Ю. С. Поносов ^{а,b*}, С. В. Стрельцов ^{а,b**}, А. В. Левченко ^с, В. Б. Филиппов ^с

^а Институт физики металлов им. М. Н. Михеева Уральского отделения Российской академии наук 620990, Екатеринбург, Россия

> ^b Уральский федеральный университет им. Б. Н. Ельцина 620002, Екатеринбург, Россия

^с Институт проблем материаловедения им. И. Н. Францевича Национальной академии наук Украины 03680, Киев, Украина

Поступила в редакцию 19 марта 2016 г.

Электронное рассеяние света исследовано на монокристаллах LuB_{12} различного изотопного состава в области температур 10-650 К. Форма и энергетическое положение спектральных максимумов зависят от направления и величины волнового вектора, температуры и симметрии возбуждений, но сохраняются при изменении изотопного состава. Проведено сравнение экспериментальных спектров с моделированными на основе рассчитанной электронной структуры. Учет эффектов перенормировки электронного спектра вследствие электрон-фононного взаимодействия позволил описать наблюдаемые в эксперименте особенности. Это подтверждает связь наблюдаемых спектров с электронными возбуждениями в LuB_{12} . Сравнение расчета и эксперимента позволило определить константу связи $\lambda_{ep} = 0.32$, которая дает правильное значение наблюдаемой температуры перехода в сверхпроводящее состояние.

DOI: 10.7868/S0044451016090157

Несмотря на значительный прогресс в технике спектроскопии комбинационного рассеяния света (КРС) в недавние годы, широко распространенное мнение заключается в том, что измерения спектров КРС электронами в металлах являются сложной задачей [1]. Обычно металлы ассоциируются с изотропными системами, имеющими параболическую дисперсию электронных зон. В таких случаях наведенная светом плотность зарядовых флуктуаций в значительной степени экранируется проводящими электронами, что уменьшает нерезонансный вклад в сечение рассеяния света (который пропорционален квадрату переданного волнового вектора q для скалярной компоненты при малых волновых векторах) [2,3]. Однако большинство элементных металлов обладают многолистными анизотропными поверхностями Ферми. Это приводит к неисчезающему неэкранированному низкочастотному рассеянию даже для $q \to 0$ [1,2,4,5]. Резонансные эффекты являются другим фактором, способствующим наблюдению электронного рассеяния света (ЭРС) в металлах. Кроме того, обсуждение ЭРС в металлах в пределе $q \to 0$ может привести к неверным выводам о природе электронных возбуждений, если выполняется условие $qv_F > \Gamma$, где v_F — скорость электронов на поверхности Ферми, а Γ — частота релаксации электронов [6].

Исследования ЭРС в гексаборидах LaB₆ и YB₆ позволили получить информацию как о средней скорости электронов на поверхности Ферми, так и о частоте их релаксации, тесно связанной с величиной электрон-фононной связи [7, 8]. Оптические свойства боридных систем дают возможность варьировать волновой вектор электронного возбуждения, имеющий узкое распределение, что делает их удобным модельным объектом для детального экспериментального и теоретического исследования электронной динамики в рассеянии света.

Металлические додекабориды LuB₁₂ и ZrB₁₂ являются сверхпроводниками с существенно различными температурами сверхпроводящего перехода, соответственно $T_c = 0.4$ K [9] и $T_c = 6$ K [10], хотя их электронные структуры и фононные спект-

^{*} E-mail: ponosov@imp.uran.ru

^{**} E-mail: streltsov@gmail.com

ры очень близки по характеристикам. Преобладает мнение, что низкочастотные колебания металлических ионов в каркасе, образованном усеченным октаэдром из атомов бора В24, ответственны за сравнительно высокую температуру T_c в ZrB_{12} , но дают лишь малый вклад в электрон-фононную связь в LuB₁₂ [11, 12]. Ранние КРС-исследования LuB₁₂ в основном были посвящены исследованиям фононного спектра [13,14]. В работе [15] кроме узких фононных линий в спектре КРС были обнаружены широкие полосы, форма которых существенно менялась с изменением температуры. Это рассеяние очень походило на ЭРС, исследованное нами ранее в LaB_6 , однако было интепретировано как бозонный пик, характерный для аморфных материалов. Обычно такие возбуждения имеют очень низкие частоты, в данном же случае энергии континуумов превышали 300 см^{-1} при T = 300 K.

Для прояснения природы наблюдаемых спектров мы выполнили измерения КРС в монокристаллах различного изотопного состава в широкой области температур, используя различные линии возбуждения. Моделирование спектров было выполнено на основе электронной структуры, рассчитанной в приближении локальной электронной плотности (local-density approach, LDA).

Изучаемые монокристаллические образцы высокого качества были выращены методом вертикального бестигельного индукционного зонного плавления в атмосфере аргона в ИПМ НАНУ (Киев). Детали получения монокристаллических образцов LuB₁₂ представлены в работе [16]. Измерения были проведены как на образцах LuB₁₂ с естественным изотопным составом, так и на образцах с изотопам
и \mathbf{B}^{10} и В¹¹. Отношение сопротивлений $\rho_{300 \text{ K}}/\rho_{4.2 \text{ K}}$ превышало 50. Для температурных измерений монокристаллические образцы с ориентациями поверхности (001) и (011) помещались в оптический микрокриостат (Oxford) либо в высокотемпературную камеру (Linkam). Спектры возбуждались линиями 532 нм (2.33 эВ) твердотельного лазера и 633 нм (1.96 эВ) гелий-неонового лазера мощностью до 5 мВт. Излучение фокусировалось на образце в пятно диаметром 5-10 мкм. Для исключения поверхностных эффектов измерения проводились на свежесколотых поверхностях. Рассеянный свет регистрировался микроспектрометром RM 1000 фирмы Renishaw, снабженным термоэлектрически охлаждаемой системой регистрации на основе прибора с зарядовой связью. Спектральное разрешение составляло $2-3 \text{ cm}^{-1}$.



Рис. 1. Электронный отклик $\chi''(\omega)$ в LuB_{12}^{11} , полученный от плоскости (001) при различных температурах в поляризационной геометрии $(XX) - A_{1g} + E_g$ -симметрия: a — возбуждение 633 нм; δ — возбуждение 532 нм. Сплошные плавные линии — расчет с $\lambda = 0.32$; штриховая линия — спектр, рассчитанный с $\lambda \approx 0$

Для исследования симметрии наблюдаемых возбуждений спектры были измерены в различных поляризационных геометриях: $(X, X) - A_{1g} + E_g$ -симметрия; $(X, Y) - T_{2g}$ -симметрия; $(X + Y, X + Y) - A_{1g} + T_{2g} + (1/4)E_g$ -симметрия и $(X + Y, X - Y) - (3/4)E_g$ -симметрия, где X, Y соответствуют направлениям в кристалле вдоль осей [001], [010]. Полученные спектры скорректированы с учетом коэффициентов пропускания и поглощения, а также спектрального отклика спектрометра. Зависимая от частоты восприимчивость $\chi''(\omega)$, полученная после деления скорректированных спектров на $n(\omega, T) + 1$, где $n(\omega, T) - ф$ актор Бозе – Эйнштейна, представлена на приведенных ниже графиках.

На рис. 1 представлены зависимости $\chi''(\omega)$, полученные при различных температурах для монокристалла LuB₁₂, обогащенного изотопом B¹¹. При возбуждении линией 633 нм (1.96 эВ) (рис. 1*a*) спектры в диапазоне температур до 300 K очень похожи на измеренные в работе [15], в которой при низких температурах наблюдался широкий континуум вблизи 185 см⁻¹, смещающийся в область высоких энергий с ростом температуры. Значительное уширение и сдвиг пиков до 800 см⁻¹ найдены при дальнейшем увеличении температуры до 650 K.

При использовании лазерного возбуждения на 532 нм (2.33 эВ) максимум низкотемпературного континуума наблюдается вблизи энергии 300 см⁻¹ (рис. 16); эта энергия близка к энергии континуума при 300 К, наблюдаемого при возбуждении на 633 нм, и растет при дальнейшем увеличении температуры. Такое поведение невозможно объяснить исходя из гипотезы о связи обнаруженного рассеяния с бозонным пиком, как это было предположено в работе [15]. Во-первых, бозонный пик, связанный с избытком колебательных возбуждений в аморфных материалах, как правило, имеет энергии в области спектра акустических колебаний, который в LuB₁₂ распространяется до 120 см⁻¹ [17]. Поэтому сильная температурная зависимость, приводящая к сдвигу континуума до 800 см⁻¹ при высоких температурах, не может быть объяснена в рамках предложенной гипотезы. Во-вторых, изменение частоты континуумов при использовании разных энергий возбуждения также трудно понять, предполагая их связь с бозонным пиком.

Ранее мы наблюдали подобные континуумы возбуждений в металлах (в частности, в гексаборидах лантана и иттрия [7, 8]), где они также демонстрировали сильные зависимости от температуры и энергии возбуждения. С помощью расчетов была подтверждена электронная природа этих возбуждений, а именно их связь с внутризонными переходами вблизи уровня Ферми. Для сравнения с экспериментом для LuB₁₂ был выполнен расчет частотных зависимостей электронного отклика $\chi''(\omega)$, основанный на формализме поляризационного оператора с включением эффектов электрон-фононного рассеяния (уравнения (1)–(3) в работе [6]). Электронная структура и скорости электронов на поверхности Ферми были рассчитаны методом линеаризованных маффин-тин орбиталей (linearized muffin-tin orbitals, LMTO) [18] в приближении локальной электронной плотности с обменно-корреляционной частью, предложенной в работе [19]. Для вычисления электронной восприимчивости использовалась сетка из 125000 к-точек. Все расчеты были выполнены с постоянным матричным элементом электрон-фотонного взаимодействия. Параметры кристаллической структуры (пространственная группа O_h^5) были взяты из работы [13]. Для расчета распределения U(q) переданных волновых векторов [20] использовались оптические данные работы [12]. Рассчитанные электронные структуры и поверхности Ферми согласуются с результатами ранних исследований [21–23].

Согласно уравнениям (1)–(3) из работы [6], электронная восприимчивость определяется интегралом по поверхности Ферми от мнимой части поляризационного оператора

$$\Pi(q,\omega) = \frac{1}{\omega - q\upsilon_F^z + \Sigma(\epsilon + \omega) + \Sigma(\epsilon)}, \qquad (1)$$

где z — направление нормали к поверхности образца. Зависящие от энергии квазичастичные собственные энергии электронов $\Sigma(\epsilon)$ и $\Sigma(\epsilon+\omega)$ определяют перенормировку электронного спектра вблизи уровня Ферми вследствие взаимодействия с фононами [24]. Единственным подгоночным параметром в расчете являлась величина константы электронфононной связи $\lambda = 2 \int d\Omega \, \alpha^2 F(\Omega) / \Omega$, определяющая значения $\Sigma(\epsilon)$. Ее стартовое значение определялось из оценки частоты релаксации $\Gamma(\omega) \approx 2\Sigma''(\epsilon)$ при высоких температурах, где

$$\Sigma''(\epsilon) = \pi \int d\Omega \, \alpha^2 F(\Omega) \times \\ \times \left[2n(\Omega, T) - f(\epsilon - \Omega) + f(\epsilon + \Omega) + 1\right] + \nu. \quad (2)$$

Для расчета λ использовалась постоянная $\alpha^2(\Omega)$ и плотность фононных состояний $F(\Omega)$ из работы [17], значение частоты релаксации из-за примесного рассеяния было взято малым $\nu = 10$ см⁻¹.

Как можно видеть на рис. 1, измеренные восприимчивости хорошо описываются расчетными кривыми при различных температурах при использовании константы электрон-фононной связи $\lambda = 0.32$. Из уравнения (1) следует, что при низких температурах максимум электронного континуума должен наблюдаться на частоте $\omega \approx q v_F^z + 2\Sigma'(\omega)$, если величина $\Sigma''(\epsilon)$ мала. Поскольку низкочастотные фононы выморожены, она действительно мала при T = 10 К в области малых энергий (рис. 2). Это по существу обеспечивает бесстолкновительный режим для электронов и дает возможность наблюдать довольно узкий пик на 185 см⁻¹. Сохранение волнового вектора в этом процессе дает возможность оценить перенормированную скорость электронов на поверхности Ферми $v_F \approx 7.3 \cdot 10^7$ см/с. Рост электронного затухания при увеличении частоты приводит к появлению некогерентного рассеяния в облас-



Рис. 2. Энергетическая зависимость мнимой части собственной электронной энергии переданного при 10 K, уравнение (2). На вставке — распределение U(q) волновых векторов для использованных длин волн возбуждающего излучения

ти высоких энергий по сравнению со случаем отсутствия рассеяния на фононах (штриховая линия на рис. 1*a*). При увеличении температуры время жизни электронов уменьшается при всех частотах, мнимая часть электронной собственной энергии $\Sigma''(\epsilon)$ становится больше члена qv_F^z . В этом случае им можно пренебречь, т. е. фактически перейти к пределу $q \rightarrow$ 0. Тогда восприимчивость будет описываться релаксационным выражением [3]

$$\chi''(\omega) \propto N_F \frac{\omega \Gamma(\omega)}{\omega^2 + \Gamma^2(\omega)},$$
 (3)

где N_F — плотность состояний на уровне Ферми. Максимум электронного континуума при увеличении температуры сдвигается в сторону высоких частот и, согласно выражению (3), находится вблизи энергии $\omega = \Gamma$, что и наблюдается в экспериментальных кривых на рис. 1. При возбуждении на различных лазерных длинах волн меняется величина



Рис. 3. Зависимости $\chi''(\omega)$ в LuB₁₂, измеренные при двух температурах на плоскостях (001) образцов разного изотопного состава. Длина волны возбуждения 633 нм

переданного волнового вектора (вставка на рис. 2). Естественно, что это приводит к изменению члена qv_z и является причиной сдвига энергии максимума низкотемпературного электронного континуума для возбуждения на 532 нм в область высоких частот, что находится в согласии с расчетом спектров для энергии возбуждения 2.33 эВ на рис. 16.

Форма и положение наблюдаемых континуумов не меняются при измерениях на образцах различного изотопного состава (рис. 3), что подтверждает их связь с электронными возбуждениями, которые, в отличие от колебательных, не должны зависеть от атомной массы. Хотя в работе [15] спектры для чистых изотопных составов были подобны, сообщалось о существенном уменьшении энергии максимума низкотемпературного спектра (до 120 см⁻¹) для монокристалла с естественным изотопным составом. Этот факт можно объяснить тем, что измерения в [15] проводились на неориентированных кристаллических поверхностях. Наши поляризационные измерения на ориентированных монокристаллах показывают, что энергия максимума



Рис. 4. Зависимости $\chi''(\omega)$ в LuB¹¹₁₂, измеренные в различных поляризационных геометриях на плоскости (001), T = 10 К, возбуждение 633 нм. Для геометрии (XX) $A_{1g} + E_g$ -симметрии показаны два спектра для разных направлений волнового вектора

континуума зависит как от ориентации образца, так и от поляризационной геометрии (рис. 4). Разница в энергиях максимумов пиков, измеренных в геометрии $(XX) A_{1g} + E_g$ -симметрии от различных плоскостей кристалла, хорошо воспроизводится в расчете и объясняется распределением электронных скоростей на поверхности Ферми для зондируемого направления **q**. Наблюдаемые различия в форме континуумов для различных поляризационных геометрий могут быть связаны с влиянием матричных элементов электрон-фотонного взаимодействия. В нерезонансной ситуации роль матричного элемента играет кривизна поверхности Ферми [5], что способно привести к изменению частот континуумов для различных направлений момента и симметрии возбуждений. Эти эффекты требуют дополнительного изучения. Наши расчеты выполнены с постоянными матричными элементами, что, по сути, предполагает резонансные условия для всей поверхности Ферми. Учет реальных резонансных условий может, вероятно, приводить к различию спектров, измеренных в различных поляризационных геометриях.

Используя выражение Аллена – Дайнса для температуры сверхпроводящего перехода [25], мы рассчитали T_c для LuB₁₂. При использовании величины кулоновского псевдопотенциала $\mu^* = 0.1$ полученное нами значение $\lambda_{ep} \approx 0.32$ приводит к рассчитанному значению $T_c \approx 0.5$ K, что неплохо согласуется с наблюдаемым значением T_c .

Неупругое рассеяние света исследовано нами в LuB₁₂ в широкой области температур для различных энергий возбуждения, симметрий и направлений волнового вектора исследуемых возбуждений. Сравнение экспериментальных и моделированных на основе рассчитанных электронных структур спектров подтверждает связь наблюдаемого рассеяния с внутризонными электронными переходами в отличие от предложенной в работе [15] идентификации этого рассеяния с бозонным пиком. Наблюдаемая перенормировка электронного спектра вблизи уровня Ферми в основном определяется взаимодействием с фононами; полученное значение константы связи для LuB₁₂ составляет $\lambda_{ep} \approx 0.32$.

Один из авторов (Ю. С. П.) благодарен Н. Ю. Шицеваловой за постоянный интерес к работе и полезные комментарии.

Работа выполнена в рамках государственного задания ФАНО России (тема «Электрон», 01201463326) при частичной поддержке РФФИ (грант № 14-02-00952).

ЛИТЕРАТУРА

- T. P. Devereaux and R. Hackl, Rev. Mod. Phys. 79, 175 (2007).
- А. А. Абрикосов, В. М. Генкин, ЖЭТФ 65, 842 (1973) [Sov. Phys. JETP 38, 417 (1974)].
- A. Zawadowski and M. Cardona, Phys. Rev. B 42, 10732 (1990).
- M. V. Klein and S. B. Dierker, Phys. Rev. B 29, 4976 (1984).
- И. П. Ипатова, М. И. Каганов, А. В. Субашиев, ЖЭТФ 84, 1830 (1983) [Sov. Phys. JETP 57, 1066 (1983)].
- Yu. S. Ponosov and S. V. Streltsov, Phys. Rev. B 86, 045138 (2012).
- Ю. С. Поносов, С. В. Стрельцов, Письма в ЖЭТФ 97, 517 (2013) [JETP Lett. 94, 447 (2013)].

- Ю. С. Поносов, А. А. Махнев, С. В. Стрельцов и др., Письма в ЖЭТФ 102, 565 (2015) [JETP Lett. 102, 503 (2015)].
- K. Flachbart, S. Gabani, K. Gloos et al., J. Low Temp. Phys. 140, 339 (2005).
- B. T. Matthias, T. H. Geballe, K. Andreset et al., Science 159, 530 (1968).
- R. Lortz, Y. Wang, S. Abeet et al., Phys. Rev. B 72, 024547 (2005).
- J. Teyssier, R. Lortz, A. Petrovicet et al., Phys. Rev. B 78, 134504 (2008).
- H. Werheit, Yu. Paderno, V. Filippovet et al., J. Sol. St. Chem. 179, 2761 (2006).
- H. Werheit, V. Filipov, K. Shirai et al., J. Phys.: Condens. Matter 23, 065403 (2011).
- Н. Е. Случанко, А. Н. Азаревич, А. В. Богач и др., ЖЭТФ 140, 536 (2011) [JETP 113, 468 (2011)].
- A. Czopnik, N. Shitsevalova, V. Pluzhnikov et al., J. Phys.: Condens. Matter 17, 5971 (2005).

- 17. A. V. Rybina, K. S. Nemkovski, P. A. Alekseev et al., Phys. Rev. B 82, 024302 (2010).
- 18. O. K. Andersen and O. Jepsen, Phys. Rev. Lett. 53, 2571 (1984).
- 19. U. von Barth and L. Hedin, J. Phys. C 5, 1629 (1971).
- 20. A. Dervisch and R. Loudon, J. Phys. C 9, L669 (1976).
- 21. M. Heinecke, K. Winzer, J. Noffke et al., Z. Phys. B 98, 231 (1995).
- 22. B. Jager, S. Paluch, O. J. Zogal et al., J. Phys.: Condens. Matter 18, 2525 (2006).
- 23. G. E. Grechnev, A. E. Baranovskiy, V. D. Fil et al., Low Temp. Phys. 34, 921 (2008).
- 24. S. V. Shulga, O. V. Dolgov, and E. G. Maksimov, Physica C 178, 266 (1991).
- 25. P. B. Allen and R. C. Dynes, Phys. Rev. B 12, 905 (1975).