимодействия, используемым для расчетов сигнала аномального СИД.



Рис. 1. Схема энергетических уровней. Сплошными стрелками обозначены переходы под действием излучения, штриховыми — спонтанные радиационные переходы

## 2. СКОРОСТЬ ДРЕЙФА

Литий имеет два стабильных изотопа: <sup>7</sup>Li (распространенность 92.5%) и <sup>6</sup>Li (распространенность 7.5%) [32]. Изотопический сдвиг частот спектральных линий основного изотопа <sup>7</sup>Li относительно частот линий изотопа <sup>6</sup>Li такой, что при настройке частоты излучения лазера на  $D_2$ -линию <sup>7</sup>Li с излучением взаимодействует только один основной изотоп <sup>7</sup>Li. Имея в виду эту ситуацию, далее мы будем рассматривать СИД атомов <sup>7</sup>Li в случае возбуждения  $D_2$ -перехода атомов <sup>7</sup>Li.

Для расчета скорости светоиндуцированного дрейфа атомов <sup>7</sup>Li вполне можно использовать трехуровневую модель поглощающих частин (рис. 1). Здесь уровни n, k — компоненты сверхтонкой структуры основного состояния. Уровень т соответствует возбужденному электронному состоянию. С уровня т частица радиационно релаксирует на уровни *n* и *k* с константами соответственно Г<sub>тп</sub> и Г<sub>тк</sub>. Эта схема уровней хорошо отражает реальную структуру основного и первого возбужденного состояний атомов <sup>7</sup>Li. Действительно, основной уровень  $2^2 S_{1/2}$  этих атомов расщеплен на две сверхтонкие компоненты. Для атомов <sup>7</sup>Li сверхтонкое расщепление основного состояния  $\omega_{kn} = 5.049 \cdot 10^9 \text{ c}^{-1}$  [32] сравнимо с доплеровской шириной резонансной линии, и поэтому основное

состояние моделируется двумя уровнями *n* и *k*. Для атомов <sup>7</sup>Li уровень n характеризуется статистическим весом  $g_n = 3$  (полный момент атома F = 1), а уровень k — статистическим весом  $g_k = 5$ (F = 2). Уровень m (со статистическим весом g<sub>m</sub>) моделирует группу уровней, представляющих собой компоненты сверхтонкой структуры возбужденного состояния  $2^2 P_{3/2}$ . Такое моделирование группы уровней одним уровнем возможно потому, что для атомов <sup>7</sup>Li сверхтонкое расщепление в этом возбужденном состоянии мало́ по сравнению с доплеровской шириной резонансной линии. Для атомов <sup>7</sup>Li статистический вес  $g_m = 16$  при возбуждении D2-перехода (излучением затрагивается уровень <sup>2</sup> P<sub>3/2</sub> с четырьмя сверхтонкими компонентами F = 0, F = 1, F = 2, F = 3).

Итак, рассмотрим газ трехуровневых поглощающих частиц (схема уровней поглощающих частиц показана на рис. 1), находящихся в смеси с буферным газом. Столкновениями между поглощающими частицами пренебрежем, полагая концентрацию буферного газа  $N_b$  много большей концентрации поглощающего газа N. Взаимодействие поглощающих частиц газа с резонансным излучением в стационарных и пространственно-однородных условиях описывается следующими уравнениями для распределений населенностей по скоростям  $\rho_i(\mathbf{v})$  на уровнях i = n, k, m:

$$S_m(\mathbf{v}) + N[P_n(\mathbf{v}) + P_k(\mathbf{v})] - \Gamma_m \rho_m(\mathbf{v}) = 0,$$
  

$$S_n(\mathbf{v}) - NP_n(\mathbf{v}) + \Gamma_{mn}\rho_m(\mathbf{v}) = 0,$$
  

$$S_k(\mathbf{v}) - NP_k(\mathbf{v}) + \Gamma_{mk}\rho_m(\mathbf{v}) = 0,$$
  
(1)

где  $N = N_n + N_k + N_m$  — полная концентрация поглощающих частиц,  $N_i = \int \rho_i(\mathbf{v}) d\mathbf{v}$  — концентрация поглощающих частиц на уровне  $i, S_i(\mathbf{v})$  — интегралы столкновений,  $P_n(\mathbf{v})$  и  $P_k(\mathbf{v})$  — вероятности поглощения излучения в единицу времени на переходах  $n \to m$  и  $k \to m$  в расчете на один поглощающий атом с заданной скоростью  $\mathbf{v}$ . Для рассматриваемой трехуровневой модели частиц скорости  $\Gamma_{mn}$  и  $\Gamma_{mk}$ спонтанного распада уровня m по каналам  $m \to n$  и  $m \to k$  подчиняются следующим соотношениям [33]:

$$\Gamma_{mn} + \Gamma_{mk} = \Gamma_m, \quad \frac{\Gamma_{mn}}{\Gamma_{mk}} = \frac{g_n}{g_k},$$
 (2)

где  $\Gamma_m$  — полная скорость спонтанного распада возбужденного уровня m.

Найдем вероятности поглощения излучения  $P_n(\mathbf{v})$  и  $P_k(\mathbf{v})$  в уравнениях (1). Для простоты ограничимся условием слабой интенсивности излучения. При этом доля частиц в возбужденном состоянии

m мала  $(N_m \ll N)$ , а распределение населенностей по скоростям на сверхтонких компонентах n, k в основном состоянии близко к максвелловскому:

$$\rho_i(\mathbf{v}) = N_i W(\mathbf{v}), \quad i = n, k, \tag{3}$$

где  $W(\mathbf{v})$  — распределение Максвелла. В этих условиях при взаимодействии поглощающих частиц с монохроматическим излучением вероятность поглощения излучения  $P_i(\mathbf{v})$  в уравнениях (1) определяется следующим известным выражением:

$$P_{i}(\mathbf{v}) = \frac{BI}{\pi} \frac{N_{i}}{N} Y_{i}(\mathbf{v}) W(\mathbf{v}),$$

$$B = \frac{\lambda^{2} \Gamma_{m}}{4\hbar\omega} \frac{g_{m}}{g_{n} + g_{k}},$$

$$Y_{i}(\mathbf{v}) = \frac{\Gamma(v)}{\Gamma^{2}(v) + (\Omega_{i} - \mathbf{k} \cdot \mathbf{v})^{2}},$$

$$\Gamma(v) = \frac{\Gamma_{m}}{2} + \gamma(v),$$

$$\Omega_{i} = \omega - \omega_{mi}, \quad i = n, k,$$

$$(4)$$

где B — второй коэффициент Эйнштейна для поглощения [33];  $\omega$ ,  $\lambda$ , **k** и I — частота, длина волны, волновой вектор и интенсивность монохроматического излучения;  $\omega_{mi}$  — частота перехода  $m \rightarrow i$ ;  $\Gamma(v)$  однородная полуширина линии поглощения, которая является суммой спонтанной,  $\Gamma_m/2$ , и столкновительной,  $\gamma(v)$ , полуширин.

Для атомов щелочных металлов, находящихся в атмосфере инертных буферных газов, сечения столкновительных переходов  $n \to k, k \to n$  между компонентами сверхтонкой структуры основного состояния очень малы — на 5-10 порядков меньше газокинетических сечений ([34], с. 220). Имея в виду эту ситуацию, далее будем рассматривать случай отсутствия столкновительного обмена между сверхтонкими компонентами n и k, т. е. будем полагать, что интегралы столкновений  $S_n(\mathbf{v})$  и  $S_k(\mathbf{v})$  в (1) обусловлены только упругим рассеянием. Тем самым выполняются условия для проявления эффекта оптической накачки уровней сверхтонкой структуры основного состояния. При упругом рассеянии интеграл столкновений должен обеспечивать сохранение числа частиц на уровне i:

$$\int S_i(\mathbf{v}) \, d\mathbf{v} = 0, \quad i = n, k, m.$$
(5)

В формулу (4) для вероятности поглощения  $P_i(\mathbf{v})$  входит  $N_i$  — населенность *i*-го подуровня сверхтонкой структуры основного состояния. Населенности  $N_i$  находятся из двух последних уравнений в (1), проинтегрированных по скоростям. Из этих

уравнений, используя приближенное условие нормировки  $N_n + N_k \approx N$  (здесь учтено принятое нами приближение  $N_m \ll N$ ) и соотношения (2), (4), (5), получим следующие выражения для относительных населенностей подуровней сверхтонкой структуры основного состояния:

$$\frac{N_n}{N} = \frac{g_n \langle Y_k \rangle}{g_n \langle Y_k \rangle + g_k \langle Y_n \rangle},$$

$$\frac{N_k}{N} = \frac{g_k \langle Y_n \rangle}{g_n \langle Y_k \rangle + g_k \langle Y_n \rangle},$$

$$\langle Y_i \rangle = \int Y_i(\mathbf{v}) W(\mathbf{v}) \, d\mathbf{v}, \quad i = n, k.$$
(6)

Для интегралов столкновений в уравнениях (1) будем использовать модель изотропного по скоростям «прихода» [24,35]:

$$S_{i}(\mathbf{v}) = -\nu_{i}(v)\rho_{i}(\mathbf{v}) + S_{i}^{(2)}(v), \quad i = n, k, m,$$
(7)

где член «прихода»  $S_i^{(2)}(v) - функция модуля ско$  $рости <math>v = |\mathbf{v}|$ . Величина  $\nu_i(v)$  в (7) является транспортной частотой столкновений [22,35]. Столкновительная модель (7) учитывает зависимость частоты столкновений от скорости и в то же время позволяет получить аналитическое решение рассматриваемой задачи при любых соотношениях масс активных и буферных частиц.

Связь транспортной частоты столкновений  $\nu_i(v)$ в (7) с характеристиками элементарного акта рассеяния дается известной формулой [36]

$$\nu_i(v) = \frac{\mu}{M} \frac{N_b \overline{v}_b}{\sqrt{\pi} v^3} \int_0^\infty u^2 \exp\left(-\frac{u^2 + v^2}{\overline{v}_b^2}\right) \times F(uv) \sigma_i(u) \, du, \quad (8)$$

где

$$F(uv) = \frac{2uv}{\overline{v_b}^2} \operatorname{ch}\left(\frac{2uv}{\overline{v_b}^2}\right) - \operatorname{sh}\left(\frac{2uv}{\overline{v_b}^2}\right),$$
  
$$\mu = \frac{MM_b}{M + M_b}, \quad \overline{v_b} = \sqrt{\frac{2k_BT}{M_b}},$$
(9)

 $N_b$  и  $M_b$  — концентрация и масса буферных частиц, M — масса поглощающих излучение частиц,  $k_B$  постоянная Больцмана, T — температура, u — относительная скорость резонансной и буферной частиц до столкновения,  $\sigma_i(u)$  — транспортное сечение рассеяния поглощающей частицы в состоянии i на буферной частице. Сечения  $\sigma_i(u)$  вычисляются с использованием потенциалов взаимодействия поглощающих и буферных частиц. Поглощающие атомы Li на разных подуровнях сверхтонкой структуры основного состояния имеют практически одинаковые потенциалы взаимодействия в столкновениях с атомами буферного газа. Поэтому с большой точностью можно считать, что транспортные частоты столкновений на сверхтонких компонентах n и k равны между собой [22]:

$$\nu_k(v) = \nu_n(v). \tag{10}$$

Скорость светоиндуцированного дрейфа поглощающих частиц определяется выражением

$$\mathbf{u}_{L} = \frac{1}{N} \int \mathbf{v} \left[ \rho_{n}(\mathbf{v}) + \rho_{k}(\mathbf{v}) + \rho_{m}(\mathbf{v}) \right] \, d\mathbf{v}.$$
(11)

Из структуры уравнений (1) и выражения (4) с учетом конкретного вида интеграла столкновений (7) следует, что распределения населенностей по скоростям  $\rho_n(\mathbf{v})$ ,  $\rho_k(\mathbf{v})$  и  $\rho_m(\mathbf{v})$  представляют собой сумму анизотропных частей  $\delta\rho_n(\mathbf{v})$ ,  $\delta\rho_k(\mathbf{v})$  и  $\delta\rho_m(\mathbf{v})$ , непосредственно индуцированных излучением (функции  $P_n(\mathbf{v})$  и  $P_k(\mathbf{v})$ ), и изотропных частей, порожденных членом «прихода» интеграла столкновений (7). Очевидно, что в скорость дрейфа (11) дают вклад только анизотропные части распределения населенностей по скоростям, для которых из уравнений (1) с учетом (7), (10) получаем следующие выражения:

$$\delta \rho_m(\mathbf{v}) = N \frac{P_n(\mathbf{v}) + P_k(\mathbf{v})}{\Gamma_m + \nu_m(v)},$$
  

$$\delta \rho_n(\mathbf{v}) + \delta \rho_k(\mathbf{v}) = -N \frac{\nu_m(v)[P_n(\mathbf{v}) + P_k(\mathbf{v})]}{\nu_n(v)[\Gamma_m + \nu_m(v)]}.$$
(12)

После подстановки формул (12) в (11) для скорости дрейфа получаем выражение

$$\mathbf{u}_{L} = \int \tau(v) \, \mathbf{v} \left[ P_{n}(\mathbf{v}) + P_{k}(\mathbf{v}) \right] d\mathbf{v},$$
  

$$\tau(v) = \frac{\nu_{n}(v) - \nu_{m}(v)}{\nu_{n}(v) \left[ \Gamma_{m} + \nu_{m}(v) \right]}.$$
(13)

Как отмечалось во Введении, аномальный СИД может возникнуть в том случае, когда транспортные частоты столкновений  $\nu_m(v)$  и  $\nu_n(v)$  резонансных частиц в возбужденном и основном состояниях с буферными частицами близки друг к другу. Причиной возникновения аномального СИД является различие зависимостей  $\nu_m(v)$  и  $\nu_n(v)$  и, как следствие, возможность изменения знака разности транспортных частот столкновений  $\Delta\nu(v) \equiv \nu_m(v) - \nu_n(v)$ . При этом в скорость дрейфа  $\mathbf{u}_L$  дают вклад поглощающие частицы как с положительным значением  $\Delta\nu(v)$ , так и с отрицательным. Это может приводить к сильному отличию формы линии СИД от той, которую предсказывает теория нормального эффекта СИД, не учитывающая зависимости от скорости транспортных частот столкновений.

Если частоты  $\nu_m(v)$  и  $\nu_n(v)$  сильно отличаются друг от друга, то скорость дрейфа  $\mathbf{u}_L$  как функция частоты излучения соответствует нормальному СИД и хорошо описывается теорией СИД с независящими от скорости транспортными частотами столкновений, т. е. при замене в выражении (13) частоты  $\nu_i(v)$  (i = m, n) на среднюю транспортную частоту

$$\nu_i^{tr} = \frac{2}{v_T^2} \int (\mathbf{n} \cdot \mathbf{v})^2 W(\mathbf{v}) \nu_i(v) \, d\mathbf{v} =$$
$$= \frac{8}{3\sqrt{\pi}} \frac{\mu}{M} \frac{N_b}{u_T^5} \int_0^\infty u^5 \exp\left(-\frac{u^2}{u_T^2}\right) \sigma_i(u) \, du, \quad (14)$$

где  $v_T = (2k_BT/M)^{1/2}$  — наиболее вероятная скорость поглощающих частиц,  $u_T = (2k_BT/\mu)^{1/2}$  — наиболее вероятная скорость относительного движения поглощающей и буферной частиц, **n** — единичный вектор в произвольно выбранном направлении. Средняя транспортная частота  $\nu_i^{tr}$  связана простой формулой с коэффициентом диффузии  $D_i$  частиц в состоянии i [3,36]:

$$D_i = \frac{v_T^2}{2\nu_i^{tr}}.$$
(15)

Выражение (13) для скорости дрейфа, являющееся трехмерным интегралом, можно существенно упростить в случае большого доплеровского уширения

$$\Gamma(v) \ll k v_T. \tag{16}$$

Этот случай наиболее интересен для рассматриваемой здесь задачи, так как аномальный СИД проявляется максимально именно в условиях большого доплеровского уширения. При выполнении условия (16) из формулы (13) получим следующее выражение для скорости дрейфа:

$$\mathbf{u}_{L} = \frac{\mathbf{k}}{k} \frac{2BI}{\sqrt{\pi} k^{2} v_{T}^{3}} \times \\ \times \left[ \Omega_{n} \frac{N_{n}}{N} \int_{|\Omega_{n}|/k}^{\infty} \tau(v) v \exp\left(-\frac{v^{2}}{v_{T}^{2}}\right) dv + \right. \\ \left. + \left. \Omega_{k} \frac{N_{k}}{N} \int_{|\Omega_{k}|/k}^{\infty} \tau(v) v \exp\left(-\frac{v^{2}}{v_{T}^{2}}\right) dv \right].$$
(17)

ЖЭТФ, том 154, вып. 2 (8), 2018

В выражении (17) относительные населенности подуровней сверхтонкой структуры основного состояния  $N_i/N$  находятся по формуле (6) с величинами  $\langle Y_i \rangle$ , принимающими вид

$$\langle Y_i \rangle = \frac{\sqrt{\pi}}{kv_T} \exp\left[-\left(\frac{\Omega_i}{kv_T}\right)^2\right].$$
 (18)

Таким образом, расчет скорости дрейфа в столкновительной модели (7) изотропного по скоростям «прихода» сводится к вычислению однократных интегралов (17).

Выражение (17) для скорости дрейфа справедливо при условии малой интенсивности излучения, когда распределение населенностей по скоростям на сверхтонких компонентах n, k в основном состоянии близко к максвелловскому (3). Из формул (4) и (12) следует, что для этого должно выполняться условие

$$\varkappa \equiv \frac{BI}{\pi\Gamma(\Gamma_m + \nu_m)} \ll 1.$$
(19)

Величина  $\varkappa$  имеет смысл параметра насыщения: он характеризует степень выравнивания населенностей у частиц с резонансными скоростями ( $\Omega_i = \mathbf{k} \cdot \mathbf{v}$ ).

### 3. ТРАНСПОРТНОЕ СЕЧЕНИЕ РАССЕЯНИЯ

Для расчета транспортной частоты столкновений  $\nu_i(v)$  по формуле (8) необходимо знать транспортное сечение рассеяния  $\sigma_i(u)$  поглощающей частицы в состоянии *i* на буферной частице. Сечения  $\sigma_i(u)$  вычисляются с использованием потенциалов взаимодействия поглощающих и буферных частиц. При не слишком низких температурах для  $\sigma_i(u)$ справедлива формула классической механики<sup>1)</sup>

$$\sigma_i(u) = 2\pi \int_0^\infty [1 - \cos\varphi_i(b, u)] \, b \, db, \qquad (20)$$

где  $\varphi_i(b, u)$  — угол рассеяния, b — прицельный параметр. Угол рассеяния вычисляется как функция b и u из классического уравнения движения:

$$\varphi_i(b,u) = \pi - 2b \int_{R_{min}}^{\infty} \left[ 1 - \frac{b^2}{R^2} - \frac{2V_i(R)}{\mu u^2} \right]^{-1/2} \frac{dR}{R^2}, \quad (21)$$

<sup>&</sup>lt;sup>1)</sup> Условие квазиклассичности движения ( $\lambda_B/\rho \ll 1, \lambda_B -$ длина волны де Бройля,  $\rho$  – характерный радиус взаимодействия) в наших расчетах всегда выполнено при не слишком низких температурах. Это значит, что квантовые эффекты сказываются только при рассеянии на малые углы, которые не дают вклада в транспортное сечение  $\sigma_i(u)$ , и применение формул классической механики для расчета  $\sigma_i(u)$  оправдано.

где  $V_i(R)$  — потенциал взаимодействия резонансной частицы, находящейся в состоянии *i*, с буферной частицей; *R* — расстояние между центрами тяжести частиц; *R<sub>min</sub>* — минимальное расстояние сближения частиц.

При расчете транспортных характеристик следует иметь в виду то обстоятельство, что одному определенному состоянию атома Li при его взаимодействии с атомом Ne может соответствовать несколько молекулярных термов. Наиболее простая ситуация возникает в том случае, когда атомы Li находятся в основном состоянии <sup>2</sup>S. Для системы сталкивающихся частиц Li(<sup>2</sup>S)–Ne(<sup>1</sup>S) существует один молекулярный терм X<sup>2</sup> $\Sigma$ , и транспортное сечение рассчитывается непосредственно по формулам (20), (21) с помощью потенциала взаимодействия X<sup>2</sup> $\Sigma$ , соответствующего этому терму:

$$\sigma_n = \sigma(X^2 \Sigma). \tag{22}$$

Ситуация усложняется в случае, когда атомы Li находятся в возбужденном состоянии  ${}^{2}P$ , так как системе сталкивающихся частиц Li( ${}^{2}P$ )–Ne( ${}^{1}S$ ) соответствуют два молекулярных терма A  ${}^{2}\Pi$  и B  ${}^{2}\Sigma$ . К счастью, расчеты существенно упрощаются, если учесть, что при не слишком низких температурах происходит сильное столкновительное перемешивание между этими термами. В этом случае общее сечение рассеяния атомов Li вычисляется путем усреднения (с учетом статистических весов молекулярных термов) сечений рассеяния, рассчитанных для индивидуальных термов A  ${}^{2}\Pi$  и B  ${}^{2}\Sigma$  [37, 38]:

$$\sigma_m = \frac{1}{3} \left[ \sigma(\mathbf{B}^2 \Sigma) + 2\sigma(\mathbf{A}^2 \Pi) \right].$$
 (23)

## 4. АНОМАЛЬНЫЙ СИД АТОМОВ ЛИТИЯ

Используя формулы (8), (17), (18), мы численно исследовали СИД атомов лития в инертном буферном газе неоне. Транспортные частоты столкновений  $\nu_n(v)$  и  $\nu_m(v)$  для системы сталкивающихся частиц Li–Ne рассчитывались нами численно по формулам (8), (20)–(23) с использованием четырех различных неэмпирических (вычисленных *ab initio*) потенциалов взаимодействия атомов Li в различных состояниях с атомами Ne [28–31]. Таблично заданные потенциалы взаимодействия интерполировались кубическими сплайнами.

Хорошим критерием для определения возможности возникновения аномального СИД является знакопеременная зависимость от температуры разности усредненных транспортных частот столкнове-



Рис. 2. Температурные зависимости относительной разности  $(\nu_m^{tr} - \nu_n^{tr})/\nu_n^{tr}$  средних транспортных частот столкновений атомов Li в возбужденном (индекс m) и основном (индекс n) состояниях с атомами Ne. Приведены расчеты по потенциалам [30] — 1, [29] — 2, [31] — 3, [28] — 4

ний (14)  $\nu_m^{tr} - \nu_n^{tr}$  или, что то же самое, разности коэффициентов диффузии (15)  $D_m - D_n$  в возбужденном и основном состояниях резонансных атомов с буферными частицами. Аномальный СИД следует ожидать в окрестности тех температур, при которых разность  $\nu_m^{tr} - \nu_n^{tr}$  (или  $D_m - D_n$ ) обращается в нуль (в этих условиях должна проявиться зависимость частот столкновений от скорости). Именно эти критерии использовались в работах [17,21,22,24,26,27] для определения объектов, «претендующих» на возможность возникновения аномального СИД.

На рис. 2 представлены температурные зависимости относительной разности  $(\nu_m^{tr} - \nu_n^{tr})/\nu_n^{tr}$  средних транспортных частот столкновений атомов Li в возбужденном и основном состояниях с атомами Ne. Для величины  $(\nu_m^{tr} - \nu_n^{tr})/\nu_n^{tr}$  расчеты по каждому из четырех потенциалов [28–31] показывают ее сильную температурную зависимость и обращение в нуль при определенных температурах. Для потенциалов [30], [29], [31] и [28] (им соответствуют кривые 1, 2, 3 и 4 на рис. 2) величина  $(\nu_m^{tr} - \nu_n^{tr})/\nu_n^{tr}$ обращается в нуль при температурах соответственно  $T \approx 400$  К и  $T \approx 550$  К (кривая 1),  $T \approx 300$  К и  $T \approx 600$  К (кривая 2),  $T \approx 170$  К и  $T \approx 750$  К (кривая 3),  $T \approx 1000$  К (кривая 4). Следовательно, в окрестностях этих температур должен возникать



Рис. 3. Зависимости от скорости относительной разности транспортных частот столкновений  $[\nu_m(v) - \nu_n(v)]/\nu_n(v)$  атомов Li в возбужденном и основном состояниях с атомами Ne. Приведены расчеты по потенциалам [30] — 1, [29] — 2, [31] — 3, [28] — 4; T = 300 (*a*), 900 (*б*) K

аномальный СИД атомов Li в буферном газе Ne при возбуждении D<sub>1</sub>- или D<sub>2</sub>-линий атомов лития.

На рис. 3 представлены рассчитанные по формуле (8) зависимости от скорости v относительной разности транспортных частот столкновений  $[\nu_m(v) - \nu_n(v)]/\nu_n(v)$  атомов Li в возбужденном и основном состояниях с атомами Ne. Приведены расчеты для каждого из четырех потенциалов взаимодействия [28–31] для двух температур T = 300 K и T = 900 K. Из формулы (17) видно, что благо-

даря коэффициенту  $v \exp(-v^2/v_T^2)$  основной вклад в интеграл для скорости дрейфа  $\mathbf{u}_L$  дают частицы со скоростями  $v \sim v_T$ . При температуре T = 300 Kдля потенциала [28] в области  $v \sim v_T$  знак разности частот столкновений  $\nu_m(v) - \nu_n(v)$  не изменяется (кривая 4 на рис. 3а), поэтому при этой температуре расчеты по потенциалу [28] будут предсказывать нормальный СИД атомов Li. Для трех потенциалов [29–31] при температуре T = 300 K знак разности частот столкновений  $\nu_m(v) - \nu_n(v)$  изменяется в области  $v \sim v_T$  (кривые 1, 2 и 3 на рис. 3*a*), поэтому в окрестности  $T\approx 300~{\rm K}$ расчеты по этим потенциалам будут предсказывать аномальный СИД атомов Li в буферной среде Ne. При температуре T = 900 Kвсе четыре потенциала взаимодействия [28-31] дают изменение знака разности частот столкновений в области  $v \sim v_T$  (рис. 36), поэтому в окрестности  $T \approx 900 \text{ K}$ для всех этих потенциалов реализуется аномальный СИД.

Используя формулы (8), (17), (18), мы численно исследовали СИД атомов <sup>7</sup>Li в инертном буферном газе Ne для четырех потенциалов взаимодействия [28–31]. Для атомов лития, согласно данным сайта NIST [39], скорость спонтанного распада возбужденного состояния  $2^2P_{3/2}$  равна  $\Gamma_m = 3.69 \cdot 10^7 \text{ c}^{-1}$ , длина волны  $D_2$ -линии  $\lambda = 670.8$  нм. Величина однородной полуширины линии поглощения  $\Gamma = \Gamma_m/2 + \gamma$  определялась по данным [40] для коэффициента ударного уширения  $\beta = 5.50$  МГц/Торр для атомов Li в атмосфере Ne.

На рис. 4 представлены результаты численных расчетов по формуле (17) проекции скорости светоиндуцированного дрейфа на направление излучения  $u_L \equiv \mathbf{k} \cdot \mathbf{u}_L/k$  в зависимости от отстройки частоты  $\Omega$  для атомов <sup>7</sup>Li в буферном газе Ne в случае возбуждения  $D_2$ -перехода атомов <sup>7</sup>Li. Все расчеты выполнены при интенсивности монохроматического излучения  $I = 40 \text{ мBT/cm}^2$  и давлении буферного газа  $p_{buf} = 5$  Topp (при этих параметрах условия (16) и (19) применимости формулы (17) хорошо выполнены:  $\Gamma/kv_T = 0.024$  при T = 300 К и  $\varkappa = 0.2$ ) и для пяти значений температур T. В качестве отстройки  $\Omega$  частоты излучения введена величина

$$\Omega = \omega - \omega_0, \quad \omega_0 = \frac{g_n \omega_{mn} + g_k \omega_{mk}}{g_n + g_k}.$$
 (24)

Частота  $\omega_0$  соответствует «центру тяжести» частот переходов  $\omega_{mn}$  и  $\omega_{mk}$  с учетом статистических весов уровней *n* и *k*. В области «нормального» СИД (когда в (17) можно делать замену  $\nu_{n,m}(v) \rightarrow \nu_{n,m}^{tr}$ ) скорость дрейфа **u**<sub>L</sub> обращается в нуль только в одной точке  $\Omega = 0$  [41].





Рис. 4. Зависимости проекции скорости СИД на направление излучения  $u_L \equiv \mathbf{k} \cdot \mathbf{u}_L/k$  от отстройки частоты излучения  $\Omega$  для атомов <sup>7</sup>Li в буферном газе Ne в случае возбуждения  $D_2$ -перехода атомов <sup>7</sup>Li ( $g_m = 16$ ) при  $I = 40 \text{ мВт/см}^2$ ,  $p_{buf} = 5$  Торр. Приведены расчеты по потенциалам [30] — 1, [29] — 2, [31] — 3, [28] — 4; T = 300 (a), 400 (b), 600 (e), 900 (z), 1250 (d) К. Вертикальными линиями обозначены частоты, резонансные частотам переходов m-n и m-k

 $7^*$ 

Из рис. 4 видно, что расчеты с использованием каждого из четырех потенциалов взаимодействия [28-31] предсказывают возникновение аномального СИД атомов Li в атмосфере Ne при различных температурах и в различных интервалах температур. Максимальные аномалии формы линии СИД (максимальное отклонение от формы линии нормального СИД) возникают при температурах T = 400, 600,900 и 1250 К при расчетах по потенциалам [29] (кривая 2 на рис. 46), [30] (кривая 1 на рис. 46), [31] (кривая 3 на рис. 4z) и [28] (кривая 4 на рис. 4d) соответственно. Для атомов <sup>7</sup>Li скорость дрейфа как функция частоты излучения может иметь, в зависимости от температуры, один, три или даже пять (кривая 1 на рис. 4в) нулей. Очень важным является то обстоятельство, что форма линии СИД (зависимость  $u_L(\Omega)$ ) оказывается очень чувствительной к различию потенциалов взаимодействия, используемых для расчетов скорости СИД. Таким образом, полученные результаты дают возможность высокоточного тестирования межатомных потенциалов взаимодействия резонансных и буферных частиц в экспериментах по аномальному СИД атомов лития.

Предварительный вывод о точности потенциалов взаимодействия [28-31] можно сделать, проведя сравнение рассчитанных в настоящей работе и измеренных в экспериментах [42] по светоиндуцированному диффузионному втягиванию (выталкиванию) (СДВ) значений  $(D_m - D_n)/D_n$  относительной разности коэффициентов диффузии атомов лития в возбужденном и основном состояниях в атмосфере инертного буферного газа неона. В эффекте СДВ [43], в отличие от эффекта СИД, спектральные аномалии не возникают [44]. Величина эффекта СДВ всегда пропорциональна относительной разности усредненных транспортных частот столкновений  $(\nu_m^{tr} - \nu_n^{tr})/\nu_n^{tr}$  (а значит, и относительной разности коэффициентов диффузии  $(D_m - D_n)/D_n)$  в возбужденном и основном состояниях резонансных атомов с буферными частицами. Для атомов Li в атмосфере Ne при температуре T = 600 K измеренное в эксперименте [42] значение  $(D_m - D_n)/D_n = 0.026 \pm 0.006$ . Расчетные значения  $(D_m - D_n)/D_n$  для потенциалов [31], [28], [30] и [29] равны соответственно 0.026, 0.051, -0.009 и -0.0014. Таким образом, потенциал взаимодействия [31] отлично описывает экспериментальный результат [42], и расчету аномального СИД атомов Li на его основе следует уделять приоритетное внимание (кривые 3 на рис. 4).

#### 5. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В данной работе на основе четырех известных межатомных потенциалов взаимодействия исследован аномальный СИД атомов лития в буферном газе неоне. Расчеты с использованием каждого из четырех потенциалов взаимодействия предсказывают сильную зависимость от температуры формы линии СИД атомов Li в атмосфере Ne в различных интервалах температур. Как показывают результаты данной работы, даже малое различие в межатомных потенциалах взаимодействия резонансных и буферных частиц сильно проявляется в частотной зависимости скорости дрейфа в области аномального СИД. Экспериментальное исследование аномального СИД лития позволит тестировать тонкие детали межатомных потенциалов взаимодействия.

Исследование выполнено за счет средств субсидии на финансовое обеспечение выгосударственного полнения задания (проект № АААА-А17-117052210003-4) в ИАиЭ СО РАН и при финансовой поддержке гранта Президента РФ по государственной поддержке ведущих научных школ РФ № НШ-6898.2016.2.

#### ЛИТЕРАТУРА

- Ф. Х. Гельмуханов, А. М. Шалагин, Письма в ЖЭТФ 29, 773 (1979).
- **2**. Ф. Х. Гельмуханов, А. М. Шалагин, ЖЭТФ **78**, 1674 (1980).
- S. G. Rautian and A. M. Shalagin, *Kinetic Problems* of *Nonlinear Spectroscopy*, North-Holland, Amsterdam, New York, Oxford (1991).
- 4. G. Nienhuis, Phys. Rep. 138, 151 (1986).
- H. G. C. Werij and J. P. Woerdman, Phys. Rep. 169, 145 (1988).
- П. Л. Чаповский, Изв. АН СССР, сер. физ. 53, 1069 (1989).
- E. R. Eliel, Adv. Atom. Mol. Opt. Phys. 30, 199 (1992).
- B. Nagels, P. L. Chapovsky, L. J. F. Hermans, G. J. van der Meer, and A. M. Shalagin, Phys. Rev. A 53, 4305 (1996).
- E. J. van Duijn, R. Nokhai, and L. J. F. Hermans, J. Chem. Phys. 105, 6375 (1996).

- **10**. С. Н. Атутов, И. М. Ермолаев, А. М. Шалагин, ЖЭТФ **92**, 1215 (1987).
- G. J. van der Meer, J. Smeets, S. P. Pod'yachev, and L. J. F. Hermans, Phys. Rev. A 45, R1303 (1992).
- G. J. van der Meer, B. Broers, P. L. Chapovsky, and L. J. F. Hermans, J. Phys. B 25, 5359 (1992).
- P. L. Chapovsky, G. J. van der Meer, J. Smeets, and L. J. F. Hermans, Phys. Rev. A 45, 8011 (1992).
- 14. G. J. van der Meer, J. Smeets, E. R. Eliel, P. L. Chapovsky, and L. J. F. Hermans, Phys. Rev. A 47, 529 (1993).
- 15. E. J. van Duijn, H. I. Bloemink, E. R. Eliel, and L. J. F. Hermans, Phys. Lett. A 184, 93 (1993).
- 16. I. Kuščer, L. J. F. Hermans, P. L. Chapovsky, J. J. M. Beenakker, and G. J. van der Meer, J. Phys. B 26, 2837 (1993).
- 17. F. Yahyaei-Moayyed and A. D. Streater, Phys. Rev. A 53, 4331 (1996).
- 18. F. Kh. Gel'mukhanov and A. I. Parkhomenko, Phys. Lett. A 162, 45 (1992).
- Ф. Х. Гельмуханов, А. И. Пархоменко, ЖЭТФ 102, 424 (1992).
- 20. F. Kh. Gel'mukhanov, G. V. Kharlamov, and S. G. Rautian, Opt. Commun. 94, 521 (1992).
- 21. F. Kh. Gel'mukhanov and A. I. Parkhomenko, J. Phys. B 28, 33 (1995).
- 22. F. Kh. Gel'mukhanov, A. I. Parkhomenko, T. I. Privalov, and A. M. Shalagin, J. Phys. B 30, 1819 (1997).
- **23**. А. И. Пархоменко, ЖЭТФ **115**, 1664 (1999).
- **24**. А. И. Пархоменко, ЖЭТФ **116**, 1587 (1999).
- **25**. А. И. Пархоменко, А. М. Шалагин, КЭ **43**, 162 (2013).
- 26. А. И. Пархоменко, А. М. Шалагин, ЖЭТФ 145, 223 (2014).

- 27. А. И. Пархоменко, А. М. Шалагин, КЭ 44, 928 (2014).
- 28. J. Pascale and J. Vandeplanque, J. Chem. Phys. 60, 2278 (1974).
- D. Zanuttini, E. Jacquet, E. Giglio, J. Douady, and B. Gervais, J. Chem. Phys. 131, 214104 (2009).
- 30. L. A. Blank, G. S. Kedziora, and D. E. Weeks, Proc. SPIE 7581, 75810I (2010).
- **31**. S. Bouchoucha, K. Alioua, and M. Bouledroua, Chinese Phys. B **26**, 073202 (2017).
- 32. А. А. Радциг, Б. М. Смирнов, Параметры атомов и атомных ионов: Справочник, Энергоатомиздат, Москва (1986).
- **33**. И. И. Собельман, Введение в теорию атомных спектров, Наука, Москва (1977).
- 34. W. Happer, Rev. Mod. Phys. 44, 169 (1972).
- 35. Л. В. Ильичев, А. И. Пархоменко, ЖЭТФ 112, 856 (1997).
- 36. F. Kh. Gel'mukhanov, L. V. Il'ichov, and A. M. Shalagin, Physica A 137, 502 (1986).
- 37. W. A. Hamel, J. E. M. Haverkort, H. G. C. Werij, and J. P. Woerdman, J. Phys. B 19, 4127 (1986).
- 38. R. H. G. Reid, J. Phys. B 8, L493 (1975).
- NIST Atomic Spectra Database: https://www.nist. gov/pml/atomic-spectra-database.
- 40. N. Allard and J. Kielkopf, Rev. Mod. Phys. 54, 1103 (1982).
- 41. S. N. Atutov, A. I. Parkhomenko, S. P. Pod'yachev, and A. M. Shalagin, J. Phys. B 25, 2943 (1992).
- 42. S. N. Atutov, B. V. Bondarev, S. M. Kobtzev, P. V. Kolinko, S. P. Pod'yachev, and A. M. Shalagin, Opt. Commun. 115, 276 (1995).
- 43. Ф. Х. Гельмуханов, А. М. Шалагин, ЖЭТФ 77, 461 (1979).
- **44**. А. И. Пархоменко, А. М. Шалагин, КЭ **45**, 131 (2015).