

# РЕЗОНАНСНО-ТУННЕЛЬНЫЙ ТРАНСПОРТ В СВЕРХРЕШЕТКАХ GaAs/AlGaAs В СИЛЬНОМ НАКЛОННОМ МАГНИТНОМ ПОЛЕ

*М. П. Теленков, Ю. А. Митягин\**

*Физический институт им. П. Н. Лебедева Российской академии наук  
119991, Москва, Россия*

Поступила в редакцию 17 марта 2006 г.

Исследован поперечный резонансно-туннельный транспорт в сверхрешетках GaAs/AlGaAs, обусловленный туннельными переходами между уровнями Ландау в соседних квантовых ямах, в сильном наклонном магнитном поле. Показано, что наличие продольной компоненты магнитного поля приводит к появлению интенсивных туннельных переходов между уровнями Ландау с  $\Delta n \neq 0$ . Вклад этих переходов влечет за собой как существенные уширение и сдвиг туннельного резонанса, так и значительные изменения в вольт-амперных характеристиках структур. Предсказанные особенности поведения вольт-амперных характеристик сверхрешеток в наклонном магнитном поле обнаружены экспериментально.

PACS: 73.21.Fg, 73.22.Dj, 73.63.Hs

## 1. ВВЕДЕНИЕ

Работа посвящена изучению резонансно-туннельного транспорта в сверхрешетках GaAs/AlGaAs со слабой туннельной связью в наклонном по отношению к слоям структуры магнитном поле.

Хорошо известно, что в случае магнитного поля, перпендикулярного слоям, из-за ортогональности волновых функций, описывающих квантование Ландау в плоскости слоев, при туннелировании между соседними квантовыми ямами имеет место правило отбора  $\Delta n = 0$  по номеру уровня Ландау, т. е. туннельные переходы возможны только между уровнями Ландау с одинаковыми номерами. В результате наличие магнитного поля не приводит к существенным качественным изменениям в вольт-амперных характеристиках (ВАХ) сверхрешеток.

В случае наклонного магнитного поля правило отбора  $\Delta n = 0$  нарушается [1], т. е. в туннельный ток могут давать вклад дополнительные туннельные переходы между уровнями Ландау с различными номерами. Вопрос состоит в том, насколько эти переходы интенсивны, сколь существен их вклад в туннельный резонанс и как такие переходы проявляются в ВАХ сверхрешеток.

В данной работе представлена модель последовательного резонансно-туннельного транспорта в сверхрешетках со слабой туннельной связью в сильном наклонном магнитном поле, позволяющая провести расчет интегрального профиля туннельного резонанса с учетом сильного электрического поля и многоподзонного характера задачи. С помощью численных расчетов на основе данной модели изучено поведение интегрального профиля туннельного резонанса (зависимости плотности полного туннельного тока между соседними квантовыми ямами от электрического поля) с изменением напряженности  $B$  магнитного поля и угла  $\theta$  его наклона к оси роста структуры. Для сверхрешеток GaAs/AlGaAs с широкими квантовыми ямами обнаружено, что при достаточно больших углах наклона магнитного поля ( $\theta > 30^\circ$ ) переходы с  $\Delta n \neq 0$  уже в относительно небольших магнитных полях ( $B = 1\text{--}4$  Тл) дают доминирующий вклад в туннельный ток. Результатом этого являются сильное уширение туннельного резонанса и его сдвиг в сторону больших электрических полей.

Моделирование ВАХ сверхрешетки в целом при изменении  $B$  и  $\theta$  показало, что индуцированное магнитным полем изменение профиля туннельного резонанса приводит к сильному сдвигу плато в область

---

\*E-mail: mityagin@sci.lebedev.ru

больших приложенных напряжений и сглаживанию периодической структуры с отрицательной дифференциальной проводимостью (ОДП) на плато, обусловленной формированием и перемещением домена электрического поля. Проведенные экспериментальные исследования подтвердили предсказанный характер поведения ВАХ сверхрешеток в наклонном магнитном поле.

## 2. МОДЕЛЬ

Рассмотрим резонансно-тунNELНЫЙ ток в полупроводниковых сверхрешетках GaAs/Al<sub>0.3</sub>Ga<sub>0.7</sub>As в однородном магнитном поле  $\mathbf{B} = B_{\parallel}\mathbf{e}_y + B_{\perp}\mathbf{e}_z$ , направленном под углом  $\theta$  к оси роста структуры, и в электрическом поле  $\mathbf{F} = -Fe_z$ , приложенном перпендикулярно слоям. При этом ограничимся сверхрешетками со слабой тунNELной связью, в которых тунNELная связь между квантовыми ямами представляет собой малое возмущение, а характеристическое время тунNELирования существенно превышает время внутридимерной релаксации. В таких структурах поперечный транспорт хорошо описывается в рамках приближения последовательного тунNELирования [2].

При достаточно широких барьерах профиль тунNELного резонанса с хорошей степенью точности можно рассчитать, рассматривая тунNELные переходы в симметричной двойной квантовой яме (рис. 1).

В настоящей работе мы изучаем структуры со сравнительно малыми энергиями размерного квантования (широкими квантовыми ямами), в которых в тунNELный ток дают вклад переходы между

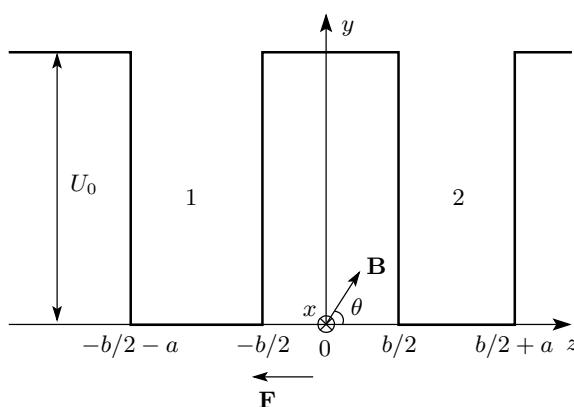


Рис. 1. Схематическое изображение геометрии задачи

ду состояниями Ландау, принадлежащими нижним подзонам и, соответственно, лежащими глубоко в яме. Поэтому в дальнейшем влиянием непрерывного спектра на эти состояния будем пренебрегать. Также будем пренебрегать взаимодействием спина электрона с магнитным полем [3].

При выборе векторного потенциала магнитного поля в виде  $\mathbf{A} = (B_{\parallel}z - B_{\perp}y)\mathbf{e}_x$  гамильтониан электрона в двойной квантовой яме в приближении эффективной массы формализма огибающих функций [4] имеет вид

$$H = \overset{\circ}{H}_{\perp} + H_{\theta} - eFz, \quad (1)$$

$$\begin{aligned} \overset{\circ}{H}_{\perp} = & -\frac{\partial}{\partial z} \frac{\hbar^2}{2m(z)} \frac{\partial}{\partial z} + U_{DQW}(z) + \\ & + \frac{\hbar^2}{m(z)} \left( -\frac{1}{2} \frac{\partial^2}{\partial x^2} - \frac{1}{2} \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{y}{l_{\perp}^2} i \frac{\partial}{\partial x} + \frac{y^2}{2l_{\perp}^4} \right) \end{aligned} \quad (2)$$

— часть гамильтониана, отвечающая случаю перпендикулярной плоскости слоев ориентации магнитного поля ( $B_{\parallel} = 0$ ), в отсутствие электрического поля,

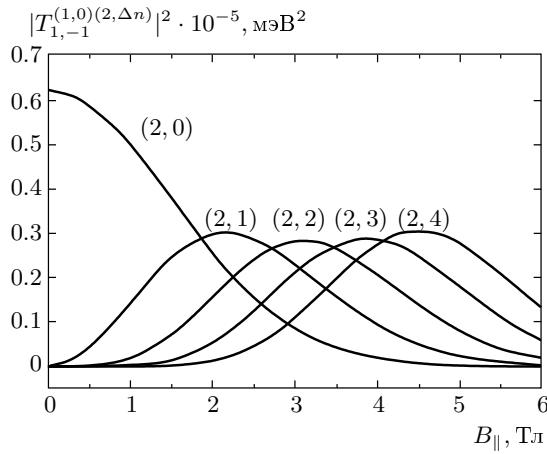
$$H_{\theta} = \frac{\hbar^2}{m(z)} \left( \frac{z^2}{2l_{\parallel}^4} - \frac{yz}{l_{\parallel}^2 l_{\perp}^2} - \frac{z}{l_{\parallel}^2} i \frac{\partial}{\partial x} \right) \quad (3)$$

— часть гамильтониана, обусловленная наличием наряду с перпендикулярной слоем компонентой магнитного поля  $B_{\perp}$  также и компоненты магнитного поля  $B_{\parallel}$ , параллельной слоям,

$$m(z) = \begin{cases} m_b, & (|z| > b/2 + a) \cup (|z| < b/2), \\ m_w, & b/2 < |z| < b/2 + a \end{cases} \quad (4)$$

— эффективная масса,  $U_{DQW}(z)$  — потенциал двойной квантовой ямы,  $l_{\parallel} = \sqrt{\hbar c/eB_{\parallel}}$  и  $l_{\perp} = \sqrt{\hbar c/eB_{\perp}}$  — магнитная длина соответственно для компонент  $B_{\parallel}$  и  $B_{\perp}$  магнитного поля.

Для того чтобы рассчитать тунNELный ток между квантовыми ямами в рамках подхода последовательного тунNELирования и при этом учесть наличие сильных внешних полей, построим базис, обладающий следующими свойствами [2, 5]. Прежде всего, каждое состояние данного базиса должно быть сильно локализовано в одной из ям. При этом матричные элементы гамильтониана (1) между состояниями данного базиса, локализованными в одной яме, должны быть диагональными. Наконец, при стремлении тунNELной связи между ямами к нулю состояния данного базиса должны переходить в соответствующие собственные состояния изолированных квантовых ям во внешних полях. Тогда тунNELный ток между соседними квантовыми ямами



**Рис. 2.** Зависимости квадратов модулей туннельных матричных элементов от параллельной слоям компоненты  $B_{\parallel}$  магнитного поля для переходов из основного состояния ямы 1 в различные состояния Ландау второй подзоны ямы 2. Компонента магнитного поля, перпендикулярная слоям,  $B_{\perp} = 3$  Тл. Для каждого значения  $B_{\parallel}$  туннельный матричный элемент перехода между основным состоянием ямы 1 и данным состоянием Ландау ямы 2 вычисляется при электрическом поле, при котором основное состояние ямы 1 и данное состояние ямы 2 находятся в резонансе, т. е. их энергии совпадают. Запись  $(\nu, n)$  обозначает переход в состояние Ландау с номером  $n$  в  $\nu$ -й подзоне

можно рассматривать как результат переходов между локализованными в соседних квантовых ямах состояниями данного базиса, заселенность которых в пределах квантовой ямы описывается равновесной функцией распределения.

В качестве затравочного базиса используем набор связанных собственных состояний электрона при учете только перпендикулярной слоям компоненты магнитного поля (т. е. собственные функции и энергии гамильтониана  $\hat{H}_{\perp}$ ). Волновые функции и энергии для этих состояний имеют вид [6]

$$\overset{\circ}{\varphi}_{s(a)}^{\nu, n, k_x}(x, y, z) = \frac{\exp(ik_x x)}{\sqrt{L_x}} \Phi_n(y - \overset{\circ}{y}_{k_x}) \overset{\circ}{\varphi}_{s(a)}^{\nu, n}(z), \quad (5)$$

$$\overset{\circ}{E}_{s(a)}^{\nu, n} = \tilde{E}_{s(a)}^{\nu, n} + \varepsilon_n, \quad (6)$$

где  $\Phi_n(y - \overset{\circ}{y}_x)$  и  $\varepsilon_n$  — отвечающие  $n$ -му состоянию ( $n = 0, 1, 2, \dots$ ) собственная функция и собственная энергия линейного гармонического осциллятора с массой  $m_w$ , частотой  $\omega_{\perp} = eB_{\perp}/m_w c$  и положением равновесия  $\overset{\circ}{y}_{k_x} = k_x l_{\perp}^2$ ,  $\tilde{E}_{s(a)}^{\nu, n}$  и  $\overset{\circ}{\varphi}_{s(a)}^{\nu, n}(z)$  —

$\nu$ -й уровень энергии размерного квантования и отвечающая ему собственная волновая функция для двойной квантовой ямы с барьером

$$U_0^{eff, n} = U_0 - \left(1 - \frac{m_w}{m_b}\right) \varepsilon_n.$$

Индексы « $s$ » и « $a$ » обозначают соответственно четные ( $\overset{\circ}{\varphi}_{s, n}^{\nu, n}(-z) = \overset{\circ}{\varphi}_{s, n}^{\nu, n}(z)$ ) и нечетные ( $\overset{\circ}{\varphi}_{a, n}^{\nu, n}(-z) = -\overset{\circ}{\varphi}_{a, n}^{\nu, n}(z)$ ) по  $z$  состояния. Отметим, что в данном случае собственные состояния являются вырожденными по  $k_x$  с кратностью вырождения на единицу площади (при  $l_{\perp} \ll L_y$ )

$$g_{k_x} = \frac{1}{2\pi} \frac{1}{l_{\perp}^2}. \quad (7)$$

Здесь  $L_x$  и  $L_y$  — размеры образца вдоль осей  $x$  и  $y$ .

В состояниях (5) электрон в равной мере локализован в каждой из ям. По этой причине набор из состояний (5) не удовлетворяет сформулированным выше условиям локализации. Поэтому, используя набор волновых функций (5), строим ортогональный базис

$$\overset{\circ}{\Xi} = \left\{ \overset{\circ}{\psi}_w^{\nu, n, k_x}(x, y, z) \right\}_w^{\nu, n, k_x},$$

состояния которого для достаточно широких барьеров локализованы каждый в своей яме и удовлетворяют сформулированному выше условию предельного перехода. Состояния такого базиса, локализованные в яме с индексом  $w$  (значения  $w = 1$  и  $w = -1$  соответствуют ямам 1 и 2), имеют вид

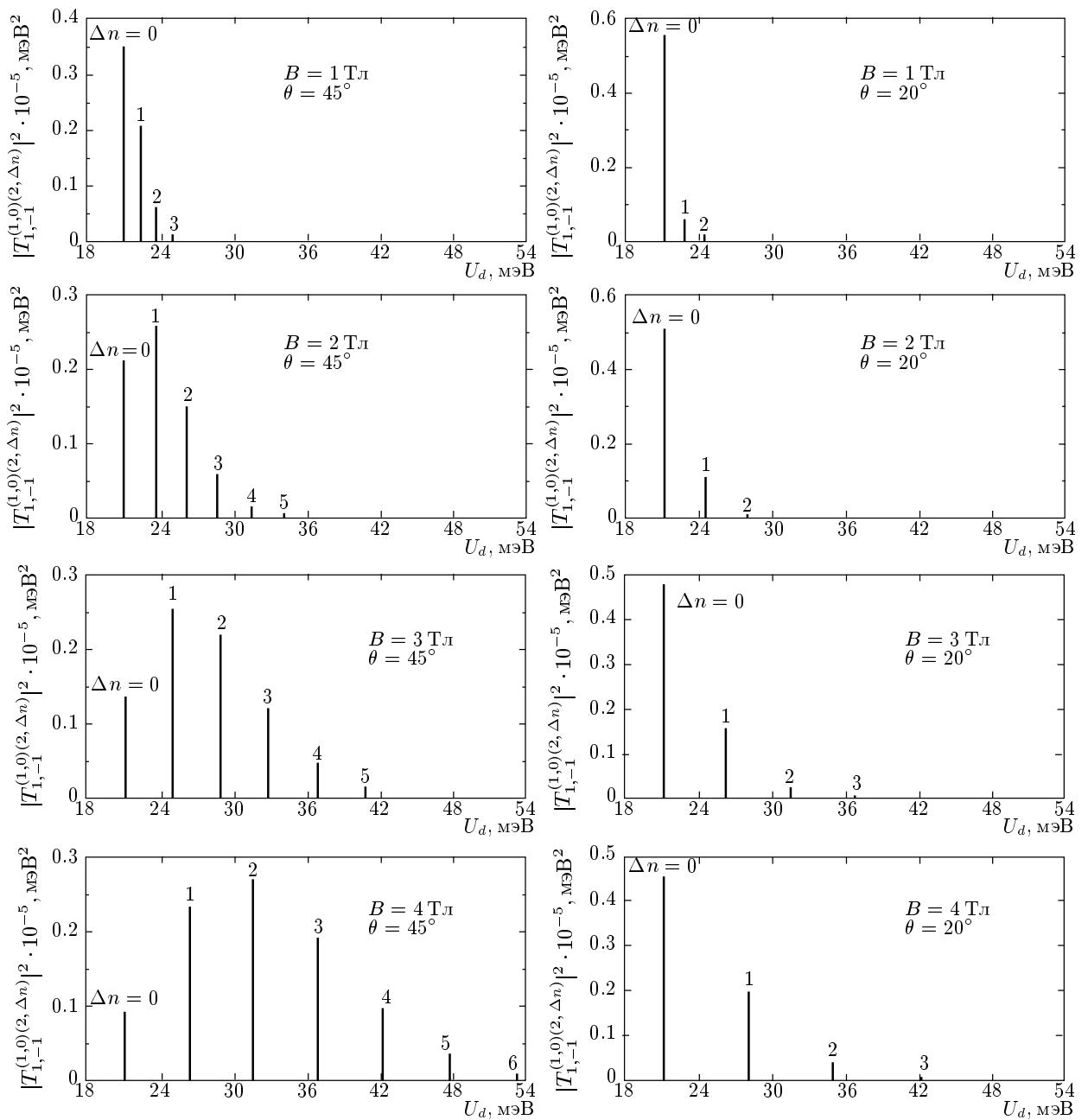
$$\overset{\circ}{\psi}_w^{\nu, n, k_x}(x, y, z) = \frac{\exp(ik_x x)}{\sqrt{L_x}} \Phi_n(y - \overset{\circ}{y}_{k_x}) W_w^{\nu, n}(z), \quad (8)$$

$$W_w^{\nu, n}(z) = \frac{1}{\sqrt{2}} [\overset{\circ}{\varphi}_s^{\nu, n}(z) + w \overset{\circ}{\varphi}_a^{\nu, n}(z)]. \quad (9)$$

Постоянные фазовые множители волновых функций  $\overset{\circ}{\varphi}_s^{\nu, n}(z)$  и  $\overset{\circ}{\varphi}_a^{\nu, n}(z)$  выбираем таким образом, чтобы волновые функции  $W_1^{\nu, n}(z)$  и  $W_{-1}^{\nu, n}(z)$  были локализованы соответственно в ямах 1 и 2.

Матричный элемент гамильтониана в базисе  $\overset{\circ}{\Xi}$  имеет вид

$$H_{w_1, w_2}^{(\nu_1, n_1, k_x 1)(\nu_2, n_2, k_x 2)} = \left\langle \overset{\circ}{\psi}_{w_1}^{\nu_1, n_1, k_x 1}(x, y, z) \middle| H \left| \overset{\circ}{\psi}_{w_2}^{\nu_2, n_2, k_x 2}(x, y, z) \right. \right\rangle =$$

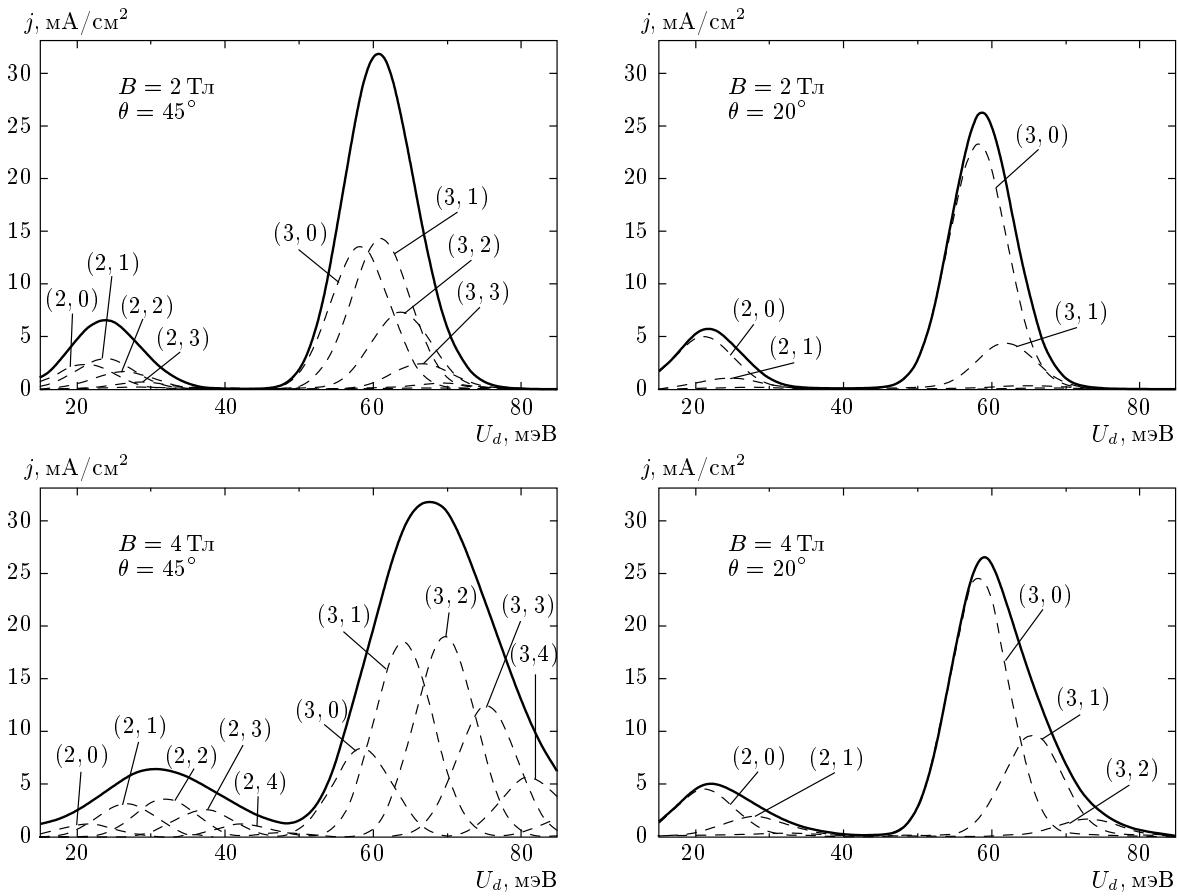


**Рис. 3.** Диаграммы туннельных переходов из основного состояния ямы 1 в состояния Ландау второй подзоны ямы 2 для различных значений напряженности  $B$  и угла  $\theta$  наклона магнитного поля. Каждая вертикальная прямая соответствуетциальному туннельному переходу, ее положение на оси абсцисс — максимуму туннельного резонанса для данного перехода, а длина пропорциональна квадрату модуля туннельного матричного элемента между соответствующими состояниями

$$\begin{aligned}
 &= \delta_{k_{x_1}, k_{x_2}} \left[ \delta_{w_1, 1} \delta_{w_2, 1} (H_1)_{1, 1}^{(\nu_1, n_1)(\nu_2, n_2)} + \right. \\
 &\quad + \delta_{w_1, -1} \delta_{w_2, -1} (H_1)_{-1, -1}^{(\nu_1, n_1)(\nu_2, n_2)} + \\
 &\quad + \delta_{w_1, 1} \delta_{w_2, -1} (H_1)_{1, -1}^{(\nu_1, n_1)(\nu_2, n_2)} + \\
 &\quad \left. + \delta_{w_1, -1} \delta_{w_2, 1} (H_1)_{-1, 1}^{(\nu_1, n_1)(\nu_2, n_2)} \right], \quad (10)
 \end{aligned}$$

где

$$(H_1)_{w_1, w_2}^{(\nu_1, n_1)(\nu_2, n_2)} = \langle \Phi_{n_1}(y) W_{w_1}^{\nu_1, n_1}(z) | H_1 | \Phi_{n_2}(y) W_{w_2}^{\nu_2, n_2}(z) \rangle, \quad (11)$$



**Рис. 4.** Интегральный (сплошные линии) профиль туннельного резонанса в области переходов из первой подзоны ямы 1 во вторую и третью подзоны ямы 2 для различных значений  $B$  и  $\theta$ . Штриховыми линиями показаны вклады (15) в интегральный профиль туннельного резонанса отдельных переходов. Запись  $(\nu, n)$  обозначает вклад перехода в состояние Ландау с номером  $n$  в  $\nu$ -й подзоне. Ширина отдельных переходов  $\Gamma = 4 \text{ мэВ}$

$$\begin{aligned} H_1 = & -\frac{\hbar^2}{2m(z)} \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\hbar^2}{2m(z)l_\perp^4} y^2 - \\ & - \frac{\partial}{\partial z} \frac{\hbar^2}{2m(z)} \frac{\partial}{\partial z} + U_{DQW}(z) - \\ & - \frac{\hbar^2}{m(z)l_\parallel^2 l_\perp^2} yz + \frac{\hbar^2}{2m(z)l_\parallel^4} z^2 - eFz. \quad (12) \end{aligned}$$

Между локализованными в одной яме состояниями базиса  $\Xi$  имеет место взаимодействие, обусловленное наличием электрического поля и параллельной слоям компоненты  $B_\parallel$  магнитного поля. Поэтому, для того чтобы получить окончательный базис, удовлетворяющий всем перечисленным выше условиям, с помощью численной процедуры диагонализации матриц  $(H_1)_{1,1}$  и  $(H_1)_{-1,-1}$  перейдем к новому, зависящему от электрического и магнитного полей базису

$$\Xi = \left\{ \psi_w^{m,k_x}(x, y, z) \right\}_w^{m, k_x},$$

где  $m = 1, 2, 3, \dots$  — порядковый (по возрастанию энергии) номер состояния в яме. Локализованные в одной яме состояния этого базиса не взаимодействуют за счет внешних полей (обусловленное электрическим полем и параллельной слоям компонентой  $B_\parallel$  магнитного поля смешивание состояний Ландау (8), локализованных в одной яме, включено в состояния нового базиса). Везде в дальнейшем, говоря о состояниях Ландау в ямах, будем иметь в виду состояния базиса  $\Xi$ , а говоря об уровнях Ландау, — средние энергии электрона в состояниях данного базиса.

В базисе  $\Xi$  матричный элемент гамильтониана имеет вид

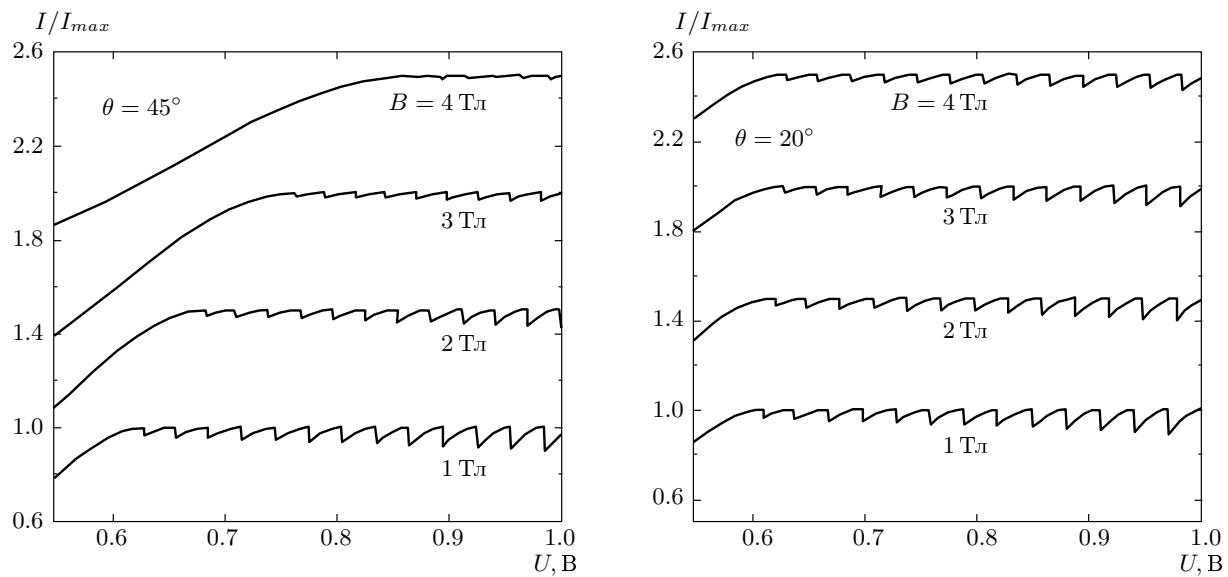


Рис. 5. Фрагменты ВАХ сверхрешеток в области второго плато, рассчитанных для различных напряженностей магнитного поля при  $\theta = 45^\circ$  и  $\theta = 20^\circ$ ,  $I_{max}$  — средний ток на втором плато ВАХ;  $\Gamma = 4$  мэВ

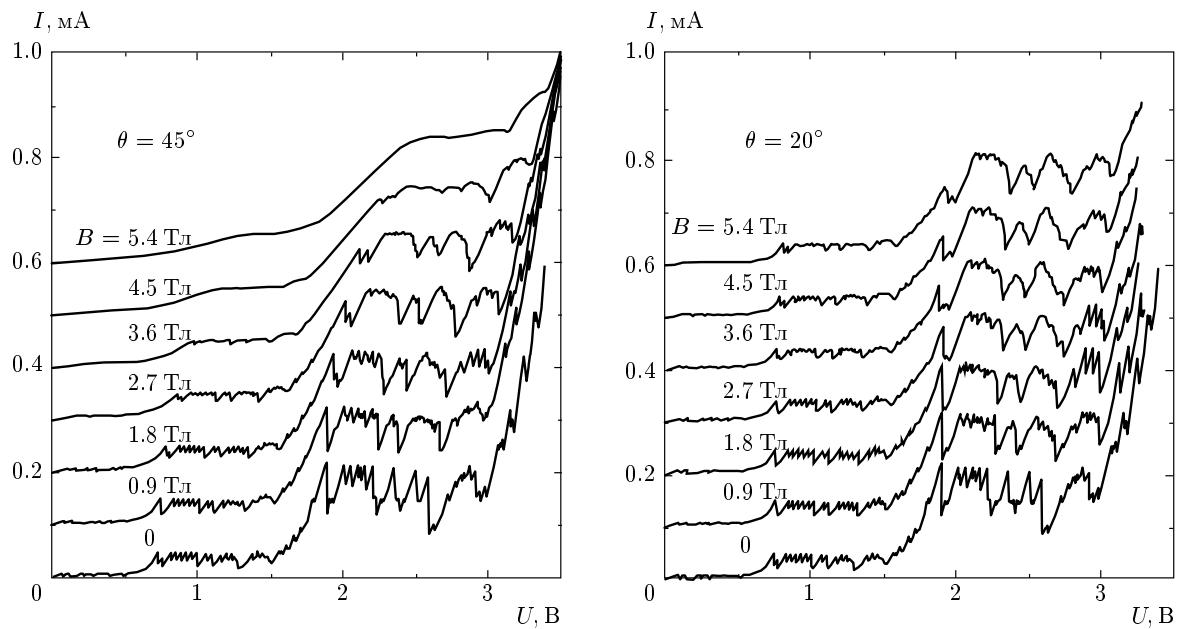


Рис. 6. Измеренные ВАХ сверхрешеток в наклонном магнитном поле для  $\theta = 45^\circ$  и  $\theta = 20^\circ$

$$\begin{aligned} \tilde{H}_{w_1, w_2}^{(m_1, k_{x1}), (m_2, k_{x2})} &= \\ &= \delta_{k_{x1}, k_{x2}} \left[ \delta_{w_1, w_2} \delta_{m_1, m_2} \left( \tilde{E}_{w_1}^{m_1} + w_1 \frac{U_d}{2} \right) + \right. \\ &\quad \left. + (1 - \delta_{w_1, w_2}) T_{w_1, w_2}^{(m_1), (m_2)} \right]. \quad (13) \end{aligned}$$

Здесь  $U_d = eFd$  — падение напряжения на расстоя-

нии  $d$  между центрами ям,  $\tilde{E}_w^m$  — энергия в  $m$ -м состоянии Ландау ямы с индексом  $w$  в случае, если нуль потенциала электрического поля выбирается в центре данной ямы,  $T_{w_1, w_2}^{(m_1), (m_2)}$  — матричный элемент гамильтониана (1) между  $m_1$ -м состоянием Ландау ямы с индексом  $w_1$  и  $m_2$ -м состоянием Ландау ямы с индексом  $w_2$  (в дальнейшем тунNELьный матричный элемент между соответствующими

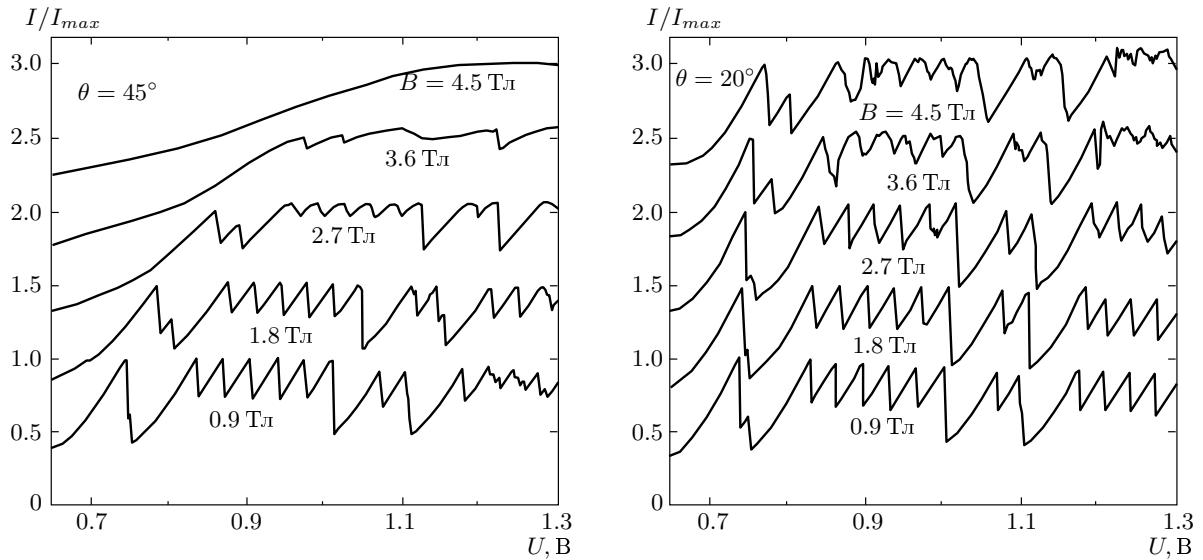


Рис. 7. Фрагменты измеренных ВАХ в области второго плато для  $\theta = 45^\circ$  и  $\theta = 20^\circ$ ,  $I_{max}$  — средний ток на втором плато ВАХ

состояниями). Важно отметить, что величины  $\tilde{E}_{w1}^{m1}$  и  $T_{w1,w2}^{(m1),(m2)}$  не зависят от  $k_x$ , а кратность вырождения также дается выражением (7).

Будем рассматривать случай низких температур ( $T = 4.2$  К) и относительно невысоких уровней легирования структур. Это дает возможность пренебречь заселенностью возбужденных уровней Ландау.

В приближении правила Ферми плотность туннельного тока из основного состояния ямы 1 в яму 2 дается выражением [2]

$$j = \sum_m j^{1 \rightarrow m}, \quad (14)$$

где

$$\begin{aligned} j^{1 \rightarrow m} &= \frac{2\pi e}{\hbar} n_e |T_{1,-1}^{(1),(m)}|^2 \times \\ &\times g^{(1) \rightarrow (m)} \left( U_d - U_d^{res,(1) \rightarrow (m)} \right) \end{aligned} \quad (15)$$

— вклад в плотность тока переходов из основного состояния ямы 1 в  $m$ -е состояние Ландау ямы 2,  $n_e$  — двумерная концентрация электронов в яме,  $U_d^{res,(1) \rightarrow m}$  — падение напряжения между центрами ям, при котором основной уровень ямы 1 и  $m$ -й уровень ямы 2 совпадают по энергии (т. е. находятся в резонансе).

Для точного количественного расчета формфактора  $g^{(1) \rightarrow (m)}(E)$  необходимо решать задачу о туннелировании между уровнями Ландау с учетом про-

цессов рассеяния, что выходит за рамки данной работы. Поэтому для дальнейших численных расчетов формфактор  $g^{(1) \rightarrow (m)}(E)$  для каждого перехода аппроксимировался гауссианом:

$$g^{(1) \rightarrow (m)}(E) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\Gamma} \exp \left( -\frac{E^2}{2\Gamma^2} \right), \quad (16)$$

где величина  $\Gamma$  — ширина туннельного перехода — использовалась как феноменологический параметр.

Численные расчеты показали, что для рассмотренных нами структур и магнитных полей, отслеживая эволюцию каждого из уровней Ландау с увеличением угла наклона  $\theta$  магнитного поля, каждому уровню Ландау с номером  $m$  в наклонном магнитном поле можно поставить в соответствие номер  $\nu$  подзоны и номер  $n$  уровня Ландау в подзоне, которые определяют данный уровень при перпендикулярной ориентации магнитного поля. В дальнейшем при обсуждении результатов численных расчетов будем использовать для наглядности именно такую классификацию, хотя она и не является обязательной. Запись  $(\nu, n)$  в дальнейшем будет обозначать состояние Ландау с номером  $n$  в  $\nu$ -й подзоне.

Расчет ВАХ сверхрешетки в целом проводился с помощью дискретной модели резонансно-туннельного транспорта в сверхрешетках [7, 8] с использованием полученного согласно выражениям (14), (15) профиля туннельного резонанса.

### 3. ЭКСПЕРИМЕНТ

Изучение резонансно-туннельного транспорта проводилось в сверхрешетках GaAs/Al<sub>0.3</sub>Ga<sub>0.7</sub>As *n*-типа (ширина ям 25 нм, ширина барьера 10 нм, 30 периодов, концентрация доноров (кремний)  $1.75 \cdot 10^{10} \text{ см}^{-2}$ ), заключенных между двумя сильнолегированными ( $2 \cdot 10^{18} \text{ см}^{-3}$ ) слоями *n*<sup>+</sup>-GaAs. Исследовались мезоструктуры с диаметром мез 500 мкм и Cr/Au-контактами, изготовленными вакуумным напылением со стороны верхних частей мез и на обратной стороне подложки *n*<sup>+</sup>-GaAs. Магнитное поле ( $B = 1\text{--}6 \text{ Тл}$ ) создавалось сверхпроводящим соленоидом. Измерялись статические ВАХ структур при температуре 4.2 К.

### 4. РЕЗУЛЬТАТЫ И ИХ ОБСУЖДЕНИЕ

Используя изложенную выше модель, мы провели численные расчеты резонансно-туннельных характеристик для сверхрешеток GaAs/Al<sub>0.3</sub>Ga<sub>0.7</sub>As с широкими (25 нм) квантовыми ямами (ширина барьера 10 нм) в диапазоне магнитных полей  $B = 1\text{--}4 \text{ Тл}$ .

Прежде всего были рассчитаны тунNELьные матричные элементы для переходов из основного состояния ямы 1 ( $\nu = 1, n = 0$ ) в состояния Ландау ямы 2 с различными  $\nu$  и  $n$ . При этом тунNELьный матричный элемент, характеризующий переход между двумя данными состояниями, вычислялся для напряженности электрического поля, при которой соответствующие два уровня находятся в резонансе.

На рис. 2 приведена зависимость квадрата модуля тунNELьных матричных элементов для переходов в состояния ямы 2 с различными номерами уровней Ландау во второй подзоне ( $\nu = 2$ ) от  $B_{\parallel}$  при фиксированном значении  $B_{\perp}$ . Видно, что по мере роста  $B_{\parallel}$  матричные элементы (и, соответственно, интенсивность) резонансно-тунNELьных переходов с  $\Delta n \neq 0$  становятся отличными от нуля и быстро возрастают. При этом интенсивность тунNELьных переходов с  $\Delta n = 0$  уменьшается, так что при достаточно больших  $B_{\parallel}$  ( $B_{\parallel} \sim B_{\perp}$ ) переходы с  $\Delta n \neq 0$  начинают преобладать.

На рис. 3 приведены диаграммы тунNELьных переходов в состояния с различными номерами уровней Ландау во второй подзоне, рассчитанные для двух ориентаций магнитного поля. Как видно из рисунка, для угла наклона магнитного поля  $\theta = 45^\circ$  по мере роста напряженности магнитного поля в игру включается все больше переходов с  $\Delta n \neq 0$ . При этом с увеличением  $B$  начинают доминировать пе-

реходы со все большими  $\Delta n$ . Это должно приводить к существенному уширению интегрального тунNELьного резонанса и значительному сдвигу его максимума в сторону больших электрических полей.

Интегральный профиль тунNELьного резонанса был получен суммированием вкладов отдельных переходов, которые определялись по формуле (15) с формфактором в виде (16). Ширина Г полагалась одинаковой для всех переходов и не зависящей от магнитного поля. Выбранная ее величина (4 мэВ) примерно соответствует экспериментальным значениям.

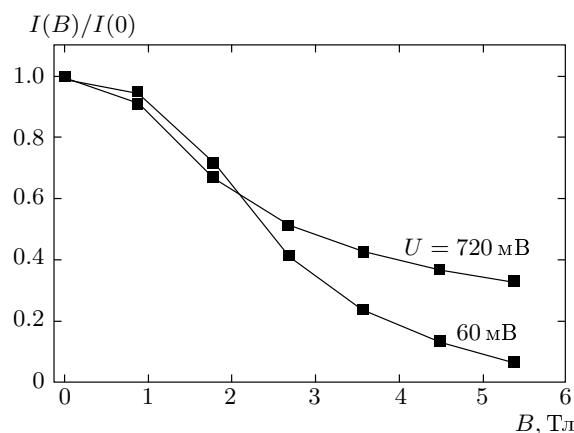
Полученные таким образом кривые и характер их изменения с магнитным полем приведены на рис. 4. Видно, что при  $\theta = 45^\circ$  по мере роста  $B$  положение резонанса смещается в сторону больших электрических полей и резко возрастает его ширина, причем результирующая ширина резонанса существенно превышает ширину Г отдельного перехода.

В случае ориентации магнитного поля, близкой к перпендикулярной слоям ( $\theta = 20^\circ$ ), переход с  $\Delta n = 0$  всегда является доминирующим (см. рис. 3). В результате положение и ширина резонанса практически не меняются с магнитным полем (рис. 4).

Используя полученные таким образом интегральные профили тунNELьного резонанса, с помощью дискретной модели тунNELьного транспорта в сверхрешетках [7, 8] мы рассчитали ВАХ сверхрешеток в целом для различных  $B$  и  $\theta$ . Эти зависимости приведены на рис. 5. Видно, что при  $\theta = 45^\circ$  имеет место существенное изменение ВАХ с магнитным полем, а именно, сдвиг плато в сторону больших приложенных напряжений и сглаживание ОДП-структуры на плато. В случае  $\theta = 20^\circ$  заметных изменений ВАХ не происходит.

Измеренные экспериментально ВАХ исследуемых сверхрешеток в наклонном магнитном поле приведены на рис. 6 для двух ориентаций поля  $B$ . На рис. 7 показаны фрагменты измеренных ВАХ в области второго плато. Сопоставление экспериментальных кривых с рассчитанными теоретически (рис. 5) показывает, что наблюдаемый характер поведения ВАХ в магнитном поле согласуется с предсказаниями теории — наблюдается сильная зависимость ВАХ от  $B$  при  $\theta = 45^\circ$  (сдвиг плато в сторону больших напряжений и сглаживание ОДП-структуры на плато) и существенно более слабое влияние магнитного поля при  $\theta = 20^\circ$ .

Следует отметить, что в экспериментальных ВАХ, измеренных при  $\theta = 20^\circ$ , наблюдается некоторое сглаживание ОДП-структуры с увеличением



**Рис. 8.** Зависимости тока через структуру от напряженности магнитного поля при различных приложенных напряжениях, измеренные при ориентации магнитного поля  $\theta = 45^\circ$

магнитного поля, в то время как в теоретически рассчитанных ВАХ оно практически не заметно. Это связано, по-видимому, с тем, что в расчетах ширина  $\Gamma$  отдельного перехода между уровнями Ландау считалась не зависящей от магнитного поля. Экспериментальные данные свидетельствуют о том, что величина  $\Gamma$  растет с увеличением  $B$ . Известно, что увеличение ширины уровней Ландау с магнитным полем действительно происходит [9]. Проведенный анализ показал, что для объяснения наблюдаемого сглаживания экспериментальных ВАХ при изменении  $B$  в диапазоне 0–6 Тл изменение  $\Gamma$  не должно превышать 50 %. Основной наблюдаемый в работе эффект связан с индуцируемым магнитным полем «неоднородным» уширением резонанса, величина которого существенно (до пяти-шести раз) превышает  $\Gamma$ .

Следует также обратить внимание на то, что индуцированный магнитным полем сдвиг плато ВАХ сверхрешеток приводит к значительному

положительному магнитосопротивлению в таких структурах. Сказанное иллюстрируется рис. 8, где представлены измеренные при ориентации магнитного поля  $\theta = 45^\circ$  зависимости тока через структуру от напряженности магнитного поля при приложенных напряжениях  $U = 60$  мВ и  $U = 720$  мВ. Видно, что при изменении магнитного поля от нуля до 5.4 Тл ток через структуру изменяется более чем на порядок.

Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ (грант № 06-02-17361).

## ЛИТЕРАТУРА

1. S. L. Lyo, Phys. Rev. B **57**, 9114 (1998).
2. A. Wacker, in *Theory of Transport Properties of Semiconductor Nanostructures*, ed. by E. Schöll, Chapman and Hall, London (1998), p. 321.
3. U. Bockelmann and G. Bastard, Phys. Rev. B **45**, 1700 (1992).
4. G. Bastard, *Wave Mechanics Applied to Semiconductor Heterostructures*, Les Editions de Physique, Les Ulis (1998), p. 63.
5. Р. Ф. Казаринов, Р. А. Сурис, ФТП **6**, 148 (1972).
6. S. Živanović, V. Milanović, and Z. Ikonić, Phys. Rev. B **52**, 8305 (1995).
7. Ю. А. Митягин, В. Н. Мурзин, Письма в ЖЭТФ **64**, 146 (1996).
8. L. L. Bonilla, J. Galan, J. A. Cuesta, F. C. Martinez, and J. M. Molera, Phys. Rev. B **50**, 8644 (1994).
9. T. Uenoyama and L. J. Sham, Phys. Rev. B **39**, 11044 (1998).