

# ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНОЕ ОБНАРУЖЕНИЕ «КОНФИГУРАЦИОННЫХ» МОД БИСТАБИЛЬНЫХ ЦЕНТРОВ В КРИСТАЛЛАХ CdF<sub>2</sub>:In

*A. I. Ritus\*, B. B. Anzin, G. A. Komandin, A. A. Volkov*

*Институт общей физики Российской академии наук  
119991, Москва, Россия*

Поступила в редакцию 6 июля 2007 г.

Предсказанные нами ранее для CdF<sub>2</sub>:In новые «конфигурационные» моды обнаружены на частотах  $\nu_1 \approx 32.4$  см<sup>-1</sup> и  $\nu_2 \approx 96.3$  см<sup>-1</sup> соответственно для глубокого и мелкого состояний примеси. Частоты этих колебаний точно соответствуют рассчитанным нами потенциальным кривым для мелкого и глубокого состояний In при учете приведенной массы  $M = 2m_1m_2/(m_1+2m_2)$  иона In ( $m_1$ ) и двух ионов F ( $2m_2$ ), приходящихся на примитивную ячейку флюоритов. Это подтверждает заложенную в расчеты величину потенциального барьера 0.02 эВ между примесными состояниями In в CdF<sub>2</sub>. Определены диэлектрические вклады указанных мод, что позволило вычислить концентрации ионов In в глубоком  $N_1$  и в мелком  $N_2$  состояниях примеси. Полученное отношение  $N_2/N_1 \approx 2$  непосредственно показывает, что при фотоионизации глубоких примесных центров In образуется удвоенное количество мелких центров и что в глубоком состоянии на ионе In локализуются 2 электрона, что характерно для DX-центров. Обнаружено фотоиндуцированное увеличение действительной  $\varepsilon'$  и минимой  $\varepsilon''$  частей диэлектрической постоянной (на частоте 25 см<sup>-1</sup>  $\Delta\varepsilon' \approx 0.2$  и  $\Delta\varepsilon'' \approx 0.06$ ). Эти изменения соответствуют изменениям диэлектрических вкладов конфигурационных мод при освещении. Обнаружено также фотоиндуцированное уменьшение решеточного отражения CdF<sub>2</sub>:In, связанное с примесными модами решетки.

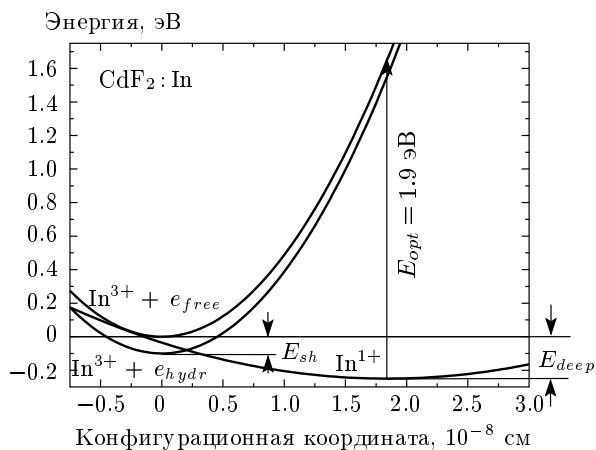
PACS: 61.72.Ji, 61.80.Ba, 78.20.Ci, 78.30.-j

## 1. ВВЕДЕНИЕ

Кристалл CdF<sub>2</sub> — ионный диэлектрик с шириной запрещенной зоны около 7.8 эВ, который становится электронным полупроводником при легировании его трехвалентными примесями с последующим отжигом в парах щелочных металлов [1]. В CdF<sub>2</sub> с примесью In, подвергнутом такой процедуре аддитивного окрашивания, примесные центры могут находиться в двух состояниях, характерных для «DX-центров». Мелкое состояние соответствует локализации электрона на водородоподобной орбите (In<sup>3+</sup> + e<sub>hydr</sub>). В основном, глубоком состоянии, на ионе примеси локализуются два электрона (In<sup>1+</sup>), а сам ион смещается в соседнее междоузлие, что сопровождается локальной перестройкой (релаксацией) решетки. Соответствующий потенциальный барьер  $E_{cap}$  между мелким и глубоким со-

стояниями приводит к метастабильности мелкого состояния и к различию термической и оптической энергий ионизации глубокого состояния. Глубина залегания мелкого примесного уровня  $E_{sh} = 0.1$  эВ, глубокого уровня  $E_{deep} = 0.25$  эВ, оптическая энергия ионизации глубокого центра  $E_{opt} \approx 1.9$  эВ [2]. Релаксация решетки качественно описывается параболическими энергетическими диаграммами состояний в зависимости от «конфигурационной координаты» [2], представляющей положение примесного центра относительно окружающих атомов. Положение точки пересечения парабол относительно «дна» параболы мелкого состояния дает высоту барьера. Последние два десятилетия такая качественная картина приводилась в большинстве работ по материалам с DX-центраторами — указывались высота барьера  $E_{cap}$  и положение глубокого и мелкого уровней, а параболы изображались в зависимости от произвольных единиц. Однако в 1999 г. Парк и Чади [3] провели расчеты атомарной структуры кристалла CdF<sub>2</sub>

\*E-mail: ritus@ran.gpi.ru



**Рис. 1.** Потенциальные кривые для глубокого и мелкого состояний иона In в  $\text{CdF}_2$  в зависимости от реальной конфигурационной координаты примеси

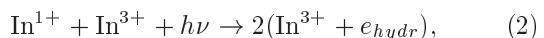
вблизи примесных центров и показали, что в случае In и Ga в глубоком состоянии происходит сдвиг иона примеси вдоль оси 4-го порядка соответственно на величину  $1.84 \text{ \AA}$  и  $1.82 \text{ \AA}$  и вычислили энергию связи глубоких состояний. Используя эти данные и экспериментальные параметры  $E_{cap}$ ,  $E_{sh}$ ,  $E_{deep}$ ,  $E_{opt}$ , мы рассчитали [4] конкретные потенциальные кривые для глубокого и мелкого состояний в зависимости от реальной конфигурационной координаты иона примеси для  $\text{CdF}_2:\text{In}$  (см. рис. 1) и для  $\text{CdF}_2:\text{Ga}$  и вычислили соответствующие частоты «конфигурационных локальных колебаний» примесных ионов:

$$\nu_1 = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{2a_1}{M}}, \quad \nu_2 = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{2a_2}{M}}, \quad (1)$$

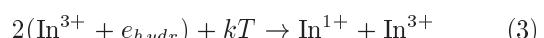
где  $a_1$  и  $a_2$  — параметры крутизны парабол энергий глубокого и мелкого состояний,  $M$  — приведенная масса иона примеси. Для случая  $\text{CdF}_2:\text{In}$  при  $E_{cap} = 0.02 \text{ эВ}$  [4] имеем  $a_1 = 0.063 \text{ эВ}/\text{\AA}^2$ ,  $a_2 = 0.487 \text{ эВ}/\text{\AA}^2$  и если в первом приближении положить  $M \approx m_1$  ( $m_1$  — масса иона In), то получаются частоты конфигурационных колебаний  $\nu_1 = 17 \text{ см}^{-1}$  и  $\nu_2 = 48 \text{ см}^{-1}$ . Эти колебания должны быть ИК-активными. Обнаружение этих мод и исследование их динамики в зависимости от освещения и температуры являлось главной целью данной работы. Такие конфигурационные моды в принципе должны наблюдаться также в других кристаллах с бистабильными  $DX$ -центрами.

При температуре ниже  $T_m \approx 40 \text{ K}$  метастабильные мелкие центры, фотоиндуцированные квантами

$h\nu \approx 2 \text{ эВ}$  в ходе реакции [5]



могут существовать длительное время. Такой переход сопровождается уменьшением оптического показателя преломления в области частот между УФ-видимой полосой поглощения глубокого центра ( $\lambda_{max} \approx 400 \text{ нм}$ ) и ИК-полосой мелкого центра ( $\lambda_{max} \approx 7 \text{ мкм}$ ), что позволяет применять кристалл  $\text{CdF}_2:\text{In}$  для записи оптических голограмм [6]. При повышении температуры происходит распад мелких центров в соответствии с обратной реакцией



и фотоиндуцированные изменения показателя преломления исчезают. С понижением температуры ионы примеси постепенно переходят в глубокое состояние. Однако при достаточно быстром охлаждении кристалла  $\text{CdF}_2:\text{In}$  до температур  $T < T_m$  из-за потенциального барьера между мелким и глубоким состояниями часть примесных центров остается в мелком состоянии.

В работе Казанского с сотрудниками [7] резонаторной методикой были обнаружены значительные фотоиндуцированные изменения микроволновой диэлектрической постоянной кристаллов  $\text{CdF}_2:\text{In}$  и  $\text{CdF}_2:\text{Ga}$  (на 1.4 и 0.5 соответственно на частоте  $1.2 \text{ см}^{-1}$ ) при гелиевых температурах. Авторы объяснили эффект микроволновым поглощением ионизованными донорными парами, которое должно простираться вплоть до частот порядка  $200 \text{ см}^{-1}$ . Однако таких больших изменений диэлектрической постоянной не было обнаружено в нашей работе [8], посвященной фотоиндуцированной в  $\text{CdF}_2:\text{Ga}$  амплитудной дифракционной решетке на частоте  $15 \text{ см}^{-1}$ , где оно должно было ярко проявиться, согласно расчетам, в резкой асимметрии и увеличении амплитуд максимумов дифракционной картины. С другой стороны, оптическая перекачка бистабильных центров из глубокого основного состояния в мелкое метастабильное состояние должна приводить к увеличению диэлектрического вклада мелких центров и соответствующим изменениям диэлектрической дисперсии на частотах ниже частот конфигурационных колебаний. Поэтому мы провели измерения фотоиндуцированных изменений диэлектрических свойств кристалла  $\text{CdF}_2:\text{In}$  в диапазоне частот  $10\text{--}200 \text{ см}^{-1}$  и сопоставили их с изменениями диэлектрических вкладов конфигурационных мод при освещении.

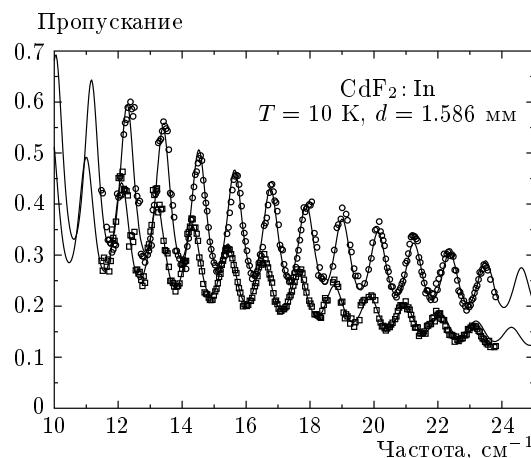
## 2. ОПИСАНИЕ ЭКСПЕРИМЕНТА

Измерения спектров пропускания  $\text{CdF}_2:\text{In}$  в субмиллиметровом диапазоне  $11 \text{ см}^{-1}$ – $24 \text{ см}^{-1}$  в темноте и в зависимости от сине-зеленой подсветки при температуре  $T = 10 \text{ K}$  выполнялись на квазиоптическом спектрометре «Эпсилон» [9]. При этом на окна криостата спектрометра надевались крышки с окошками из тонкого черного полиэтилена, хорошо пропускающего субмиллиметровое излучение и отсекающего видимый свет. Под одной из крышечек располагались выше и ниже апертуры полиэтиленового окошка два светодиода для освещения образца сине-зеленым светом. Плоскопараллельный образец  $\text{CdF}_2:\text{In}$  для субмиллиметровых измерений пропускания имел толщину  $d = 1.586 \text{ mm}$ .

Измерения спектров пропускания  $\text{CdF}_2:\text{In}$  в дальнем ИК-диапазоне  $10 \text{ см}^{-1}$ – $200 \text{ см}^{-1}$  в темноте и в зависимости от сине-зеленой подсветки при температуре  $T = 5 \text{ K}$  выполнялись на фурье-спектрометре IFS 113V фирмы Bruker, причем ИК-приемником служил высокочувствительный болометр, охлаждаемый жидким гелием. Криостат фурье-спектрометра также был снабжен тремя светодиодами для сине-зеленой подсветки образца. Плоскопараллельный образец  $\text{CdF}_2:\text{In}$  для ИК-измерений пропускания имел толщину  $d = 0.150 \text{ mm}$ .

Образцы  $\text{CdF}_2:\text{In}$  были вырезаны из одного и того же кристалла, предоставленного нам группой А. И. Рыскина из Государственного оптического института. Согласно данным этой группы, концентрация примеси In в кристалле составляет величину  $(2 \pm 1) \cdot 10^{20} \text{ см}^{-3}$  [7, 10].

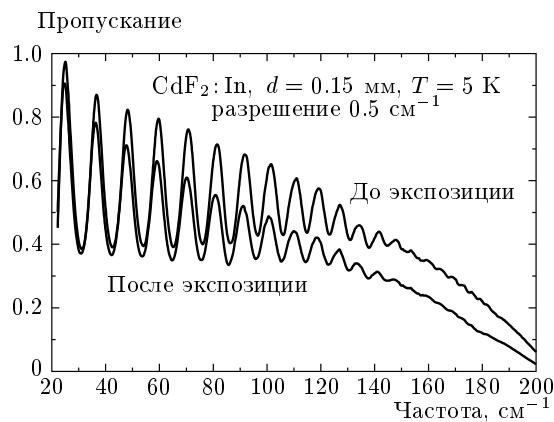
Для обеспечения полного распада мелких центров в соответствии с реакцией (3) и перевода всех ионов примеси в основное глубокое состояние охлаждение образцов до температур 5–10 K в темноте перед регистрацией спектров пропускания проводилось в три этапа. Сначала образцы возможно быстро охлаждались до температуры около 120 K, затем область температур 120–35 K, включающая температуру «метастабильности»  $T_m \approx 40 \text{ K}$ , проходилась медленно со скоростью 1 K/мин, а далее следовало быстрое охлаждение образцов до минимальных температур. После этого регистрировались субмиллиметровые и ИК-спектры пропускания в темноте. Затем образцы  $\text{CdF}_2:\text{In}$  подвергались сине-зеленой подсветке с различными временами экспозиции. После каждой экспозиции регистрировались спектры пропускания. Каждая экспозиция приводила к переводу примесных ионов In из глубокого в мелкое



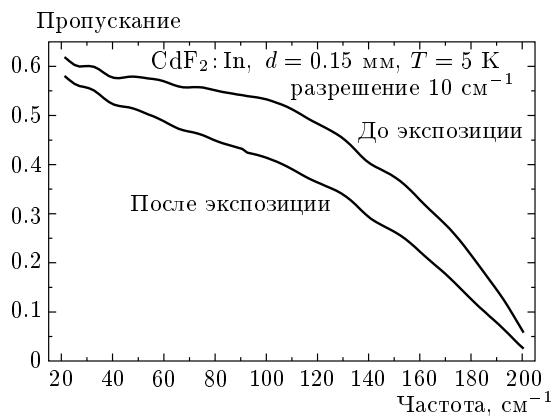
**Рис. 2.** Субмиллиметровые спектры пропускания  $\text{CdF}_2:\text{In}$  при  $T = 10 \text{ K}$ , полученные в темноте (кружки) и после сине-зеленой подсветки с суммарной экспозицией 50 мин (квадраты). Сплошными линиями показаны расчетные кривые по формулам (5)–(9) с параметрами модели (10) из табл. 1, 2

состояние в соответствии с реакцией (2) и к уменьшению пропускания образцов. Благодаря метастабильности мелкого состояния воздействия отдельных экспозиций суммировались. Эксперименты показали, что субмиллиметровые спектры пропускания переставали изменяться после суммарной экспозиции 50 мин, а ИК-спектры Фурье — после суммарной экспозиции 30 мин. Это свидетельствовало о том, что при таких экспозициях все примесные ионы переведены в мелкое состояние. На рис. 2 приведены субмиллиметровые спектры пропускания образца  $\text{CdF}_2:\text{In}$  при  $T = 10 \text{ K}$ , полученные в темноте (кружки) и после сине-зеленой подсветки с суммарной экспозицией 50 мин (квадраты). ИК-спектры пропускания образца  $\text{CdF}_2:\text{In}$  при  $T = 5 \text{ K}$  в темноте и после сине-зеленой подсветки с суммарной экспозицией 30 мин, снятые со спектральным разрешением  $0.5 \text{ cm}^{-1}$ , приведены на рис. 3, а ИК-спектры, снятые с разрешением  $10 \text{ cm}^{-1}$ , приведены на рис. 4.

С помощью фурье-спектрометра также был получен ИК-спектр отражения образца чистого  $\text{CdF}_2$  толщиной  $d = 3.5 \text{ mm}$  при  $T = 5 \text{ K}$  в диапазоне частот  $20 \text{ см}^{-1}$ – $600 \text{ см}^{-1}$  (рис. 5, кружки) с целью определения параметров решеточных колебаний, дающих вклады в диэлектрическую дисперсию на низких частотах.



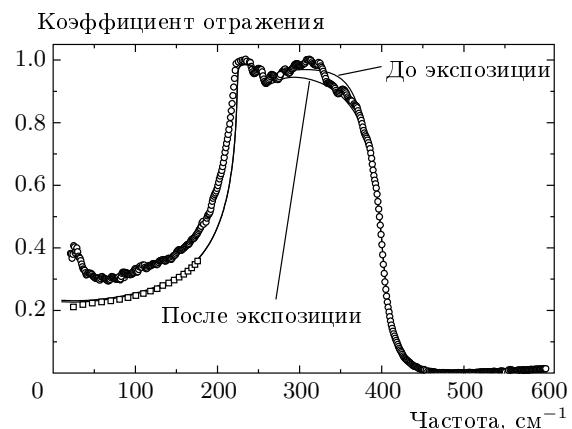
**Рис. 3.** ИК-спектры пропускания  $\text{CdF}_2:\text{In}$  при  $T = 5 \text{ К}$  в темноте и после сине-зеленой подсветки с суммарной экспозицией 30 мин, снятые со спектральным разрешением  $0.5 \text{ см}^{-1}$



**Рис. 4.** ИК-спектры пропускания  $\text{CdF}_2:\text{In}$  при  $T = 5 \text{ К}$  в темноте и после сине-зеленой подсветки с суммарной экспозицией 30 мин, снятые со спектральным разрешением  $10 \text{ см}^{-1}$

### 3. РЕЗУЛЬТАТЫ ЭКСПЕРИМЕНТА И ОБСУЖДЕНИЕ

Фотоиндированные изменения диэлектрических свойств образцов  $\text{CdF}_2:\text{In}$  качественно обнаружаются в субмиллиметровых и ИК-спектрах уже при первом взгляде на рис. 2, 3, 4: после сине-зеленой подсветки уменьшаются периоды осцилляций пропускания, обусловленных интерференцией излучения в плоскопараллельных образцах, и уменьшаются величина пропускания и амплитуда его осцилляций. Очевидно, что уменьшение периода связано с увеличением показателя преломления  $n$ , так как максимумы пропускания наблюдаются на



**Рис. 5.** ИК-спектр отражения образца чистого  $\text{CdF}_2$  при  $T = 5 \text{ К}$  (кружки) и расчетные кривые по формулам (6) и (9) с параметрами модели (10) из табл. 1, 2 для  $\text{CdF}_2:\text{In}$ . Квадратами показана величина коэффициента отражения, рассчитанная по экспериментальным значениям  $n(\lambda_m)$ , полученным из спектра рис. 3

длинах волн  $\lambda_m$ , для которых

$$2nd \approx m\lambda_m, \quad (4)$$

где  $m$  — целое число. Очевидно также, что уменьшение пропускания после сине-зеленой экспозиции связано с увеличением поглощения, причем на рис. 4 видно, что наибольшее увеличение поглощения происходит в районе  $90 \text{ см}^{-1}$ – $110 \text{ см}^{-1}$ .

Пропускание  $Tr$  плоскопараллельного образца для нормального падения плоской монохроматической волны описывается выражением [9, 11]

$$Tr =$$

$$= \frac{(1-R)^2 + 4R \sin^2 \psi}{(1-Re^{\alpha d})^2 + 4Re^{-\alpha d} \sin^2(2\pi nd/\lambda + \psi)} e^{-\alpha d}. \quad (5)$$

В этом выражении  $R$  — френелевский коэффициент отражения от среды с комплексным показателем преломления  $\tilde{n}(\nu) = n(\nu) + ik(\nu)$ :

$$R = \frac{(n-1)^2 + k^2}{(n+1)^2 + k^2}, \quad (6)$$

$\psi$  — сдвиг фазы волны при отражении:

$$\psi = \arctg \frac{2k}{n^2 + k^2 - 1}, \quad (7)$$

а  $\alpha$  — коэффициент поглощения среды,

$$\alpha = 4\pi k/\lambda. \quad (8)$$

Выражение (4) для максимумов пропускания образца получается из (5) при условии  $\psi \ll 1$ , которое обычно выполняется, если наблюдаются интерференционные осцилляции пропускания, т. е. когда  $k \ll n$ . Формулы (5)–(8) можно выразить через диэлектрическую проницаемость среды  $\varepsilon(\nu) = \varepsilon'(\nu) + i\varepsilon''(\nu)$  с помощью соотношений

$$\varepsilon' = n^2 - k^2, \quad \varepsilon'' = 2nk. \quad (9)$$

Используя формулы (4)–(9), мы предприняли попытку описать полученные спектры пропускания и отражения образцов CdF<sub>2</sub>:In в диапазоне 10 см<sup>-1</sup>–600 см<sup>-1</sup> дисперсионной моделью диэлектрического отклика из шести осцилляторов, соответствующих двум искомым конфигурационным модам и четырем решеточным модам:

$$\varepsilon(\omega) = \varepsilon_\infty + \sum_{j=1}^6 \frac{\Delta\varepsilon_j \omega_j^2}{\omega_j^2 - \omega^2 - i\omega\gamma_j}, \quad (10)$$

где  $\varepsilon_\infty$  — диэлектрическая постоянная, описывающая вклад высокочастотных механизмов дисперсии,  $\omega$  — угловая частота,  $\omega_j$  — собственные частоты,  $\gamma_j$  — коэффициенты затухания,  $\Delta\varepsilon_j$  — диэлектрические вклады осцилляторов,

$$\Delta\varepsilon_j = \frac{N_j q_j^2}{M_j \omega_j^2 \varepsilon_0}. \quad (11)$$

Здесь  $N_j$  — концентрация носителей заряда с массой  $M_j$ , зарядом  $q_j$  и с собственной частотой  $\omega_j$ ,  $\varepsilon_0$  — диэлектрическая постоянная вакуума. Путем подгонки параметров, входящих в формулы (10) и (11), получено хорошее модельное описание субмиллиметровых спектров пропускания CdF<sub>2</sub>:In совместно с ИК-спектром отражения чистого CdF<sub>2</sub>, однако для ИК-спектров пропускания CdF<sub>2</sub>:In в диапазоне 40 см<sup>-1</sup>–200 см<sup>-1</sup> модельное описание давало сильно завышенную амплитуду интерференционных осцилляций, особенно для высоких частот диапазона. Это связано с тем, что выражение (5) справедливо для пропускания идеального плоскопараллельного образца и плоской монохроматической волны, в то время как трудности обработки образца толщиной 150 мкм, необходимого для получения ИК-спектров пропускания, приводят к отклонениям от плоскости и параллельности. Отношение величины этих отклонений к длине волны растет с ростом частоты. Кроме того, в фурье-спектрометре волна не плоская (из-за не точечного источника) и не монохроматичная (сказывается конечная разрешающая сила). Все это приводит к сильному дополнительному уменьшению амплитуды интерференционных осцилляций с

ростом частоты, не связанному с поглощением материала. Поэтому для сопоставления ИК-спектров пропускания в диапазоне 20 см<sup>-1</sup>–200 см<sup>-1</sup> и дисперсионной модели (10) мы применили метод, описанный в работах [11, 12].

1. Из ИК-спектров рис. 3 с помощью формулы (4) для каждого максимума находилось приближенное значение  $n(\lambda_m)$ . Поскольку на низких частотах  $n(80 \text{ К}) \approx 2.79$  для CdF<sub>2</sub> [11], пользуясь формулой (4) для максимумов вблизи частоты 25 см<sup>-1</sup>, мы получили номер порядка  $m = 2$ .

2. ИК-спектры низкого разрешения (рис. 4) соответствуют некогерентному пропусканию образца, когда суммируются интенсивности прошедших пучков, испытавших многократное отражение в образце. Для такого случая легко получить

$$Tr = \frac{(1-R)^2 e^{-\alpha d}}{1 - R^2 e^{-2\alpha d}}. \quad (12)$$

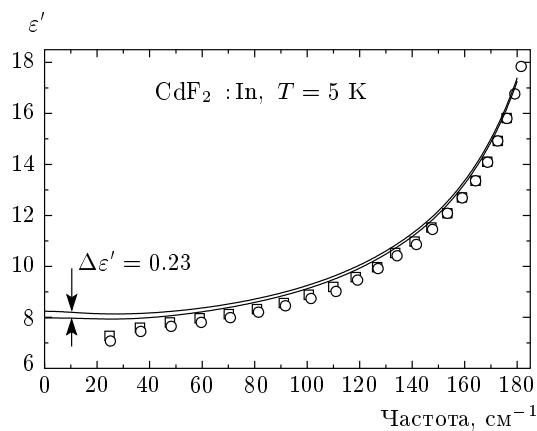
Для каждого значения  $n(\lambda_m)$  приближенно вычислялся коэффициент отражения  $R \approx (n-1)^2/(n+1)^2$  и уравнение (12) решалось относительно  $\alpha$  с помощью значений пропускания  $Tr(\lambda_m)$  из спектров рис. 4.

3. По формуле (8) находилось значение  $k$  и по формуле (6) вычислялся уточненный коэффициент отражения  $R$ . С этим значением  $R$  уравнение (12) снова решалось относительно  $\alpha$ . С новым улучшенным  $\alpha$  посредством (8) определялось уточненное  $k$ .

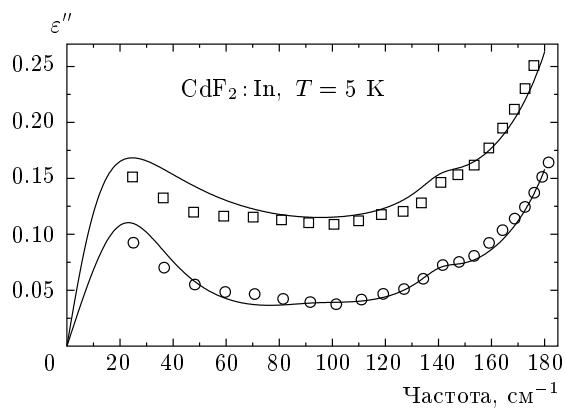
4. Это значение  $k(\lambda_m)$  вместе с  $n(\lambda_m)$  использовалось для вычисления  $\psi$  по формуле (7). При этом оказалось, что во всем диапазоне 20 см<sup>-1</sup>–200 см<sup>-1</sup> для нашего образца CdF<sub>2</sub>:In  $\psi$  не превышает 0.008, т. е. уравнение (4) и значения  $n(\lambda_m)$ , вычисленные с его помощью, практически точные.

5. С помощью полученных  $k(\lambda_m)$  и  $n(\lambda_m)$  по формулам (9) вычислялись  $\varepsilon'$  и  $\varepsilon''$  для каждой частоты  $1/\lambda_m$  (см<sup>-1</sup>). Эти значения  $\varepsilon'$  и  $\varepsilon''$  для образца CdF<sub>2</sub>:In до и после сине-зеленой экспозиции показаны на рис. 6 и рис. 7 соответственно кружками и квадратами.

Теперь параметры дисперсионной модели (10) подбирались таким образом, чтобы обеспечить наилучшее совместное описание формулами (5)–(9) экспериментальных спектров субмиллиметрового пропускания на рис. 2, ИК-спектра отражения на рис. 5 и ИК-спектров  $\varepsilon'(\nu)$  и  $\varepsilon''(\nu)$  на рис. 6 и рис. 7. Результирующие модельные кривые на всех этих рисунках показаны сплошными линиями. Отметим, что на рис. 5 на частотах ниже 200 см<sup>-1</sup> эксперимент дает завышенное значение коэффициента отражения  $R$  по сравнению с модельным, найденным по фор-



**Рис. 6.** Спектры  $\varepsilon'(\nu)$   $\text{CdF}_2:\text{In}$  при  $T = 5$  К до и после сине-зеленой экспозиции (соответственно кружки и квадраты), полученные обработкой данных ИК-спектров пропускания на рис. 3, 4, и расчетные кривые  $\varepsilon'(\nu)$  по модели (10) с параметрами из табл. 1, 2



**Рис. 7.** Спектры  $\varepsilon''(\nu)$   $\text{CdF}_2:\text{In}$  при  $T = 5$  К до и после сине-зеленой экспозиции (соответственно кружки и квадраты), полученные обработкой данных ИК-спектров пропускания на рис. 3, 4, и расчетные кривые  $\varepsilon''(\nu)$  по модели (10) с параметрами из табл. 1, 2

муле (6). Это связано с отражением от задней поверхности образца чистого  $\text{CdF}_2$ , благодаря уменьшению поглощения на низких частотах. Квадратами на рис. 5 показаны значения  $R$ , вычисленные по формуле (6), с помощью  $n$  и  $k$ , соответствующих экспериментальным данным  $\varepsilon'(\nu)$  и  $\varepsilon''(\nu)$  на рис. 6 и рис. 7.

Параметры полученной модели диэлектрического отклика  $\text{CdF}_2:\text{In}$  при  $T = 5\text{--}10$  К приведены в табл. 1, 2 для случаев соответственно до и после

**Таблица 1.** Параметры диэлектрического отклика  $\text{CdF}_2:\text{In}$  до экспозиции ( $\varepsilon_\infty = 2.50$ ,  $\varepsilon'(0) = \varepsilon_\infty + \sum_{j=1}^6 \Delta\varepsilon_j = 7.9768$ )

Номер моды $j$	$\omega_j$ , см <sup>-1</sup>	$\Delta\varepsilon_j$	$\gamma_j$ , см <sup>-1</sup>
1	32.38	0.143	51.7
2	96.28	0.005	49.7
3	141.1	0.0028	23.0
4	224.3	5.150	0.78
5	257.9	0.162	24.4
6	390.9	0.014	59.1

**Таблица 2.** Параметры диэлектрического отклика  $\text{CdF}_2:\text{In}$  после экспозиции ( $\varepsilon_\infty = 2.50$ ,  $\varepsilon'(0) = \varepsilon_\infty + \sum_{j=1}^6 \Delta\varepsilon_j = 8.2378$ )

Номер моды $j$	$\omega_j$ , см <sup>-1</sup>	$\Delta\varepsilon_j$	$\gamma_j$ , см <sup>-1</sup>
1	32.38	0.000	51.7
2	96.28	0.302	420
3	141.1	0.0028	23.0
4	224.3	5.150	0.84
5	257.9	0.202	30.7
6	390.9	0.081	375.8

сине-зеленой подсветки образцов. Модельная величина  $\varepsilon_\infty = 2.50$  до и после подсветки оказалась несколько выше значения  $\varepsilon_\infty = 2.40$  для чистого  $\text{CdF}_2$  при  $T = 80$  К [11].

В этих таблицах моды 1 и 2 — искомые конфигурационные колебания соответственно глубокого и мелкого состояний, мода 4 — это поперечное оптическое колебание решетки с частотой  $\omega_{TO}$ , моды 5 и 6 описывают небольшие провалы в спектре отражения рис. 5, а мода 3 описывает слабый пик в спектрах  $\varepsilon''(\nu)$  на рис. 7. Отметим, что наше значение частоты  $\omega_{TO} = 224.3$  см<sup>-1</sup> и вычисленная по соотношению Лиддейна–Сакса–Теллера частота продольного оптического колебания  $\omega_{LO} = \omega_{TO}\sqrt{\varepsilon'(0)/\varepsilon_\infty} = 400.8$  см<sup>-1</sup> совпадают с соответствующими частотами  $224 \pm 3$  см<sup>-1</sup> и

403 см<sup>-1</sup>, приведенными в работе [11] для чистого CdF<sub>2</sub> при  $T = 80$  К.

Таким образом, предсказанные нами ранее [4] новые конфигурационные моды обнаружены на частотах  $\nu_1 = 32.38$  см<sup>-1</sup> и  $\nu_2 = 96.28$  см<sup>-1</sup> соответственно для глубокого и мелкого состояний. Оказалось, что в темноте при  $T = 5\text{--}10$  К это заторможенные осцилляторы с близкими величинами затуханий  $\gamma_1$  и  $\gamma_2$  порядка 50 см<sup>-1</sup>. После сине-зеленой экспозиции затухание конфигурационной моды мелкого состояния возрастает до величины  $\gamma_2 = 420$  см<sup>-1</sup>. Частоты  $\nu_1 = 32.38$  см<sup>-1</sup> и  $\nu_2 = 96.28$  см<sup>-1</sup> этих колебаний точно соответствуют рассчитанным нами в работе [4] потенциальным кривым для мелкого и глубокого состояний In при учете приведенной массы  $M = 2m_1m_2/(m_1+2m_2)$  иона In ( $m_1$ ) и двух ионов F ( $2m_2$ ), приходящихся на примитивную ячейку флюоритов. Это подтверждает заложенную в расчеты величину потенциального барьера 0.02 эВ между мелким и глубоким примесными состояниями In в CdF<sub>2</sub>. В работе [4] для оценки величин частот  $\nu_1$  и  $\nu_2$  мы полагали  $M \approx m_1$  и получили вдвое меньшие значения.

В соответствии с ожидаемой нами динамикой конфигурационных мод [4], спектры образца CdF<sub>2</sub>:In, медленно охлажденного в темноте до  $T = 5$  К, хорошо описываются моделью с диэлектрическим вкладом моды глубокого состояния  $\Delta\varepsilon_1 = 0.143$  и с диэлектрическим вкладом моды мелкого состояния  $\Delta\varepsilon_2 = 0.005$ , что соответствует практически полному опустошению мелкого состояния. После экспозиции образцов сине-зеленым светом при  $T = 5$  К диэлектрический вклад моды глубокого состояния  $\Delta\varepsilon_1 = 0$ , а диэлектрический вклад моды мелкого состояния  $\Delta\varepsilon_2 = 0.302$ , т. е. все ионы примеси переведены в мелкое метастабильное состояние. Эти изменения диэлектрических вкладов конфигурационных мод CdF<sub>2</sub>:In и дают основное фотоиндцированное увеличение диэлектрической постоянной на низких частотах<sup>1)</sup>  $\Delta\varepsilon'(0) \approx 0.26$ . Этот результат противоречит данным работы [7], где при гелиевых температурах в CdF<sub>2</sub>:In были обнаружены большие фотоиндцированные

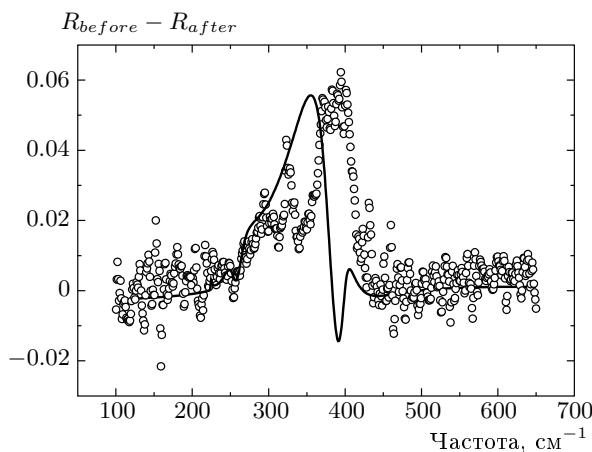
<sup>1)</sup> Фотоиндцированное увеличение  $\Delta\varepsilon'$ , соответствующее параметрам модели (10), совпадает с экспериментальным. Так, например, на частоте 25 см<sup>-1</sup> модельное  $\Delta\varepsilon' \approx 0.20$ , а экспериментальное  $\Delta\varepsilon' \approx 0.21$ , на частоте 47 см<sup>-1</sup> модельное  $\Delta\varepsilon' \approx 0.17$ , а экспериментальное  $\Delta\varepsilon' \approx 0.16$  (см. рис. 6) и т. д., причем как модельное, так и экспериментальное  $\Delta\varepsilon'$  согласованно уменьшаются с ростом частоты. В эксперименте  $\Delta\varepsilon'(\nu)$  определяется точнее, чем  $\varepsilon'(\nu)$ , поскольку сдвиги пиков пропускания измеряются точнее, чем их абсолютные положения.

изменения  $\Delta\varepsilon' \approx 1.4$  и  $\Delta\varepsilon'' \approx 0.08$  на частоте 1.2 см<sup>-1</sup> и эффект объяснялся микроволновым поглощением ионизированными донорными парами, которое должно простираться вплоть до частот около 200 см<sup>-1</sup>. Согласно нашей модели (рис. 7, сплошные кривые), на частоте 1.2 см<sup>-1</sup> фотоиндцированное изменение  $\Delta\varepsilon'' \approx 0.01$ , т. е. также меньше на порядок.

Используя найденные параметры модели  $M$ ,  $\omega_1$ ,  $\omega_2$ ,  $\Delta\varepsilon_1 = 0.143$  (до освещения) и  $\Delta\varepsilon_2 = 0.302$  (после освещения), мы определили с помощью формулы (11) соответствующие концентрации ионов In в глубоком  $N_1 = 8.7 \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup> и мелком  $N_2 = 1.8 \cdot 10^{20}$  см<sup>-3</sup> состояниях. При этом, следуя концепции работы [5], мы взяли для заряда иона In в глубоком состоянии  $q = +e$ , а в мелком состоянии  $q = +3e$  ( $e$  — заряд электрона). Полученное отношение  $N_2/N_1 = 2.07$  непосредственно подтверждает данные работы [5] о том, что при фотоионизации глубоких примесных центров In образуется удвоенное количество мелких центров в ходе реакции (2) и что в глубоком состоянии заряд иона In  $q = +e$ . В работе [5] это отношение измерено косвенно по скорости роста ИК-поглощения мелкого состояния после экспозиции.

Так как полная концентрация примеси In в образце  $N = (2 \pm 1) \cdot 10^{20}$  см<sup>-3</sup>, а наши измерения дают для концентрации ионов In в мелком состоянии после засветки практически ту же величину  $N_2 = 1.8 \cdot 10^{20}$  см<sup>-3</sup>, это означает, что в мелкое состояние переходят все примесные ионы In образца. Таким образом, все ионы In нашего образца являются «активными», способными захватить 1 электрон и образовать мелкий донорный центр или захватить 2 электрона и образовать глубокий DX-центр. Отсюда следует, что в процессе аддитивного окрашивания образца все междуузельные ионы F<sup>-</sup>, компенсировавшие избыточный положительный заряд трехвалентной примеси In<sup>3+</sup>, были заменены электронами с концентрацией  $n_e \approx N$ , т. е. у нашего полупроводникового образца степень компенсации  $K \approx 0$ . Последние выводы ставят под сомнение результаты работы [10], где на основе анализа данных нашей работы [13] (выполненной на тех же образцах CdF<sub>2</sub>:In) проведены расчеты статистического распределения электронов по уровням примеси и получены величина  $K = 0.965 \pm 0.015$  и концентрация «активных» ионов  $(1\text{--}3) \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup>. Величина  $K \approx 0$  также противоречит результатам работы [7], где для  $K$  найдено  $0.5 \leq K \leq 0.9$ .

Несмотря на то что после засветки при  $T = 5$  К в мелком состоянии находятся все примесные ионы



**Рис. 8.** Спектр разности коэффициентов ИК-отражения до и после подсветки CdF<sub>2</sub>:In при  $T = 5$  К (кружки) и расчетная кривая по формулам (6) и (9) с параметрами модели (10) из табл. 1, 2

In ( $N_2 = 1.8 \cdot 10^{20}$  см<sup>-3</sup>), наши предыдущие измерения [13] ИК-полосы поглощения с  $\lambda_{max} \approx 7$  мкм, связанной с переходами из мелкого состояния в зону проводимости, в аналогичных условиях дали после засветки для концентрации мелких центров лишь  $N_2 \sim 10^{18}$  см<sup>-3</sup>. Подобное огромное несоответствие концентрации мелких центров, измеренной по величине поглощения ИК-полосы вблизи  $\lambda \approx 7$  мкм, и концентрации введенной в CdF<sub>2</sub> донорной примеси ранее наблюдалось и для других редкоземельных элементов [7, 14, 15]. Обычное объяснение этого несоответствия — самокомпенсация доноров междуузельными ионами F<sup>-</sup> — в нашем случае непригодно ( $K \approx 0$ ). Мы полагаем, что такое несоответствие можно объяснить образованием примесно-фторных кластеров или образованием примесной зоны [14], так как при концентрации  $N_2 = 1.8 \cdot 10^{20}$  см<sup>-3</sup> среднее расстояние между ионами In  $L \sim 17$  Å, в то время как боровский радиус орбиты для водородоподобного мелкого состояния  $R \sim 4\text{--}16$  Å по различным оценкам [10]. Поэтому в кристалле лишь малая доля примеси содержится в виде изолированных водородоподобных доноров, дающих вклад в поглощение ИК-полосы с  $\lambda_{max} \approx 7$  мкм. В пользу этих гипотез свидетельствует увеличенное на порядок после освещения затухание конфигурационной моды мелкого состояния  $\gamma_2$  по сравнению с затуханием  $\gamma_1$  моды глубокого состояния.

Отметим, что после сине-зеленой экспозиции увеличиваются также диэлектрические вклады и затухания мод 5 и 6 нашей модели диэлектрического

отклика, особенно моды 6. Частоты этих мод соответствуют частотам рамановских мод 256 см<sup>-1</sup> и 395 см<sup>-1</sup> полупроводникового кристалла CdF<sub>2</sub>:In при  $T = 300$  К [16]. Мода с частотой 256 см<sup>-1</sup> связана с полностью симметричным  $A_{1g}$  колебанием около изолированного центра (In<sup>3+</sup> + e<sub>hydr</sub>), а мода с частотой 395 см<sup>-1</sup> — с рассеянием на LO-фононах решетки CdF<sub>2</sub>, активированным примесью [16]. В работе [16] также показано, что интенсивности этих рамановских мод резко убывают при охлаждении ниже  $T = 50$  К, т. е. когда опустошается мелкое состояние (In<sup>3+</sup> + e<sub>hydr</sub>). Таким образом, увеличение вкладов мод 5 и 6 и их затухания после сине-зеленой экспозиции также связаны с заселением мелкого состояния и, согласно нашей модели (10), должны приводить к уменьшению отражения в полосе частот 270–370 см<sup>-1</sup> (рис. 5, сплошные кривые). В предварительном эксперименте с образцом CdF<sub>2</sub>:In мы обнаружили такое уменьшение (см. рис. 8).

#### 4. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В эксперименте впервые найдены предсказанные нами в работе [4] конфигурационные моды глубокого и мелкого состояний бистабильных центров в кристаллах CdF<sub>2</sub>:In. Оказалось, что это заторможенные осцилляторы с частотами  $\nu_1 = 32.38$  см<sup>-1</sup> и  $\nu_2 = 96.28$  см<sup>-1</sup>, которые точно соответствуют рассчитанным нами в работе [4] потенциальным кривым для глубокого и мелкого состояний In при учете приведенной массы  $M = 2m_1m_2/(m_1+2m_2)$  иона In ( $m_1$ ) и двух ионов F (2 $m_2$ ), приходящихся на примитивную ячейку флюоритов. Это подтверждает величину потенциального барьера 0.02 эВ между мелким и глубоким состояниями In в CdF<sub>2</sub>, измеренную в работе [4] по кинетике распада мелкого состояния и принятую в расчетах потенциальных кривых. Определены диэлектрические вклады указанных мод и вычислены соответствующие концентрации ионов In в глубоком  $N_1$  и в мелком  $N_2$  состояниях примеси. Полученное отношение  $N_2/N_1 \approx 2$  подтверждает, что при фотоионизации глубоких примесных центров In образуется удвоенное количество мелких центров и что в глубоком состоянии на ионе In локализуются 2 электрона, что характерно для DX-центров [5].

Обнаружены фотоиндуцированные увеличения действительной  $\varepsilon'$  и минимой  $\varepsilon''$  частей диэлектрической постоянной, соответствующие изменениям диэлектрических вкладов конфигурационных мод при освещении.

Концентрация ионов In в мелком донорном состоянии после освещения совпадает с концентрацией введенной примеси, т. е. для наших образцов CdF<sub>2</sub>:In степень компенсации  $K \approx 0$  и все примесные ионы могут образовывать глубокие DX-центры. Концентрация мелких центров  $N_2 \sim 10^{18}$  см<sup>-3</sup>, определяемая по величине поглощения ИК-полосы около 7 мкм, не соответствует концентрации  $N_2 = 1.8 \cdot 10^{20}$  см<sup>-3</sup>, найденной в настоящей работе. Мы полагаем, что такое несоответствие можно объяснить образованием примесно-фторных кластеров или образованием примесной зоны [14].

Обнаружено уменьшение решеточного отражения CdF<sub>2</sub>:In при фотоиндированным заселении мелкого состояния, связанное с примесными модами решетки.

В соответствии с рассчитанными нами в работе [4] потенциальными кривыми для мелкого и глубокого состояний в кристалле CdF<sub>2</sub>:Ga, для приведенной массы  $M = 2m_1 m_2 / (m_1 + 2m_2)$  иона Ga ( $m_1$ ) и двух ионов F ( $2m_2$ ) частоты конфигурационных колебаний  $\nu_1 = 123$  см<sup>-1</sup> и  $\nu_2 = 354$  см<sup>-1</sup>. Второе колебание попадает непосредственно в полосу частот решеточного отражения 200–400 см<sup>-1</sup> и в этом кристалле должно быть сильное взаимодействие конфигурационных мод с модами решетки.

Отметим, что подобные конфигурационные моды должны наблюдаться также в других полупроводниковых кристаллах с бистабильными DX-центрами.

Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ (грант № 05-08-50325).

## ЛИТЕРАТУРА

1. J. D. Kingsley and J. S. Prener, Phys. Rev. Lett. **8**, 315 (1962).
2. J. M. Langer, in *Lecture Notes in Physics*, ed. by F. Beleznay, G. Ferenczi, and J. Giber, Springer-Verlag, New York (1980), Vol. 122, p. 123.
3. C. H. Park and D. J. Chadi, Phys. Rev. Lett. **82**, 113 (1999).
4. A. I. Ritus, A. V. Pronin, A. A. Volkov et al., Phys. Rev. B **65**, 165209 (2002).
5. A. S. Shcheulin, A. I. Ryskin, K. Swiatek, and J. M. Langer, Phys. Lett. A **222**, 107 (1996).
6. A. I. Ryskin, A. S. Shcheulin, B. Koziarska et al., Appl. Phys. Lett. **67**, 31 (1995).
7. S. A. Kazanskii, D. S. Rumyantsev, and A. I. Ryskin, Phys. Rev. B **65**, 165214 (2002).
8. А. И. Ритус, А. А. Волков, ЖЭТФ **127**, 1310 (2005).
9. А. А. Волков, Ю. Г. Гончаров, Г. В. Козлов et al., Infrared Phys. **25**, 369 (1985); Г. В. Козлов and А. А. Волков, in *Topics in Applied Physics*, ed. by G. Gruner, Springer-Verlag, Berlin, Heidelberg (1998), Vol. 74, p. 51.
10. С. А. Казанский, А. И. Рыскин, ФТТ **48**, 1573 (2006).
11. D. R. Bosomworth, Phys. Rev. **157**, 709 (1967).
12. Л. В. Берман, А. Г. Жуков, Опт. и спектр. **19**, 783 (1965).
13. В. В. Каспаров, А. А. Волков, А. И. Ритус, Изв. АН, сер. физ. **66**, 1817 (2002).
14. F. Moser, D. Matz, and S. Lyu, Phys. Rev. **182**, 808 (1969).
15. J. M. Langer, T. Langer, G. L. Pearson et al., Phys. Stat. Sol. (b) **66**, 537 (1974).
16. P. Ciepielewski, I. Gregora, and V. Vorlicek, Phys. Rev. B **42**, 11665 (1990).