## ИССЛЕДОВАНИЕ МАГНИТОЭЛЕКТРИЧЕСКИХ ВЗАИМОДЕЙСТВИЙ В РЕДКОЗЕМЕЛЬНЫХ ФЕРРОБОРАТАХ

А. М. Кадомцева<sup>а</sup>, А. К. Звездин<sup>b</sup>, А. П. Пятаков<sup>a,b</sup>, А. В. Кувардин<sup>a</sup>,

Г. П. Воробьев<sup>а</sup>, Ю. Ф. Попов<sup>а</sup><sup>\*</sup>, Л. Н. Безматерных<sup>с</sup>

<sup>а</sup> Московский государственный университет им. М. В. Ломоносова 119992, Москва, Россия

> <sup>b</sup> Институт общей физики Российской академии наук 119991, Москва, Россия

<sup>с</sup> Институт общей физики Сибирского отделения Российской академии наук 660036, Красноярск, Россия

С помощью измерения магнитоэлектрических зависимостей и кривых вращения проведено исследование в монокристаллах редкоземельных ферроборатов GdFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub>, NdFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> индуцированных магнитным полем фазовых переходов, являющихся одним из возможных механизмов эффекта магнитного контроля электрической поляризации. Проведен теоретический анализ магнитных фазовых переходов в GdFe(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub>.

PACS: 75.80.+q

В последнее время сильно возрос интерес к исследованию редкоземельных ферроборатов, поскольку было обнаружено, что они принадлежат к новому семейству магнитоэлектрических материалов [1,2]. Наиболее изученным из них является ферроборат гадолиния GdFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub>, свойства которого были подробно исследованы магнитными, резонансными, оптическими, термодинамическими, магнитоэлектрическими и магнитоупругими методами [1, 3–12]. При температурах ниже  $T_N = 38$  К материал становится антиферромагнетиком со спинами, ориентированными в базисной плоскости (фаза А $\Phi_{\perp}$ ) [3,4,7,11]. При T =  $T_{SR}$  = 10 K происходит спонтанный переход, в результате которого спины Fe<sup>3+</sup> переориентируются к оси c кристалла (фаза А $\Phi_{\parallel}$ ) [3,4,7,11]. В формировании магнитных свойств редкоземельных ферроборатов в области низких температур важную роль играет взаимодействие редкоземельных и железных ионов. Поскольку свободные ионы  $\mathrm{Gd}^{3+}$  и  $\mathrm{Fe}^{3+}$  находятся в S-состоянии (L = 0),Gd-Fe-обмен в этом соединении должен был бы быть изотропным. Однако наличие в GdFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub>

спонтанного спин-переориентационного перехода при  $T_{SR} \approx 10$  К указывает на анизотропный характер f-d-обмена аналогично тому, как это наблюдалось для GdFeO<sub>3</sub> и GdCrO<sub>3</sub> [13]. Это означает, что в теории Gd–Fe-обмена в данном случае нужно принимать во внимание не только основное S-состояние ионов Gd<sup>3+</sup> и Fe<sup>3+</sup>, но и их возбужденные состояния с отличными от нуля орбитальными моментами. Представляло интерес сопоставить магнитые и магнитоэлектрические свойства GdFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> со свойствами ферробората NdFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub>, в котором ионы Nd<sup>3+</sup> являются крамерсовскими с основным состоянием <sup>4</sup> $I_{9/2}$ .

В работах [1,2] впервые было показано, что магнитоэлектрическое взаимодействие проявляется в этих соединениях в виде аномалий на зависимости электрической поляризации от магнитного поля, сопровождающих изменения антиферромагнитного порядка подрешетки железа. Эти аномалии позволили наряду со спиновой переориентацией при  $T_{SR}$  и переходом типа спин-флоп при  $\mathbf{H} \parallel \mathbf{c}$  обнаружить в GdFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> необычный индуцированный магнитным полем  $\mathbf{H} \perp \mathbf{c}$  переход A $\Phi_{\parallel} \rightarrow A\Phi_{\perp}$  (рис. 1*a*) при  $T < T_{SR}$ .

<sup>&</sup>lt;sup>\*</sup>E-mail: popov@plms.phys.msu.ru



Рис.1. Зависимости продольной поляризации от магнитного поля  $H_a$ , направленного вдоль оси a, для GdFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> (a) и NdFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> ( $\delta$ ) при различных температурах

Вплоть до самых низких температур (около 1 K) взаимодействием ионов  $\mathrm{Gd}^{3+}$  между собой можно пренебречь, т.е. можно рассматривать их как независимые парамагнитные ионы, на которые действует эффективное поле  $\mathbf{H}_{eff}$ , включающее в себя  $\mathbf{H}_{exch}$  — поле f-d-обмена (обменное взаимодействие железной и редкоземельной подсистем), поправку  $\delta \mathbf{H}$ , связанную с анизотропией f-d-обмена, а также внешнее поле  $\mathbf{H}$ :

$$\mathbf{H}_{eff}^{i} = \mathbf{H}_{exch}^{i} + \delta \mathbf{H}^{i} + \mathbf{H}.$$
 (1)

Поскольку подсистема железа упорядочена антиферромагнитно, ионы редкой земли в полях обмена двух антиферромагнитных подрешеток железа также разбиваются на две парамагнитные подсистемы [2], индекс i = 1, 2 показывает, к какой из подсистем относится поле (1).

Редкоземельная подсистема, находящаяся в поле (1), дает следующий вклад в термодинамический потенциал подсистемы гадолиния:

 $U^{i}$ 

$$F_{\rm Gd} = -\frac{1}{2} \sum_{i=1}^{2} \int_{0}^{H_{eff}} M_{\rm Gd}(H_{eff}) \, dH_{eff} =$$
$$= -\frac{kT}{2} \sum_{i=1}^{2} \int_{0}^{x_i} B_J(x) \, dx, \quad (2$$

где  $M_{\rm Gd}$  — магнитный момент гадолиния, суммирование ведется по двум парамагнитным подсистемам  $i = 1, 2, B_J(x)$  — функция Бриллюэна,  $x = g\mu_B J H_{eff}/kT, g$  — фактор Ланде,  $\mu_B$  — магнетон Бора, J = 7/2 — квантовое число полного момента количества движения иона гадолиния.

При спонтанной спиновой переориентации  $(T_{SR} = 10 \text{ K})$  константа одноосной анизотропии

K меняет знак ( $F_{anys} = K \cos^2 \theta$ ,  $\theta$  — угол между направлением спинов атомов железа и осью c). В данном случае константа K состоит из вклада  $K^{\text{Fe}}$ , который определяется кристаллическим полем, и вклада  $K^{\text{Gd}}$ , который представляет собой анизотропную часть энергии обменного Fe-Gd-взаимодействия, определяемого формулой (2). Таким образом, условие спиновой переориентации принимает вид

$$K^{\rm Fe} + K^{\rm Gd}(T_{SR}) = 0.$$
 (3)

Здесь делается естественное допущение, что температурная зависимость существенна только для редкоземельной подрешетки (и именно она ответственна за переход при  $T_{SR}$ ), а параметры анизотропии железной подсистемы в районе спиновой переориентации зависят от температуры значительно слабее.

Полагая в выражении (1)  $\mathbf{H} = 0$  и разлагая термодинамический потенциал (2) в ряд по  $\delta H^i$  с точностью до членов второго порядка, получим вклад парамагнитной подсистемы гадолиния:

$$K^{\rm Gd}(T) = \alpha H_{exch} g \mu_B J B_J \left(\frac{g \mu_B J H_{exch}}{kT}\right) \equiv \equiv \alpha A(T), \quad (4)$$

где <br/>  $\alpha$  — малый параметр, имеющий порядок<br/>  $\delta H/H_{exch}.$ 

При ориентации внешнего магнитного поля **H** || **c** в работах [1, 3, 4] в ферроборате гадолиния наблюдался спин-флоп-переход. Поле перехода зависело от температуры, что объясняется зависящим от температуры вкладом  $K^{\text{Gd}}(T_{SF})$  редкоземельной подсистемы в полную анизотропию:

$$K^{\rm Fe} + K^{\rm Gd}(T_{SF}) = -\frac{\chi_{\perp} - \chi_{\parallel}}{2} H_{SF}^2.$$
 (5)



Рис.2. Фазовая диаграмма GdFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub> в координатах *T*-*H*: точки — экспериментальная зависимость, кривая — теоретическая зависимость

Здесь  $T_{SF}$  и  $H_{SF}$  — соответственно температура и магнитное поле спин-флоп-перехода,  $\chi_{\perp}$  и  $\chi_{\parallel}$  поперечная и продольная магнитные восприимчивости. Уравнения (3)–(5) позволяют оценить величины  $K^{\text{Fe}}$  и  $\alpha$ . Используем экспериментальные данные работ [1, 3, 4]:

 $T_{SR} = 10 \text{ K}, \quad H_{SF} = 8 \text{ } \text{ } \text{K} \Theta, \quad T_{SF} = 4.2 \text{ } \text{K},$ 

 $\chi_{\perp} - \chi_{\parallel} \approx 0.85 \chi_{\perp}, \quad \chi_{\perp} \approx 15 \mu_B / 2H_E,$ 

где  $H_E$  — эффективное поле обменного взаимодействия в системе Fe,

$$2H_E \approx 1.5 \cdot 10^6 \ \Im$$

Получаем

$$K^{\rm Fe} = 15000 \frac{\Im p_{\Gamma}}{\Gamma}, \quad \alpha \approx -0.004$$

В работе [1] обнаружен весьма интересный новый переориентационный переход спинов от оси c к базисной плоскости, происходящий при  $T < T_{SR}$  в магнитном поле  $\mathbf{H} \perp \mathbf{c}$ . Это довольно необычный и неожиданный переход, так как, на первый взгляд, нет причин, которые бы его вызывали: как в начальном состоянии «легкая ось» ( $\theta = 0$ ), так и в конечном состоянии «легкая плоскость» ( $\theta = \pi/2$ ) внешнее магнитное поле ориентировано перпендикулярно вектору антиферромагнетизма  $\mathbf{L}$  (в фазе «легкая плоскость» спины свободно вращаются в плоскости, поэтому условие  $\mathbf{L} \cdot \mathbf{H} = 0$  автоматически выполняется уже в очень слабых полях).

Можно показать, что причина такого поведения кроется в том, что вклад редкоземельной подсистемы в энергию анизотропии зависит также и от внешнего магнитного поля *H*. Полагая в векторной сумме полей (1)  $H \neq 0$ ,  $\mathbf{H} \perp \mathbf{c}$  и разлагая термодинамический потенциал (2) в ряд по  $\delta H^i$  с точностью до членов второго порядка, получим вклад в анизотропию от парамагнитной подсистемы гадолиния:

$$K^{\mathrm{Gd}}(T,H) \approx \alpha \frac{g\mu_B J H_{exch}^2}{\sqrt{H_{exch}^2 + H^2}} \times B_J \left( \frac{g\mu_B J \sqrt{H_{exch}^2 + H^2}}{kT} \right) \equiv \alpha A(T,H).$$
(6)

Как и при рассмотрении спонтанного спин-ориентационного перехода при температуре  $T_{SR}$ (формула (3)), полная константа анизотропии обращается в нуль, но теперь нужно учитывать полевую зависимость (6). Фактически, уравнение A(T, H) = const, соответствующее условию  $K^{\operatorname{Gd}}(T,H) = -K^{\operatorname{Fe}},$  представляет собой уравнение границы, разделяющей фазы  $\theta = 0$  и  $\theta = \pi/2$ на плоскости Т-Н. Из рис. 2 видно, что зависимость (6), рассчитанная для значений g = 2 и *H<sub>exch</sub>* = 70 кЭ, качественно объясняет наличие возвратного перехода: магнитное поле, уменьшая по модулю величину  $K^{\mathrm{Gd}}$ , как бы «возвращает» кристалл в область более высоких температур. Систематическое отклонение экспериментальных точек от теоретической кривой в сторону меньших критических полей  $H_c$ , возможно, связано с тем, что в выражении (1) не учитывалось поле диполь-дипольного *f*-*d*-взаимодействия со стороны решетки железа, учет которого требует дополнительных численных расчетов, а именно, суммирования по всем узлам, занимаемым ионами железа.

В другом редкоземельном ферроборате  $NdFe_3(BO_3)_4$ магнитоэлектрические зависимости имеют совершенно иной характер (см. рис. 16). В отличие от GdFe<sub>3</sub>(BO<sub>3</sub>)<sub>4</sub>, магнитоэлектрические свойства ферробората неодима определялись в основном магнитным состоянием редкоземельной подсистемы, что проявлялось в больших величинах электрической поляризации (свыше 300 мКл/м<sup>2</sup>), знакопеременном характере кривых P(H) (подробный теоретический анализ наблюдаемых закономерностей приведен в работе [2]). Вид магнитоэлектрических кривых, снятых при приложении полей вдоль осей a, b, c, также говорит о том, что магнитные моменты ионов железной и редкоземельной подрешеток всегда остаются в базисной плоскости.

Для выяснения сходств и различий магнитного упорядочения в ферроборатах гадолиния и неодима были предприняты измерения кривых вращаю-



Рис. 3. Зависимости вращающего момента от угла в плоскости ac для  $GdFe_3(BO_3)_4$  (a) и  $NdFe_3(BO_3)_4$  (b)

щих моментов, поскольку они являются наилучшим индикатором магнитной анизотропии и перестройки спиновой структуры системы.

Вид кривых для  $GdFe_3(BO_3)_4$  и  $NdFe_3(BO_3)_4$ , приведенных на рис. 3, указывает на то, что под действием магнитного поля при  $T < T_{SR}$  спины антиферромагнитной подсистемы железа в  $GdFe_3(BO_3)_4$ переориентируются от оси c к оси a, в то время как в  $NdFe_3(BO_3)_4$  и в  $GdFe_3(BO_3)_4$  при  $T > T_{SR}$  спины все время остаются в базисной плоскости, что позднее было подтверждено спектральными [10] и нейтронографическими [14] методами.

Таким образом, на примере нового семейства магнитоэлектриков — редкоземельных ферроборатов — показан один из возможных механизмов магнитного контроля электрической поляризации: индуцированные магнитным полем фазовые переходы вызывают скачки электрической поляризации. Проведен термодинамический анализ спиновых переходов в ферроборате гадолиния.

Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ (гранты №№ 04-02-16592, 05-02-16997-а, 04-02-81046-Бел2004-а), частичной поддержке Совета по грантам Президента Российской Федерации по программе поддержки молодых российских ученых и Фонда «Династия».

## ЛИТЕРАТУРА

1. А. К. Звездин, С. С. Кротов, А. М. Кадомцева и др., Письма в ЖЭТФ **81**, 335 (2005).

- А. К. Звездин, Г. П. Воробьев, А. М. Кадомцева и др., Письма в ЖЭТФ 83, 600 (2006).
- A. D. Balaev, L. N. Bezmaternikh, and I. A. Gudim, J. Magn. Magn. Mat. 258-259, 532 (2003).
- 4. А. И. Панкрац, Г. А. Петраковский, Л. Н. Безматерных, О. А. Баюков, ЖЭТФ **126**, 887 (2004).
- E. P. Chukalina, D. Yu. Kuritsin, M. N. Popova et al., Phys. Lett. **322** A, 239 (2004).
- А. Г. Гаврилюк, С. А. Харламова, И. С. Любутин и др., Письма в ЖЭТФ 80, 482 (2004).
- 7. R. Z. Levitin, E. A. Popova, R. M. Chtsherbov et al., Письма в ЖЭТФ 79, 531 (2004).
- S. A. Klimin, D. Fausti, A. Meetsma et al., Acta Crystallogr. B 61, 481 (2005).
- F. Yen, B. Lorenz, Y. Y. Sun et al., Phys. Rev. B 73, 054435 (2006).
- **10**. А. Н. Васильев, Е. А. Попова, ФНТ **32**, 968 (2006).
- A. N. Vasiliev, E. A. Popova, L. N. Bezmaternikh et al., *WЭ*T*Ф* 129, 299 (2006).
- **12**. С. А. Харламова, С. Г. Овчинников, А. Д. Балаев и др., ЖЭТФ **101**, 1098 (2005).
- Д. В. Белов, А. К. Звездин, А. М. Кадомцева и др., ФТТ 23, 2831 (1981).
- P. Fischer, V. Pomjakushin, D. Sheptyakov et al., J. Phys.: Condens. Matter 18, 7975 (2006).