К ВОПРОСУ ОБ ЭНТАЛЬПИИ И ЭНТРОПИИ ОБРАЗОВАНИЯ ТОЧЕЧНЫХ ДЕФЕКТОВ В КРИСТАЛЛАХ

Н. П. Кобелев^а, В. А. Хоник^{b*}

^а Институт физики твердого тела Российской академии наук 142432, Черноголовка, Московская обл., Россия

^b Воронежский государственный педагогический университет 394043, Воронеж, Россия

Поступила в редакцию 25 октября 2017 г.

Стандартный способ определения энтальпии H и энтропии S формирования точечных дефектов в кристаллах состоит в применении уравнения Аррениуса для концентрации дефектов. Показано, что формальное использование такого метода дает эффективные (кажущиеся) значения этих величин, которые оказываются существенно завышенными. Основная физическая причина этого состоит в зависимости энтальпии формирования дефектов от температуры, которая контролируется температурной зависимостью упругих модулей. Мы выполнили оценку «истинных» значений H и S для алюминия на основе экспериментальных данных с учетом температурной зависимости энтальпии образования, обусловленной температурной зависимостью упругих модулей. Знание «истинных» активационных параметров необходимо для корректного расчета концентрации дефектов и представляет, таким образом, проблему особой важности для различных фундаментальных и прикладных вопросов физики конденсированного состояния и химии.

DOI: 10.7868/S0044451018030070

1. ВВЕДЕНИЕ

Собственные равновесные точечные дефекты вакансии и междоузлия — играют важную роль в формировании физических свойств кристаллических материалов. В частности, это связано с фундаментальным явлением плавления. Понимание того, что плавление может быть связано с термоактивированной генерацией точечных дефектов кристаллической решетки, было достигнуто давно [1–3]. Между тем, детальный механизм этого явления остается предметом многочисленных дискуссий и какое-либо общепринятое представление о природе дефектов, вовлеченных в плавление, и их взаимодействиях до сих пор отсутствует [4]. В 1992 г. Гранато [5] предложил междоузельную теорию, которая предполагает, что дефектами, ответственными за плавление, являются междоузлия в гантельной (расщепленной) конфигурации. Хотя впоследствии было установлено, что эта теория дает качественные и количественные объяснения значительного числа важных явлений, наблюдающих-

ся в жидкостях и стеклах [6-8], она не получила какого-либо широкого признания. Одна из причин этого состоит в широко распространенном убеждении, что концентрация равновесных гантельных междоузлий (interstitialcies) пренебрежимо мала даже вблизи температуры плавления T_m [9]. Однако недавние экспериментальные исследования, выполненные на монокристаллическом алюминии [10] и поликристаллическом индии [11], дают убедительные доказательства того, что концентрация междоузлий начинает быстро увеличиваться при приближении к точке плавления и становится сравнимой с концентрацией вакансий в районе T_m , в соответствии с теорией Гранато. Было показано, что это происходит благодаря как высокой энтропии формирования расщепленных междоузлий, так и уменьшению энтальпии их формирования с температурой вблизи Т_m, которое создает выраженный дополнительный эффект снижения модуля сдвига [10]. С другой стороны, повышение концентрации междоузлий проявляется также в нелинейном росте теплоемкости алюминия при высоких температурах [12]. Такой рост характерен для многих металлов, но его происхождение до сих пор считается неясным [13].

^{*} E-mail: v.a.khonik@vspu.ac.ru

При сравнении с теорией Гранато было отмечено, что если энтальпия формирования дефекта является температурно-зависимой, то стандартная оценка ее величины, основанная на формуле Аррениуса, приводит к существенно завышенным значениям [10]. В настоящей работе мы показали, что формальное использование уравнения Аррениуса в случае температурно-зависимой энтальпии формирования ведет также и к значительному завышению энтропии формирования и появлению ее кажущейся температурной зависимости. Мы предлагаем метод оценки «истинного» значения энтропии формирования, который учитывает температурную зависимость энтальпии формирования, связанную с температурной зависимостью упругих модулей.

Следует подчеркнуть, что знание «истинных» активационных параметров — энтальпии формирования *H* и энтропии формирования *S* — необходимо для правильной оценки концентрации точечных дефектов при использовании уравнения Аррениуса,

$$c = \exp(S/k_B) \exp(-H/k_B T)$$

 $(k_B$ — постоянная Больцмана), расчетов самодиффузии, гетеродиффузии и т. п. Эти вопросы имеют жизненно важное значение для различных фундаментальных и прикладных задач физики конденсированного состояния и химии. Кроме того, концентрация точечных дефектов при высоких гомологических температурах имеет прямую связь с проблемой плавления.

2. ТЕОРИЯ И РЕЗУЛЬТАТЫ

Одним из основных постулатов теории Гранато является утверждение о том, что энтальпия формирования междоузлия H_i пропорциональна модулю сдвига G, т. е. $H_i = \alpha G \Omega$, где безразмерный параметр α близок к единице, а Ω — объем, приходящийся на атом [5] (в действительности, эта идея впервые была давно предложена Вертом и Зинером, которые считали, что изменение свободной энергии Гиббса междоузлия пропорционально изменению модуля сдвига [14, 15]). Происхождение этой формулы легко понять, если разложить внутреннюю энергию U (на единицу массы) системы, содержащей точечные дефекты, в ряд по степеням упругой деформации, вызываемой дефектами. Для изотропного тела это разложение может быть записано как [16]

$$\rho U = \rho U_0 + \frac{1}{2} I_1^2 \left(\lambda + \frac{2}{3} \mu \right) + I_2 \mu + \dots, \qquad (1)$$

где U_0 — внутренняя энергия из бездефектного материала, ρ — плотность, λ и μ — константы Ламе,

$$I_1^2 = \frac{\int \varepsilon_{ii}^2 \, dV}{V}, \quad I_2 = \frac{\int \left(\varepsilon_{ij}\varepsilon_{ji} - \frac{1}{3}\varepsilon_{ii}^2\right) \, dV}{V}$$

— инварианты деформационного поля дефектов, а ε_{ij} — тензор деформации, создаваемой дефектами. Для анизотропного тела разложение является более сложным, но основная идея остается той же. Для малой концентрации дефектов формулу (1) можно переписать как

$$\rho\Delta U = \rho(U - U_0) = \alpha_2 \left(\frac{\lambda}{2} + \frac{\mu}{3}\right)c + \alpha\mu c + \dots, \quad (2)$$

где

$$\alpha = \frac{\partial I_2}{\partial c} = \frac{N \partial I_2}{\partial n} = \frac{\partial \int \left(\varepsilon_{ij}\varepsilon_{ji} - \frac{1}{3}\varepsilon_{ii}^2\right) dV}{\Omega \partial n},$$
$$\alpha_2 = \frac{\partial I_1^2}{\partial c} = \frac{N \partial I_1^2}{\partial n},$$

N — число атомов, а n — количество дефектов в объеме V. Тогда, пренебрегая первым слагаемым в разложении (2) (т. е. игнорируя вклад дилатационной компоненты во внутреннюю энергию, как аргументируется в [16]), приходим к выводу о том, что приведенная выше формула Гранато на самом деле постулирует равенство энтальпии формирования междоузлия энергии поля упругих сдвиговых деформаций ε_{ij}^d дефекта, т. е.

$$\begin{split} H_i &= \mu \Omega \frac{\int \left[\varepsilon_{ij}^d \varepsilon_{ji}^d - \frac{(\varepsilon_{ii}^d)^2}{3} \right] dV}{\Omega} = \\ &= \mu \int \left[\varepsilon_{ij}^d \varepsilon_{ji}^d - \frac{(\varepsilon_{ii}^d)^2}{3} \right] dV, \end{split}$$

где $\mu = G$ — модуль сдвига.

Хотя соотношение Гранато для энтальпии формирования междоузлия H_i не является абсолютно точным, он показал, что, например, для меди оно выполняется с точностью около 3 % [5]. Важный вывод, который следует из этой формулы, заключается в следующем. Поскольку модуль сдвига зависит от температуры, оценка энтальпии формирования дефекта H_i из температурной зависимости концентрации дефектов на основе стандартного соотношения Аррениуса,

$$\ln c_i = -\frac{H_i - TS_i}{k_B T},\tag{3}$$

где c_i — концентрация междоузлий, а S_i — энтропия формирования междоузлия (которая равна изменению колебательной энтропии кристалла при создании дефекта и не включает в себя конфигурационную компоненту), приводит к завышенным значениям энтальпии формирования [10]. Действительно, если H_i не зависит от температуры, то это соотношение дает

$$H_i = -\frac{\partial(\ln c_i)}{\partial(1/k_B T)}.$$
(4)

Однако если энтальпия формирования зависит от температуры, то использование соотношения Аррениуса (3) приводит к эффективной (кажущейся) энтальпии формирования,

$$-\frac{\partial(\ln c_i)}{\partial(1/k_B T)} = H_i^{eff} = H_i + \frac{1}{k_B T} \frac{\partial H_i}{\partial(1/k_B T)} = H_i \left[1 + \frac{1}{T} \frac{\partial(\ln G)}{\partial(1/T)} \right], \quad (5)$$

которая значительно больше «истинной» энтальпии формирования H_i [10]. Было показано [10], что в то время как величина H_i согласно температурной зависимости модуля сдвига должна уменьшаться примерно в два раза при повышении температуры от 0 К до T_m , величина H_i^{eff} , определяемая уравнением (5), почти не зависит от температуры и оказывается близкой к H_i при T = 0. Кроме того, важен еще один момент, который не был установлен в работе [10]. Если H_i зависит от температуры, то соотношение Аррениуса (3) приводит также к завышению энтропии формирования дефекта S_i. Действительно, если считать, что S_i не зависит от температуры, то формула Аррениуса приводит к некоторой эффективной (кажущейся) энтропии S_i^{eff} , которая отличается от S_i , т.е.

$$S_i^{eff} = \frac{\partial (k_B T \ln c_i)}{\partial T} = S_i - H_i \frac{\partial \ln G}{\partial T} =$$
$$= S_i - \frac{H_i (T=0)}{G(T=0)} \frac{\partial G}{\partial T}.$$
 (6)

Анализ этого выражения показывает, что в диапазоне от дебаевской температуры до температур, близких к температуре плавления, S_i^{eff} отличается от S_i на некоторую величину, которая близка к константе, как показано ниже.

На рис. 1 представлена температурная зависимость концентрации гантельных междоузлий в Al, полученная экспериментально [10] и рассчитанная с помощью формулы

$$\ln c_i(T) = \frac{S_i}{k_B} - \frac{H_i(T=0)}{k_B T G(T=0)} G(T).$$
(7)



Рис. 1. Температурная зависимость концентрации гантельных междоузлий в алюминии, полученная экспериментально [10] (точки) и рассчитанная по уравнению (7) (сплошная линия)

В этой формуле величина $H_i(T = 0)$ была взята равной 2.27 эВ [10], в то время как температурнозависимый модуль сдвига *G* был принят равным модулю упругости $C_{44}(T)$ [10]. Величина S_i/k_B интерпретировалась как подгоночный параметр. Методом последовательных приближений было установлено, что наилучшему совпадению соответствует $S_i/k_B = 7.13$.

Рисунок 1 показывает, что кривая $\ln c_i(T^{-1})$, полученная таким образом, дает хорошую аппроксимацию экспериментальных данных. В то же время, это значение S_i/k_B существенно меньше, чем эффективная энтропия формирования $S_i^{eff}/k_B = 22$, полученная в работе [10], но достаточно близко к оценке энтропии формирования междоузлия $S_i/k_B \approx 5$ –10, полученной Гранато для меди [5,7]. На рис. 2 показаны температурные зависимости величин H_i^{eff} , H_i , S_i^{eff} и S_i для алюминия, рассчитанные с учетом температурной зависимости модуля сдвига. Видно, что эффективные (кажущиеся) значения этих величин в зависимости от температуры примерно от 1.3 до 3 раз больше соответствующих «истинных» значений. Такую большую разницу необходимо учитывать при расчете концентрации дефектов.

Следует также обратить внимание на резкое увеличение H_i^{eff} и S_i^{eff} при приближении к температуре плавления. Это связано с производной dG/dTв уравнениях (5) и (6). Абсолютное значение этой производной быстро увеличивается выше T = 900 K [10], отражая тот факт, что концентрация междоузлий демонстрирует увеличивающуюся скорость рос-



Рис. 2. Температурная зависимость эффективной (кажущейся) и «истинной» энтальпии (*a*) и энтропии (*б*) формирования междоузельных атомов в алюминии

та при приближении к T_m (рис. 1). Поскольку

$$S_i^{eff} - H_i^{eff} / T = S_i - H_i / T$$

(по их определению), физическая причина быстрого роста c_i состоит, как показано в [10], в понижении свободной энергии формирования Гиббса $G_i = H_i - TS_i$ при повышении температуры вблизи T_m .

3. ОБСУЖДЕНИЕ

Точно такой же анализ можно провести и для вакансий. Основная причина такой возможности заключается в том, что, как известно, основной вклад в упругую энергию точечного дефекта любой природы вдали от него дает упругая сдвиговая (девиаторная) деформация, которая контролируется модулем сдвига [17]. Поэтому энтальпия формирования для вакансий также должна быть пропорциональна модулю сдвига.

Это приводит к нелинейной температурной зависимости свободной энергии Гиббса. В недавней работе Гленск с соавт. [18] провели расчеты *ab initio* свободной энергии Гиббса для вакансий в алюминии и меди. Они обнаружили, что, действительно, температурная зависимость свободной энергии Гиббса



Рис. 3. Температурные зависимости концентрации вакансий в алюминии по данным [19–23] (точки) вместе с результатом расчета по уравнению (7) (сплошная линия). Показана также концентрация вакансий, рассчитанная в рамках $cB\Omega$ -модели [34–36] с использованием данных Таллона и Вольфендена [37] \triangle и Вавры [38] (\blacksquare) по температурной зависимости объемного модуля

существенно нелинейна. Однако, эта нелинейность была связана ими с сильной температурной зависимостью энтропии формирования S_v. Они предположили, что $S_v \sim T$ при условии постоянства энтальпии формирования H_v. Мы показываем в настоящей работе, что существует другой, полностью естественный источник нелинейного температурного поведения энергии формирования Гиббса для вакансий, обусловленный нелинейной температурной зависимостью их энтальпии формирования H_v вследствие температурной зависимости модуля сдвига и связанной с ней температурной зависимостью упругой энергии поля их сдвиговых деформаций. Ниже приведены свидетельство того, что учет температурной зависимости H_v вполне достаточен для описания экспериментальных данных по концентрации вакансий.

На рис. 3 приведены экспериментальные зависимости концентрации вакансий c_v согласно [19–23] вместе с кривой, рассчитанной по формуле (7) (с индексами «*i*», замененными на «*v*»), и $H_v(T = 0) =$ = 0.67 эВ, как получено в [10]. Метод проб и ошибок показал, что наибольшее согласие наблюдается при $S_v/k_B = -2.5$. С этими параметрами расчетная кривая $c_v(T)$ практически совпадает с феноменологической зависимостью $c_v(T)$, предложенной Зигелем [24], где учтены моно- и дивакансии в Al.



Рис. 4. Температурные зависимости эффективной (кажущейся) и «истинной» энтальпии (*a*) и энтропии (*б*) формирования вакансий. На рис. *б* показаны «истинная» температурно-независимая энтропия формирования и «истинная» энтропия формирования, рассчитанная с учетом ее возможной температурной зависимости

На рис. 4 показаны эффективные (кажущиеся) и «истинные» энтальпия и энтропия формирования вакансий для алюминия, рассчитанные с использованием формул (5) и (6) (с индексами «i», замененными на индексы «v»). В принципе, эти зависимости аналогичны таковым, показанным на рис. 2 для междоузлий. Вновь, эффективные энтальпия и энтропия являются существенно завышенными по сравнению с их «истинными» значениями.

Единственным фактом, который кажется странным на первый взгляд, является отрицательная энтропия формирования вакансий. Следует отметить, однако, что какие-либо точные расчеты энтропии формирования вакансий, насколько нам известно, до сих пор отсутствуют (см. также обсуждение этого вопроса в работе [25]). Известные оценки ориентировались на «экспериментальную» (кажущуюся) энтропию формирования (например, [26]), которая, как показано выше, может быть значительно выше ее «истинного» значения. Хотя принято считать, что энтропия формирования вакансий всегда положительна [27,28] (однако теоретических запретов для ее отрицательного значения нет [29]), имеется несколько экспериментальных [30,31] и теоретических [32,33] исследований, которые показывают, что энтропия формирования вакансий в некоторых простых веществах может быть отрицательной. Поскольку вопрос об «истинной» энтропии формирования вакансий важен для оценки их концентрации, желательны дальнейшие теоретические и вычислительные работы в этом направлении.

На самом деле уравнения, полученные выше, являются достаточно общими и не ограничиваются случаем, когда энтальпия формирования дефекта пропорциональна модулю сдвига. Например, так называемая сВΩ-модель [34–36] предполагает, что энтальпия формирования дефекта пропорциональна модулю объемной упругости. С целью тестирования нашего подхода мы проверили, может ли эта модель описать экспериментальные данные о вакансиях в алюминии с использованием уравнения (7) и температурно-зависимого изотермического объемного модуля В_Т вместо сдвигового модуля, использованного выше. К сожалению, имеющиеся данные об изотермическом объемном модуле в Al довольно скудны и отчасти противоречивы. Чтобы рассчитать концентрацию вакансий, мы взяли данные Таллона и Вольфендена [37] и Вавры [38] и использовали уравнение (7) с температурной зависимостью B_T вместо G(T), приняв энтропию формирования S_v в качестве подгоночного параметра. Поскольку в работе Таллона и Вольфендена [37] не содержится данных о B_T для температур ниже 300 K, мы приняли значение $B_T(T = 4.2 \text{ K}) = 75 \Gamma \Pi a$, полученное путем экстраполяции температурной зависимости B_T к низким температурам. На рисунке 3 приведена полученная таким образом концентрация вакансий. Наилучшее согласие с экспериментом имеет место при $S_v/k_B = -0.90$ для данных Таллона и Вольфендена [37] и $S_v/k_B = -1.35$ для данных Вавры [38]. Энтропия формирования в обоих случаях отрицательна (как и выше, при использовании зависящего от температуры модуля сдвига) и, несмотря на небольшое количество точек, расчеты с температурной зависимостью $B_T(T)$ [37, 38] приводят к весьма хорошему согласию с экспериментом. Большие значения энтропии формирования по сравнению со случаем использования температурно-зависимого модуля сдвига согласуются с меньшей производной $d\ln B_T/dT$ по сравнению с производной $d \ln G/dT$ в соответствии с формулой (6). Более того, характер соответствия расчетных и экспериментальных температурных зависимостей концентрации вакансий указывает на то, что температурной зависимости энтальпии формирования (которая почти линейна в этом температурном диапазоне) вполне достаточно для описания экспериментальных зависимостей концентрации вакансий и какой-либо необходимости введения в этом диапазоне температур какой-либо существенной температурной зависимости энтропии формирования нет.

Тем не менее, поскольку выражения (5) и (6) были получены в предположении, что «истинная» энтропия формирования $S_i = \text{const}$, мы сделали оценку с целью понять, действительно ли это предположение приемлемо для вакансий. Обобщение исходных уравнений путем введения температурно-зависимой энтропии S_v приводит к соотношению

$$\frac{S_v}{k_B} = \frac{H_v}{k_B T} + \frac{\partial (T \ln c_v)}{\partial T} - T \frac{\partial \ln c_v}{\partial T}.$$
 (8)

Для численного расчета по этой формуле мы использовали упомянутую выше феноменологическую температурную зависимость c_v , предложенную Зигелем [24], и температурно-зависимую энтальпию в виде

$$H_v(T) = H_v(T=0)C_{44}(T)/C_{44}(T=0).$$

Температурная зависимость энтропии формирования вакансий, рассчитанная с помощью формулы (8), показана на рис. 46. Видно, что величина S_v действительно слабо зависит от температуры и, в общем, очень близка к значению температурнонезависимой энтропии, упомянутой выше (штриховая линия на рис. 4). Если энтальпия формирования H_v рассчитывается по температурной зависимости модуля объемного сжатия в рамках $cB\Omega$ -модели, то получается приблизительно такой же результат (S_v слабо зависит от температуры), но со значениями S_v/k_B , лежащими около -0.9 или -1.35, аналогично случаю, изложенному выше для этой модели.

Касаясь вопроса о том, какая модель для энтальпии формирования более приемлема (на основе сдвигового или объемного модулей), мы полагаем, что это составляет предмет будущих исследований. Имеющиеся к настоящему времени данные указывают больше в пользу модели Гранато, базирующейся на модуле сдвига. Тем не менее, стоит отметить, что эффективный модуль упругости, определяющий энтальпию формирования дефектов в ГЦК-металлах (и, в частности, в Al), определяется комбинацией трех упругих модулей (не рассматривая их относительный вклад), например, двумя модулями сдвига,

 C_{44} и $(C_{11}-C_{12})/2$, и объемным модулем. Соотношения (5) и (6) между «истинными» и эффективными энтальпией и энтропией остаются теми же, но величина G должна быть заменена соответствующим упругим модулем, который в любом случае зависит от температуры. Кроме того, следует отметить, что температурная зависимость упругих модулей может влиять на энтальпию и энтропию формирования в других типах веществ (полупроводниках, оксидах и т. д.). Более того, эта зависимость может оказывать влияние на другие термодинамические параметры точечных дефектов (энтальпия и энтропия миграции, коэффициенты диффузии и т. д. [39–42]), а также изменять взаимодействие с другими дефектами кристаллической решетки (дислокациями, двойниками, границами зерен и др.).

В принципе, дополнительный учет ангармоничности межатомного потенциала (основной ангармонический вклад учитывается температурной зависимостью энтальпии формирования, определяемой температурной зависимостью упругих модулей), связанный со следующими членами разложения в уравнении (1) (например, рассмотрение модулей упругости третьего порядка), может привести к некоторой перенормировке эффективного модуля упругости, но не вызовет каких-либо существенных изменений сделанных выше выводов.

В любом случае, приведенный выше анализ наглядно показывает, что формальное применение стандартного уравнения Аррениуса к экспериментальным данным по температурной зависимости концентрации точечных дефектов приводит к значительно завышенным значениям энтальпии и энтропии их формирования и этот факт необходимо принимать во внимание. Вполне вероятно, что многие предшествующие данные по определению энтальпии и энтропии формирования точечных дефектов в кристаллах следует пересмотреть в свете изложенного выше анализа. В определенном смысле сделанные выше выводы согласуются с работой Гленска с соавт. [18], которая также делает вывод о том, что формальное применение соотношения Аррениуса приводит к неверной оценке энтальпии и энтропии формирования точечных дефектов в кристаллах. Более того, температурно-зависимую энтальпию формирования точечных дефектов можно рассмотреть не только для собственных точечных дефектов (вакансий и междоузлий), но также и для примесных точечных дефектов. Соотвественно, этот факт должен быть учтен при анализе их диффузионной подвижности и взаимодействий с другими дефектами решетки.

Наконец, важно отметить, что кристалличность материала не является глобальной отправной точкой в вышеприведенных рассуждениях. Релаксационные процессы в некристаллических материалах часто происходят посредством точечно-подобных структурных перестроек, которые можно рассматривать как эволюцию «дефектной» структуры стекла. Общепризнано, что эти перестройки контролируются локальной упругостью стекла (см., например, [43,44]) и, следовательно, энтальпия формирования «дефекта» должна быть температурно-зависимой, в соответствии с изложенным выше. Следовательно, уравнение Аррениуса следует использовать с определенной осторожностью и для некристаллических материалов.

4. ВЫВОДЫ

Показано, что стандартное применение соотношения Аррениуса (3) к экспериментальным данным о температурном изменении концентрации равновесных точечных дефектов (вакансий и междоузлий) дает эффективные (кажущиеся) энтальпию и энтропию формирования, которые существенно завышены по сравнению с их «истинными» значениями, определяемыми на основе экспериментальных данных при учете температурной зависимости энтальпии формирования. Физическая причина этой зависимости заключается в температурной зависимости упругих модулей.

С использованием известных экспериментальных данных по концентрации междоузлий и вакансий в алюминии выполнен расчет «истинных» энтальпии и энтропии формирования. Этот расчет показывает, что кажущиеся энтальпия и энтропия существенно больше «истинных» значений. Показано, что энтропию формирования вакансий можно приблизительно считать температурно-независимой. Обсуждаются следствия рассматриваемого подхода.

Работа выполнена при финансовой поддержке Министерства образования и науки РФ (проект № 3.1310.2017/4.6).

ЛИТЕРАТУРА

- 1. J. Frenkel, *Kinetic Theory of Liquids*, Oxford University Press, New York (1946).
- J. E. Lennard-Jones and A.F. Devonshire, Proc. R. Soc. London, Ser. A 170, 464 (1939).

- F. H. Stillinger and K. A. Weber, J. Chem. Phys. 81, 5095 (1984).
- K. S. Mei and K. Lu, Progr. Mater. Sci. 52, 1175 (2007).
- 5. A. V. Granato, Phys. Rev. Lett. 68, 974 (1992).
- 6. A. V. Granato, J. Non-Cryst. Sol. 352, 4821 (2006).
- 7. A. V. Granato, Eur. J. Phys. B 87, 18 (2014).
- 8. V. A. Khonik, Chin. Phys. B 26, 016401 (2017).
- **9.** G. Gottstein, *Physical Foundations of Materials Science*, Springer, Berlin (2004).
- E. V. Safonova, Yu. P. Mitrofanov, R. A. Konchakov et al., J. Phys.: Cond. Matter 28, 215401 (2016).
- Е. В. Гончарова, А. С. Макаров, Р. А. Кончаков и др., Письма в ЖЭТФ 106, 39 (2017).
- Е. В. Сафонова, Р. А. Кончаков, Ю. П. Митрофанов и др., Письма в ЖЭТФ 103, 861 (2016).
- J. Rogal, S. V. Divinski, M. W. Finnis et al., Phys. Stat. Sol. B 251, 97 (2014).
- 14. C. Wert and C. Zener, Phys. Rev. 76, 1169 (1949).
- 15. C. Zener, J. Appl. Phys. 22, 372 (1951).
- N. P. Kobelev and V. A. Khonik, J. Non-Cryst. Sol. 427, 184 (2015).
- 17. J. C. Dyre, Phys. Rev. B 75, 092102 (2007).
- A. Glensk, B. Grabowski, T. Hickel et al., Phys. Rev. X 4, 011018 (2014).
- R. O. Simmons and R. W. Balluffi, Phys. Rev. 117, 52 (1960).
- 20. G. Bianchi, D. Mallejac, C. Janot et al., Compt. Rend. Acad. Sci. (Paris) B 263, 1404 (1966).
- 21. B. von Guérard, H. Peisl, and R. Zitzmann, Appl. Phys. 3, 37 (1974).
- 22. A. S. Berger, S. T. Ockers, M. K. Chason et al., J. Nucl. Mater. 69 & 70, 734 (1978).
- 23. J. Bass, Phil. Mag. 15, 717 (1967).
- 24. R. W. Siegel, J. Nucl. Mater. 69 & 70, 117 (1978).
- P. H. Dederichs, C. Lehmann, H. R. Schober et al., J. Nucl. Mater. 69 & 70, 176 (1978).
- 26. K. Kuribayashi, S. Tanigawa, S. Nanao et al., Sol. St. Comm. 12, 1179 (1973).
- 27. P. Wynblatt, J. Phys. Chem. Sol. 30, 2201 (1969).

- Ch. Kittel, Introduction to Solid State Physics, Wiley, New York (2005).
- 29. P. Varotsos and K. Alexopoulos, J. Phys. C: Sol. St. Phys. 12, L761 (1979).
- 30. P. R. Granfors, B. A. Fraass, and R. O. Simmons, J. Low Temp. Phys. 67, 353 (1987).
- 31. I. Iwasa, J. Phys. Soc. Jpn. 56, 1635 (1987).
- **32**. М. Н. Магомедов, Письма в ЖТФ **27**, 36 (2001).
- **33**. М. Н. Магомедов, Письма в ЖТФ **34**, 20 (2008).
- 34. P. A. Varotsos and K. D. Alexopoulos, Thermodynamics of Point Defects and Their Relation with Bulk Properties, in: Defects in Solids, ed. by S. Amelinckx, R. Gevers, and J. Nihoul, North-Holland, Amsterdam, Oxford, New York, Tokyo (1986).
- 35. P. Varotsos, J. Appl. Phys. 101, 123503 (2007).

- 36. P. Varotsos, J. Appl. Phys. 105, 083524 (2009).
- 37. J. L. Tallon and A. Wolfenden, J. Phys. Chem. Sol. 49, 831 (1979).
- 38. H. Wawra, Z. Metallkd. 69, 518 (1978).
- 39. V. Saltas, A. Chroneos, and F. Vallianatos, Mat. Chem. Phys. 181, 204 (2016).
- 40. V. Saltas, A. Chroneos, and F. Vallianatos, RSC Adv.
 6, 53324 (2016).
- 41. V. Saltas, A. Chroneos, M. W. D. Cooper et al., RSC Adv. 6, 103641 (2016).
- V. Saltas, A. Chroneos, and F. Vallianatos, Sci. Rep. 7, 1374 (2017).
- 43. S. V. Nemilov, J. Non-Cryst. Sol. 352, 2715 (2006).
- 44. J. C. Dyre, Rev. Mod. Phys. 78, 953 (2006).