

# ТЕРМОЭЛЕКТРИЧЕСКИЕ ЭФФЕКТЫ В ОРГАНИЧЕСКИХ ПРОВОДНИКАХ В СИЛЬНОМ МАГНИТНОМ ПОЛЕ

*O. V. Кириченко, B. G. Песчанский\**

*Физико-технический институт низких температур им. Б. И. Веркина Национальной академии наук Украины  
61103, Харьков, Украина*

*P. A. Хасан*

*Bir-Zeit University, Bir-Zeit, West Bank, Autonomy of Palestine*

Теоретически исследован линейный отклик электронной системы слоистого проводника на наличие градиента температуры в сильном магнитном поле. Найдена зависимость термоэдс от величины и ориентации сильного внешнего магнитного поля, экспериментальное исследование которой совместно с исследованием электро- и теплосопротивления позволит наиболее полно определить структуру энергетического спектра носителей заряда.

PACS: 72.15.Jf

Значительная часть слоистых проводников обладает резко анизотропной электропроводностью металлического типа. Электропроводность в плоскости слоев на несколько порядков больше электропроводности вдоль нормали  $\mathbf{n}$  к слоям, что является следствием квазидвумерного характера электронного энергетического спектра. Энергия электронов проводимости  $\varepsilon(\mathbf{p})$  слабо зависит от проекции их импульса  $p_z = \mathbf{n} \cdot \mathbf{p}$  на нормаль  $\mathbf{n}$  к слоям. Поверхность Ферми ( $\Pi\Phi$ )  $\varepsilon(\mathbf{p}) = \varepsilon_F$  слоистого проводника слабо гофрирована вдоль оси  $p_z$  и, как правило, многолистна и состоит из топологически различных элементов [1, 2]. Согласно зонным расчетам у органических проводников  $(BEDT-TTF)_2Cu(SCN)_2$  и  $(BEDT-TTF)_2Mg(SCN)_4$ , где  $M$  — один из металлов группы K, Rb, Tl либо  $NH_4$ , имеются две группы носителей заряда с квазидвумерным и квазиодномерным энергетическими спектрами [3]. Для понимания электронных процессов в низкоразмерных проводниках необходима детальная информация об энергетическом спектре электронов проводимости. Электронные явления в вырожденных проводниках, помещенных в сильное магнитное поле  $\mathbf{B}$ , когда частота обращения электронов  $\omega_c$  значительно превышает частоту их столкновений  $1/\tau$ , весьма чувствительны к виду энергетического спектра носителей заряда. Исследования гальваномагнитных явлений во многих слоистых проводниках при низких темпе-

ратурах, когда в реально достижимых магнитных полях выполнено условие  $\omega_c\tau \gg 1$ , позволили определить топологическую структуру  $\Pi\Phi$  и некоторые детали электронного спектра слоистых структур [1, 2]. Аналогичная информация о носителях заряда может быть получена путем исследований теплосопротивления в сильном магнитном поле. Зависимость кинетического коэффициента, связывающего плотность теплового потока с градиентом температуры, от величины и ориентации сильного магнитного поля не содержит новых сведений о спектре по сравнению с теми, которые можно получить из измерений электросопротивления, однако исследование термоэлектрических явлений в сильном магнитном поле позволяет получить существенно новую важную информацию о носителях заряда, в частности, найти распределение скоростей носителей заряда на  $\Pi\Phi$  [4].

Рассмотрим наиболее простую модель двухзонного проводника. Будем полагать, что  $\Pi\Phi$  состоит из гофрированного цилиндра (квазидвумерный лист  $\Pi\Phi$ ) и гофрированных плоскостей, ориентированных так, что плоскость, соприкасающаяся с гофрированным плоским листом  $\Pi\Phi$ , параллельна координатной плоскости  $p_y p_z$ . Зависимость энергии от импульса электронов проводимости на квазидвумерном листе  $\Pi\Phi$  представим в виде

$$\varepsilon(\mathbf{p}) = \frac{p_x^2 + p_y^2}{2m} + \sum_{n=1}^{\infty} \varepsilon_n \cos\left(\frac{anp_z}{\hbar}\right). \quad (1)$$

\*E-mail: vpeschansky@ilt.kharkov.ua

Здесь  $\hbar$  — постоянная Планка,  $a$  — расстояние между слоями, а величины  $\varepsilon_n$  быстро убывают с ростом номера  $n$ , так что проекция скорости электронов этой группы на нормаль к слоям

$$v_z = \frac{\partial \varepsilon}{\partial p_z} = - \sum_{n=1}^{\infty} \varepsilon_n \frac{an}{\hbar} \sin\left(\frac{anp_z}{\hbar}\right) \leq \eta v_F \ll v_F \quad (2)$$

существенно меньше максимального значения скорости в плоскости слоев  $v_F$ .

Зависимость кинетических коэффициентов от величины магнитного поля слабо чувствительна к конкретному виду первого слагаемого в формуле (1), и он выбран нами исключительно ради удобства вычислений. Электрический ток, который возникает в проводнике под действием внешнего возмущения в виде электрического поля  $\mathbf{E}$  и градиента температуры  $\nabla T$ ,

$$j_i = \sigma_{ij} E_j - \alpha_{ij} \frac{\partial T}{\partial x_j}, \quad (3)$$

можно найти, например, с помощью решения кинетического уравнения для функции распределения электронов

$$f(\mathbf{r}, \mathbf{p}) = f_0(\varepsilon) - \left\{ \psi_1(\mathbf{r}, \mathbf{p}) + \psi_2(\mathbf{r}, \mathbf{p}) \frac{\varepsilon - \mu}{T} \right\} \frac{\partial f_0}{\partial \varepsilon}, \quad (4)$$

где  $f_0(\varepsilon)$  и  $\mu$  — равновесная фермиевская функция и химический потенциал электронов,  $T$  — температура в энергетических единицах, а функции  $\psi_1$  и  $\psi_2$  являются решениями уравнений

$$\frac{\partial \psi_1}{\partial t} + \mathbf{v} \frac{\partial \psi_1}{\partial \mathbf{r}} + \hat{W}_p \psi_1 = e \mathbf{E} \cdot \mathbf{v}, \quad (5)$$

$$\frac{\partial \psi_2}{\partial t} + \mathbf{v} \frac{\partial \psi_2}{\partial \mathbf{r}} + \hat{W}_\varepsilon \psi_2 = \mathbf{v} \frac{\varepsilon - \mu}{T} \nabla T. \quad (6)$$

Здесь  $e$  — заряд электрона, операторы  $\hat{W}_p$ ,  $\hat{W}_\varepsilon$  описывают релаксацию электронов по импульсам и по энергиям,  $t$  — время движения заряда в магнитном поле  $\mathbf{B} = (B \cos \varphi \sin \vartheta, B \sin \varphi \sin \vartheta, B \cos \vartheta)$ .

В случае малоуглового рассеяния электронов релаксация по импульсам происходит медленнее, чем релаксация по энергиям и собственные значения операторов  $\hat{W}_p$  и  $\hat{W}_\varepsilon$  (соответственно,  $1/\tau_p$  и  $1/\tau_\varepsilon$ ) существенно различны, особенно когда носители заряда рассеиваются в основном на колебаниях кристаллической решетки. Чем ниже температура, тем более важен учет рассеяния электронов на примесных центрах кристалла. Радиус действия  $d$  сил примесного потенциала, как правило, порядка нескольких межатомных расстояний, т. е. меньше или порядка де-бройлевской длины волны электрона  $1/k_F$ . Если основным механизмом диссипации в системе электронов проводимости является их рассеяние примесными центрами, то времена  $\tau_p$  и  $\tau_\varepsilon$  имеют одинаковый порядок величины, поскольку при каждом

столкновении существенно меняется импульс электрона. Если потенциал медленно убывает по мере удаления от примесного центра, т. е.  $k_F d \gg 1$ , то рассеяние электронов является малоугловым [5] и, как и при электрон-фононном взаимодействии, для релаксации по энергиям достаточно одного столкновения, а релаксация по импульсам наступает в результате большого числа актов столкновений.

Мы будем полагать магнитное поле достаточно сильным, так что даже при  $\tau_p \gg \tau_\varepsilon$  вместе с условием  $\omega_c \tau_p \gg 1$  выполнено и условие  $\omega_c \tau_\varepsilon \gg 1$ .

Решение кинетических уравнений (5) и (6) в  $\tau$ -приближении для интегралов столкновений позволяет без труда определить кинетические коэффициенты, связывающие электронные потоки с электрическим полем и градиентом температуры.

Компоненты тензора  $\alpha_{ij}$  связаны с компонентами тензора электропроводности  $\sigma_{ij}$  простым соотношением:

$$\alpha_{ij} = \frac{\pi^2 T}{3e} \frac{d\tilde{\sigma}_{ij}(\mu)}{d\mu}. \quad (7)$$

В отсутствие тока ( $\mathbf{j} = 0$ ) термоэлектрическое поле имеет вид

$$E_i = \rho_{ii} \alpha_{ij} \frac{\partial T}{\partial x_j}, \quad (8)$$

где  $\rho_{ij}$  — тензор электросопротивления, обратный тензору электропроводности  $\sigma_{ij}$ , а компоненты  $\tilde{\sigma}_{ij}$  совпадают с  $\sigma_{ij}$ , если в них  $\tau_p$  заменить на  $\tau_\varepsilon$ .

При наличии нескольких групп носителей заряда необходимо учитывать вклад в кинетические коэффициенты каждой из них:

$$\sigma_{ij} = \sigma_{ij}^{(1)} + \sigma_{ij}^{(2)}, \quad \alpha_{ij} = \alpha_{ij}^{(1)} + \alpha_{ij}^{(2)}. \quad (9)$$

Здесь  $\sigma_{ij}^{(1)}$  и  $\alpha_{ij}^{(1)}$  — вклады носителей заряда, состояния которых находятся на плоском листе ПФ, а  $\sigma_{ij}^{(2)}$ ,  $\alpha_{ij}^{(2)}$  учитывают вклады остальных электронов с энергией Ферми.

Носители заряда, состояния которых принадлежат гофрированному плоскому листу ПФ, дрейфуют в основном вдоль оси  $x$  и вносят заметный вклад лишь в компоненту электропроводности  $\sigma_{xx}$ .

Асимптотическое значение компоненты  $\sigma_{xx}^{(1)}(B)$  в сильном магнитном поле при  $\gamma = 1/\omega_c \tau \ll 1$  по порядку величины совпадает со значением  $\sigma_{xx}^{(1)}$  в отсутствие магнитного поля:

$$\begin{aligned} \sigma_{xx}^{(1)} \equiv \sigma_1 &= \frac{2e^2}{(2\pi\hbar)^3} \int d\varepsilon dp_y dp_z \frac{v_x^2 \tau}{|v_x|} \delta(\varepsilon(\mathbf{p}) - \varepsilon_F) = \\ &= \frac{2e^2}{(2\pi\hbar)^3} \int dp_y dp_z |v_x| \tau = \frac{2e^2 v_1 \tau}{\pi \hbar ab}, \end{aligned} \quad (10)$$

где  $b$  — период кристаллической решетки вдоль оси  $y$ ,  $v_1$  — модуль средней скорости дрейфа электронов

вдоль оси  $x$ . Будем полагать, что  $v_1$  и  $v_F$  — величины одного порядка.

При достаточно низких температурах существен учет квантования энергии носителей заряда, совершающих финитное движение в плоскости, ортогональной магнитному полю. Это, главным образом, носители заряда, состояния которых принадлежат квазидвумерному листу ПФ. Если температурное размытие фермиевской функции распределения меньше расстояния между квантованными уровнями Ландау, а именно  $2\pi^2T < \hbar\omega_c$ , то вклад этих электронов в плотность тока

$$\begin{aligned} \mathbf{j} &= \text{Sp } e\hat{\mathbf{v}}\hat{f} = \\ &= \frac{2eB}{c(2\pi\hbar)^2} \sum_{n,n'} dp_B e\mathbf{v}_{n,n'}(p_B) f_{n,n'}(p_B) \end{aligned} \quad (11)$$

необходимо определить либо с помощью решения кинетического уравнения для статистического оператора  $\hat{f}$  [6], либо метода функций Грина [7] (см. также [8]). В квазиклассическом приближении, когда  $\hbar\omega_c \ll \eta\mu$ , квазиволновые осцилляции электронных потоков определяются в значительной мере осцилляционной зависимостью амплитуды рассеяния электронов проводимости примесными центрами, т. е. квазиволновыми осцилляциями времени свободного пробега носителей заряда [9, 10].

Основная часть электронов проводимости, состояния которых находятся на плоском листе ПФ, движется в магнитном поле по открытым траекториям, их энергетический спектр не является дискретно-непрерывным, и вклад этих электронов в кинетические коэффициенты не содержит квазиволновых поправок.

Компоненты тензоров  $\sigma_{ij}^{(2)}$  и  $\alpha_{ij}^{(2)}$  убывают с ростом магнитного поля, если среднее за период  $2\pi/\omega_c$  значение хотя бы одной из компонент скорости  $v_i$  или  $v_j$  обращается в нуль. Носители заряда, состояния которых принадлежат квазидвумерному листу ПФ, дрейфуют только вдоль направления магнитного поля, если оно существенно отклонено от плоскости слоев. Таким образом, при  $\gamma_1 = 1/\omega_c\tau_\varepsilon \ll 1$  в асимптотическом выражении, например, для  $\alpha_{zz}$  достаточно удержать лишь диагональные матричные элементы статистического оператора  $f_{nn}(p_B)$ , которые совпадают с квазиклассической функцией распределения,

$$\begin{aligned} \alpha_{zz} &= -\frac{2eB}{c(2\pi\hbar)^2} \times \\ &\times \int dp_B \sum_{n=0}^{\infty} ev_{z,nn}^2(p_B) \tau_\varepsilon \frac{\varepsilon_n - \mu}{T} \frac{\partial f_0(\varepsilon_n)}{\partial \varepsilon_n}. \end{aligned} \quad (12)$$

Воспользовавшись формулой Пуассона

$$\sum_{n=0}^{\infty} \varphi_n = \sum_{k=-\infty}^{\infty} \int dn \varphi(n) \exp(2\pi i kn) \quad (13)$$

и уравнением для квазиклассических уровней энергии

$$S(\varepsilon, p_z) = 2\pi\hbar \frac{eB}{c} \left( n + \frac{1}{2} \right), \quad (14)$$

получим для  $\alpha_{zz} = \alpha_{zz}^{mon} + \alpha_{zz}^{osc}$  следующие выражения:

$$\alpha_{zz}^{mon} = \frac{\pi^2 T}{3e} \frac{\partial \tilde{\sigma}_{zz}}{\partial \mu}, \quad (15)$$

$$\begin{aligned} \alpha_{zz}^{osc} &= -2 \operatorname{Re} \sum_{k=1}^{\infty} (-1)^k \frac{2e}{(2\pi\hbar)^3} \int d\varepsilon \frac{\varepsilon - \mu}{T} \frac{\partial f_0}{\partial \varepsilon} \times \\ &\times \int dp_B 2\pi m^*(\varepsilon, p_B) v_z^2(\varepsilon, p_B) \tau_\varepsilon \times \\ &\times \exp \left\{ \frac{i k c S(\varepsilon, p_B)}{eB\hbar} \right\}, \end{aligned} \quad (16)$$

где  $S$  — площадь сечения изоэнергетической поверхности плоскостью  $p_z = \text{const}$ ,  $m^*$  — циклотронная эффективная масса. В формировании квазиволновых осцилляций участвуют только носители заряда на горизонтали цилиндре, а в плавно меняющиеся с магнитным полем  $\sigma_{ij}^{mon}$  и  $\alpha_{ij}^{mon}$  вносят вклад обе группы носителей заряда.

При  $\hbar\omega_c \ll \eta\mu$  в формуле (16) так же, как и в формуле для осциллирующей части компоненты тензора электропроводности

$$\begin{aligned} \sigma_{zz}^{osc} &= -2 \operatorname{Re} \sum_{k=1}^{\infty} (-1)^k \frac{2e^2}{(2\pi\hbar)^3} \int d\varepsilon \frac{\partial f_0}{\partial \varepsilon} \times \\ &\times \int dp_B 2\pi m^*(\varepsilon, p_B) v_z^2(\varepsilon, p_B) \tau_p \times \\ &\times \exp \left\{ \frac{i k c S(\varepsilon, p_B)}{eB\hbar} \right\}, \end{aligned} \quad (17)$$

интегрирование по  $p_B$  следует выполнить с помощью метода стационарной фазы. Затем, асимптотически продолжив подынтегральное выражение в формуле (16) в область комплексных значений энергии и воспользовавшись теоремой о вычетах, получим окончательное выражение:

$$\begin{aligned} \alpha_{zz}^{osc} &= \\ &= \operatorname{Re} \sum_{k=1}^{\infty} (-1)^k \frac{em^* v_z^2(\mu) \tau_\varepsilon}{\pi^2 \hbar^3} \left( \frac{eB\hbar}{kc} \right)^{1/2} \left| \frac{\partial^2 S_e}{\partial p_B^2} \right|^{-1/2} \times \\ &\times R_D^k Q_T(ku) \exp \left\{ \frac{i k c S_e(\mu)}{eB\hbar} + \frac{i\pi}{4} s \right\}. \end{aligned} \quad (18)$$

Асимптотическое выражение для  $\sigma_{zz}^{osc}$  имеет вид

$$\begin{aligned} \sigma_{zz}^{osc} = & \\ = & \operatorname{Re} \sum_{k=1}^{\infty} (-1)^k \frac{e^2 m^* v_z^2(\mu) \tau_p}{\pi^2 \hbar^3} \left( \frac{eB\hbar}{kc} \right)^{1/2} \left| \frac{\partial^2 S_e}{\partial p_B^2} \right|^{-1/2} \times \\ & \times R_D^k R_T(ku) \exp \left\{ \frac{ikcS_e(\mu)}{eB\hbar} + \frac{i\pi}{4} s + \frac{i\pi}{2} \right\}. \quad (19) \end{aligned}$$

Здесь  $S_e$  — экстремальное сечение ПФ,

$$\begin{aligned} Q_T = & \frac{dR_T(u)}{du}, \quad R_T(u) = \frac{u}{\sinh u}, \\ u = & \frac{2\pi^2 T}{\hbar\omega_c}, \quad s = \operatorname{sign} \frac{\partial^2 S_e}{\partial p_B^2}, \end{aligned}$$

фактор Дингла  $R_D^{(k)} = \exp(-k/\omega_c\tau)$  близок к единице и опущен.

Максимумы  $k$ -х гармоник  $\alpha_{ij}^{osc}(k)$  смешены относительно максимумов  $\sigma_{ij}^{osc}(k)$  на  $\pi/2$ , а отношение амплитуд этих гармоник имеет вид

$$\frac{|\alpha_{zz}^{osc}(k)|}{|\sigma_{zz}^{osc}(k)|} = \frac{Q_T(ku)}{R_T(ku)} \frac{\tau_\varepsilon}{\tau_p} = \frac{\pi^2 T}{3e\hbar\omega_c} \frac{\tau_\varepsilon}{\tau_p}. \quad (20)$$

Амплитуда осцилляций электропроводности в  $(\eta\mu/\hbar\omega_c)^{1/2}$  раз меньше ее плавно меняющейся части, в то время как  $\alpha_{zz}^{osc}$  в  $(\mu/\eta\hbar\omega_c)^{1/2}$  раз больше  $\alpha_{zz}^{mon}$ . Таково соотношение для всех компонент  $\alpha_{ij}^{osc}$  и  $\alpha_{ij}^{mon}$  кроме холловских, которые так же, как и холловские компоненты электропроводности, в бесстолкновительном пределе ( $\omega_c\tau_p = \infty$ ) не содержат квантовых поправок [11]. В результате термоэдс оказывается знакопеременной функцией. Это позволяет значительно повысить точность определения экстремальных сечений ПФ, измеряя расстояние между максимумами (или минимумами) на графике зависимости термоэдс от  $1/B$ . Сравнение  $\alpha_{ij}^{osc}$  с  $\sigma_{ij}^{osc}$  позволяет определить циклотронную эффективную массу  $m^* = (1/2\pi)(\partial S_e/\partial\mu)$  носителей заряда, формирующих квантовый осцилляционный эффект.

Обычно  $m^*$  определяют с помощью измерения температурной зависимости амплитуды осцилляций Шубникова — де Гааза. Для этого необходимо, чтобы интервал затухания квантовых осцилляций был не слишком мал, однако и не велик, чтобы электрон-фононный механизм диссипации электронной системы не «успел» повлиять на фактор Дингла. Удобство определения циклотронных эффективных масс с помощью совместного исследования магнитосопротивления и термоэдс связано с тем, что нет необходимости проводить измерения при различных температурах и достаточно ограничиться сравнением квантовых осцилляций термоэдс с осцилляциями Шубникова — де Гааза при постоянной температуре.

При разогреве вдоль нормали к слоям проводника с двухзонным спектром так же, как и в случае одной группы носителей заряда, термоэлектрическое поле направлено, в основном, вдоль градиента температуры

$$E_z = \left[ \frac{\pi^2 T}{3e} \frac{1}{\sigma_{zz}^{mon}} \frac{\partial \tilde{\sigma}_{zz}^{mon}}{\partial \mu} + \frac{\alpha_{zz}^{osc}}{\sigma_{zz}^{mon}} \right] \frac{\partial T}{\partial z}. \quad (21)$$

Экспериментальное исследование термоэлектрических явлений наиболее удобно, когда градиент температуры расположен в плоскости слоев. В этом случае наличие листа ПФ в виде гофрированной плоскости существенно влияет на величину и ориентацию термоэлектрического поля. В основном приближении по малому параметру квазидвумерности  $\eta$  термоэлектрическое поле

$$E_y = (\rho_{yx}\alpha_{xy} + \rho_{yy}\alpha_{yy}) \frac{\partial T}{\partial x_j} \quad (22)$$

направлено вдоль оси  $y$  и линейно растет с магнитным полем, когда градиент температуры направлен вдоль оси  $x$ .

В этом случае  $\rho_{yy} \approx \sigma_{xx}^{(1)} / (\sigma_{xy}^2 + \sigma_{xx}^{(1)}\sigma_{yy}^{(1)})$  квадратично растет с магнитным полем, в то время как  $\alpha_{yx}$  пропорционально  $1/B$ .

Если градиент температуры направлен вдоль оси  $y$ , то компоненты термоэлектрического поля  $E_y$  и  $E_z$  достигают насыщения в сильном магнитном поле, а  $E_x$  убывает пропорционально  $\gamma$ :

$$E_x = \frac{\pi^2 T}{3e} \rho_0 \gamma \sigma_0 \frac{1}{\tau} \frac{\partial \tau}{\partial \mu} \frac{\partial T}{\partial y}, \quad (23)$$

$$E_y = \frac{\pi^2 T}{3e} \rho_0 (-\sigma_1 + \gamma^2 \sigma_0) \frac{1}{\tau} \frac{\partial \tau}{\partial \mu} \frac{\partial T}{\partial y}, \quad (24)$$

$$\begin{aligned} E_z = & \frac{\pi^2 T}{3e} \operatorname{tg} \vartheta \left[ (\sin \varphi - \gamma \cos \varphi) \frac{1}{\sigma_{zz}} \frac{\partial \sigma_{zz}}{\partial \mu} + \right. \\ & \left. + (\rho_0 \sigma_1 \sin \varphi + \gamma \cos \varphi) \frac{1}{\tau} \frac{\partial \tau}{\partial \mu} \right] \frac{\partial T}{\partial y}. \quad (25) \end{aligned}$$

Здесь  $\sigma_0 = Ne^2\tau/m$ ,  $N$  — плотность носителей заряда на квазидвумерном листе ПФ,  $\rho_0 = 1/(\sigma_0 + \sigma_1)$ .

В отсутствие плоского листа ПФ при  $\gamma \ll 1$  термоэлектрическое поле ортогонально  $\nabla T$  и направлено вдоль нормали к слоям, а компоненты  $E_x$  и  $E_y$  убывают с ростом магнитного поля.

При любой ориентации градиента температуры амплитуда осцилляций термоэлектрического поля всегда больше плавно меняющейся с полем части термоэдс.

## ЛИТЕРАТУРА

1. M. V. Kartsovnik, Chem. Rev. **104**, 5737 (2004).
2. М. В. Карцованник, В. Г. Песчанский, ФНТ **31**, 249 (2005).
3. R. Roussenau, M. L. Doulet, E. Canadell et al., J. Phys. **6**, 113 (1996).
4. О. В. Кириченко, Д. Крстовска, В. Г. Песчанский, ЖЭТФ **126**, 246 (2004).
5. I. A. Dmitriev, A. D. Mirlin, and D. G. Polyakov, Phys. Rev. Lett. **91**, 226802 (2003).
6. А. М. Косевич, В. В. Андреев, ЖЭТФ **38**, 882 (1960).
7. Ю. А. Бычков, ЖЭТФ **39**, 1401 (1960).
8. А. А. Абрикосов, Л. П. Горьков, И. Е. Дзялошинский, *Методы квантовой теории поля в статистической физике*, Физматгиз, Москва (1962).
9. B. Davydov and I. Pomeranchuk, J. Phys. **11**, 4 (1940).
10. E. Adams and T. Holstein, J. Phys. Chem. Sol. **10**, 254 (1959).
11. И. М. Лифшиц, ЖЭТФ **32**, 1509 (1957).