

# КУЛОНОВСКОЕ УШИРЕНИЕ ПИКА ЭЛЕКТРОМАГНИТНО-ИНДУЦИРОВАННОЙ ПРОЗРАЧНОСТИ В ПЛАЗМЕ

*С. А. Бабин, М. Г. Степанов, Д. В. Чуркин\*, Д. А. Шапиро*

*Институт автоматики и электрометрии Сибирского отделения Российской академии наук  
630090, Новосибирск, Россия*

Поступила в редакцию 27 ноября 2003 г.

Измерена форма дублета Аутлера–Таунса и пика электромагнитно-индукционной прозрачности (ЭИП) в плазменных условиях. Проведено сравнение результатов эксперимента с рассчитанным спектром пробного поля трехуровневой Л-схемы ArII с учетом кулоновских столкновений. Показано, что кулоновское уширение пика ЭИП невелико (менее 40 %), тогда как резонанс насыщения уширяется в условиях эксперимента в 3 раза. В отличие от резонанса насыщения, обусловленного провалом Беннетта в распределении населенности по скоростям, пик ЭИП представляет собой когерентный эффект и уширяется в основном за счет кулоновской дефазировки.

PACS: 42.50.Gy, 42.50.Hz, 42.62.Fi

## 1. ВВЕДЕНИЕ

Сильная резонансная монохроматическая волна может приводить к расщеплению уровней энергии и, соответственно, спектра излучения (поглощения) на переходах с участием этих состояний — эффект известен достаточно давно и был первоначально назван динамическим эффектом Штарка [1], позднее расщепление спектра на две компоненты получило название расщепление (дублет) Аутлера–Таунса. В нелинейной спектроскопии газов эффект полевого расщепления является одним из базовых в рамках классификаций теории возмущений [2], причем учет теплового движения частиц существенно меняет его спектральные проявления. Например, в схеме комбинационного рассеяния (см. вставку на рис. 1) с большим доплеровским уширением полевое расщепление спектра пробного поля проявляется только для сонаправленных волн в стоксовом случае, т. е. при  $k_\mu < k$ . Если заселен только пробный уровень  $l$ , то другие нелинейные эффекты, индуцированные сильным полем, в частности, эффект насыщения и нелинейный интерференционный эффект (НИЭФ), не проявляются. В этом случае спектр поглощения

пробного поля описывает эффект полевого расщепления в чистом виде.

Полевое расщепление спектра поглощения, индуцированное сильной волной на смежном переходе, вследствие квантовой интерференции сопровождается значительным уменьшением, а в идеале — полным устранением поглощения пробной волны на частотах, соответствующих спектральной области между расщепленными компонентами. Этот эффект, названный эффектом электромагнитно-индукционной прозрачности (ЭИП), активно изучается в последнее время (см., например, [3, 4] и цитируемую там литературу). Возможность устранения поглощения света в резонансных условиях за счет эффекта ЭИП активно применяется в различных задачах. В частности, значительно повышается эффективность резонансного преобразования частоты лазерного излучения нелинейно-оптическими методами [5], что позволяет применять не только импульсное, но и относительно маломощное непрерывное лазерное излучение (см., например, [6, 7]). Во многих приложениях важно получить как можно более узкий пик ЭИП, однако на форму резонанса ЭИП влияют релаксация уровней, полевое и доплеровское уширения [8].

В данной работе дублет Аутлера–Таунса и пик

---

\*E-mail: dimkins@yandex.ru

ЭИП впервые наблюдались на переходах ионов в низкотемпературной плазме. Обнаружено, что в плазменных условиях на форму пика влияет также ион-ионное кулоновское рассеяние. Отметим, что влияние кулоновского рассеяния на форму резонансов, обусловленных эффектом насыщения и НИЭФ, в условиях плазмы ионных лазеров было подробно исследовано ранее [9–11]. Измеренная в данной работе величина кулоновского уширения пика ЭИП оказалась значительно меньше, чем величина кулоновского уширения резонансов насыщения. Проведенные экспериментальные и теоретические исследования позволили количественно описать влияние кулоновского взаимодействия ионов на эффект полевого расщепления и объяснить наблюдаемые особенности.

## 2. ЭКСПЕРИМЕНТ

Экспериментально нелинейные резонансы в  $\Lambda$ -схеме, обусловленные эффектом полевого расщепления, ранее исследовалась в основном в молекулярных спектрах (см., например, [12]) с использованием молекулярных комбинационных лазеров. Сравнение формы резонанса с расчетом в этом случае затруднено, так как кроме эффекта полевого расщепления в суммарный контур дают существенный вклад и другие нелинейные эффекты (насыщение и НИЭФ) из-за большой заселенности нижнего уровня  $n$ . Однако измеренная величина расщепления спектра, которая пропорциональна значению рабиевской частоты сильного поля

$$G = |E|d_{mn}/2\hbar$$

( $|E|$  — амплитуда электрического поля,  $\hbar$  — постоянная Планка), позволила напрямую определить дипольный момент  $d_{mn}$  перехода  $m-n$ . Измерения проводились при значениях  $G$  много больших констант релаксации  $\Gamma_{ij}$  ( $i, j = m, n, l$ ).

Как обсуждалось выше, чтобы зарегистрировать контур дублета Аутлера–Таунса в  $\Lambda$ -схеме (см. рис. 1), свободного от влияния других нелинейных эффектов, пробная волна должна распространяться сонаправленно с сильной, ее частота должна быть меньше частоты сильного поля (стоксов случай), при этом должен быть заселен только пробный уровень  $l$ , а уровни  $m$  и  $n$  в идеале пустые. В отличие от заселяемых термически колебательно-вращательных уровней молекул, уровни иона в плазме позволяют реализовать требуемые условия. В частности, близкий вариант реализуется, когда

сильное поле резонансно лазерному переходу  $\text{ArII}$ , а пробное — переходу в метастабильное состояние с большой населенностью. Была выбрана схема со следующими уровнями:

$$|n\rangle = 4s^2P_{1/2}, \quad |m\rangle = 4p^2S_{1/2}, \quad |l\rangle = 3d^2P_{3/2}.$$

Соответствующие константы релаксации и коэффициенты Эйнштейна (в единицах  $10^7 \text{ с}^{-1}$ ) равны

$$\Gamma_n = 300, \quad \Gamma_m = 15, \quad \Gamma_l = 8, \quad A_{mn} = 9, \quad A_{ml} = 1.$$

Характерные населенности уровней в плазме аргонового лазера составляют  $N_n \sim 1$ ,  $N_m \sim 5$ ,  $N_l \sim 100$  (в единицах  $10^9 \text{ см}^{-3}$ ) [9, 11]. Таким образом, для выбранной схемы уровней выполняются соотношения: для констант релаксации

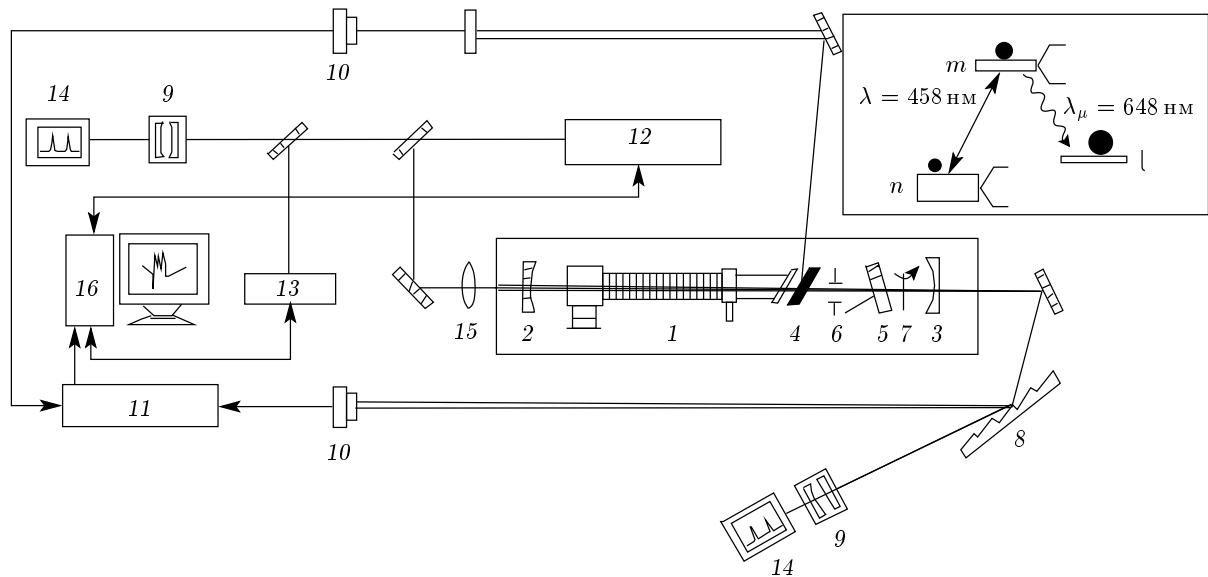
$$\Gamma_l \lesssim \Gamma_m \ll \Gamma_n \ll kvT$$

и населенностей уровней

$$N_l \gg N_m \gtrsim N_n.$$

Отметим, что в условиях плазмы аргонового лазера некоторые проявления эффекта полевого расщепления наблюдались ранее при исследовании генерации на связанных лазерных переходах в  $V$ -схеме: при перестройке частоты стоксова излучения для больших отстроек высокочастотного лазерного поля наблюдался отщепленный резонанс, а при его настройке в центр линии наблюдались резонансные структуры сложной формы вблизи точного резонанса для стоксова излучения [13, 14]. При этом форма дублета Аутлера–Таунса и влияние на нее кулоновской диффузии не исследовались.

В наших экспериментах исследовался спектр стоксова пробного поля в присутствии сильного поля на смежном переходе ( $\Lambda$ -схема, рис. 1). Измерялась разница коэффициентов поглощения для пробного поля в отсутствие и в присутствии сильного поля, соответствующая нелинейной поправке к работе пробного поля  $\Delta\mathcal{P}_\mu$ . Для того чтобы получить сигнал достаточной амплитуды, величина сильного поля должна быть большой ( $G \gtrsim 100 \text{ МГц}$ ). Для достижения таких значений использовалось внутрирезонаторное поле одночастотного ионного лазера на линии 457.9 нм ( $4p^2S_{1/2} - 4s^2P_{1/2}$ ) с минимальным значением углового момента ( $j_m=j_n=1/2$ ). В результате в условиях плазмы аргонового лазера была зарегистрирована форма дублета Аутлера–Таунса без доплеровской подкладки с точностью, позволяющей провести сравнение с теорией.



**Рис. 1.** Схема эксперимента по исследованию эффекта полевого расщепления: 1 — разрядная трубка, 2 и 3 — зеркала, 4 — брюстеровская пластина, 5 — эталон, 6 — диафрагма, 7 — обтюратор, 8 — дифракционная решетка, 9 — сканирующий интерферометр, 10 — фотодетектор, 11 — синхронный детектор, 12 — перестраиваемый лазер на красителе, 13 — измеритель длин волн, 14 — осциллограф, 15 — линза, 16 — компьютер

Схема эксперимента приведена на рис. 1. Разрядная трубка аргонового лазера 1 (длина  $l = 50 \text{ см}$ , рабочий ток  $I \sim 100 \text{ A}$ ) помещалась в резонатор с входным 2 и выходным 3 зеркалами, плотными для генерируемого излучения, но прозрачными для пробного излучения. Таким образом, в резонаторе присутствовали две волны: стоячая генерируемая волна линейной поляризации и бегущая пробная волна также линейной поляризации. Этalon 5 обеспечивал селекцию одной продольной моды и плавную перестройку частоты генерации, а с помощью диафрагмы 6 выделялась  $TEM_{00}$ -мода. Зеркалами резонатора селектировалась линия с длиной волны  $\lambda \approx 458 \text{ нм}$ , на этой линии потери на пропускание в резонаторе составляли  $\approx 0.3\%$ , что обеспечивало высокую интенсивность поля внутри резонатора. Выходное излучение аргонового лазера направлялось зеркалом на дифракционную решетку 8, от которой один порядок заводился в сканирующий интерферометр Фабри-Перо 9, использовавшийся для контроля за модовым составом излучения и определения отстройки сильного поля от резонанса, а другой порядок отводился на фотодетектор 10, сигнал с которого был опорным для синхронного детектора 11.

В качестве источника пробного поля использовался перестраиваемый лазер 12 на красителе ДСМ, длина волны излучения которого ( $\lambda_\mu \approx 648 \text{ нм}$ ) ре-

гистрировалась измерителем длин волн 13. Система автоподстройки частоты (АПЧ) [15] позволяла привязать моду резонатора к пику селектора и плавно изменять частоту пробного поля в диапазоне до 4.5 ГГц. Перестройка частоты осуществлялась с помощью компьютера 16 с дискретностью менее 20 МГц — величина шага приближается к ширине линии излучения (около 10 МГц). Спектр лазера на красителе регистрировался с помощью сканирующего интерферометра 9 с областью свободной дисперсии 5 ГГц, подключенного к осциллографу, по которому производился контроль модового состава излучения. Пробное поле заводилось в разрядную трубку предварительно сфокусированным линзой 15 для обеспечения максимальной однородности поля в резонаторе. После прохождения разрядной трубки пучок пробного поля отражался от дополнительной пластинки 4 и отводился с помощью зеркал на фотодетектор 10, подключенный к синхронному детектору 11. Угол между пучками пробного поля и генерируемого излучения составлял величину порядка  $10^{-3}$  радиан, что позволяло избежать обратной связи. Сильное поле было промодулировано на частоте порядка 1 кГц с помощью обтюратора 7, синхронное детектирование на частоте модуляции позволяло автоматически вычесть доплеровскую подкладку и выделить нелинейные добавки, индуцированные сильным полем. Управление ходом эксперимента, син-

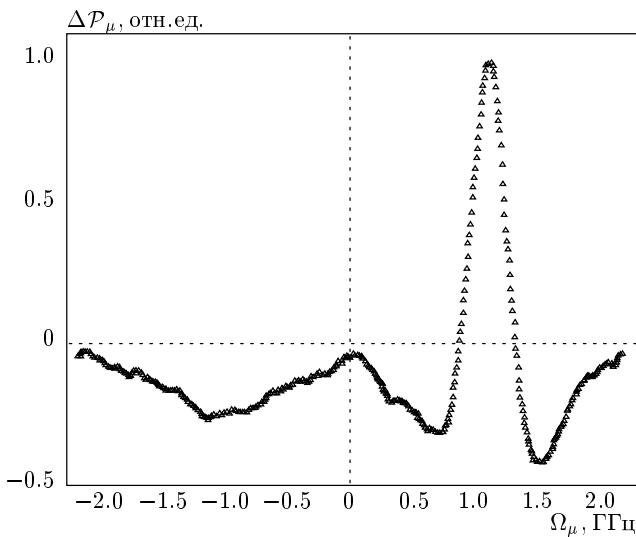


Рис. 2. Экспериментальный контур для нелинейной добавки в спектре пробного поля при параметрах сильного поля:  $G \approx 100$  МГц,  $\Omega \approx 1.6$  ГГц

хронный сбор и запись данных осуществлялись персональным компьютером 16, к которому через АЦП были подключены все измерительные приборы.

Для того чтобы разнести по частоте резонансы от встречных компонент стоячей волны и наблюдать в чистом виде эффект полевого расщепления, индуцированный бегущей (сонаправленной) волной, необходимо отстроить сильное поле от резонанса на величину, большую ширины населеностных резонансов. Экспериментальная зависимость нелинейной добавки в коэффициент поглощения пробного поля от частоты, полученная при отстройке сильного поля  $\Omega = \omega - \omega_{mn} \approx 1.6$  ГГц, приведена на рис. 2. Отметим, что отрицательные значения на графике соответствуют индуцированному сильным полем увеличению поглощения пробного поля, а положительные — уменьшению поглощения, что эквивалентно электромагнитно-индукционной прозрачности. Для сонаправленной компоненты наблюдается резкая структура, обусловленная эффектом полевого расщепления: расщепленный контур поглощения относительно малой амплитуды с величиной расщепления около 0.5 ГГц, а между расщепленными компонентами — пик ЭИП большой амплитуды, центрированный на частоте  $\Omega_\mu = \Omega k / k_\mu \approx 1.1$  ГГц. Симметрично относительно центра линии на частоте  $\Omega_\mu = -\Omega k / k_\mu \approx -1.1$  ГГц наблюдается широкий (его полная ширина на полувысоте примерно равна 1.3 ГГц) населеностный резонанс, имеющий небольшую амплитуду в соответствии с соотношением на-

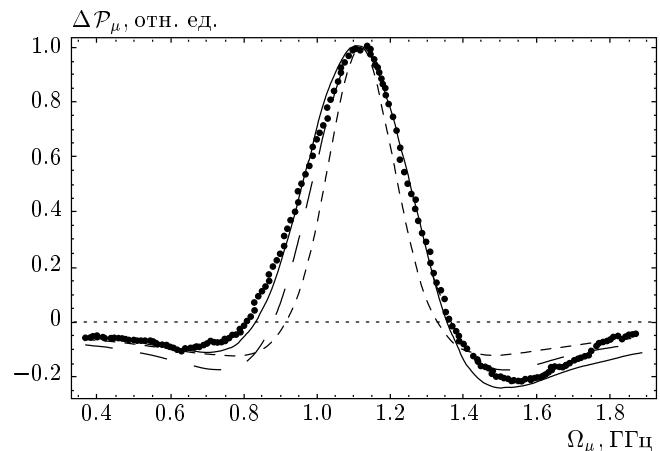


Рис. 3. Нелинейная добавка в спектре пробного поля  $\Delta\mathcal{P}(\Omega_\mu)$ , соответствующая эффекту полевого расщепления, при параметрах сильного поля:  $G = 100$  МГц,  $\Omega = 1.59$  ГГц,  $k v T = 4.9$  ГГц; мелкие штрихи — расчет по теории возмущений без учета диффузии (4), крупные штрихи — расчет по теории возмущений с учетом диффузии ( $\nu = 2 \cdot 10^7$  с<sup>-1</sup>), сплошная линия — численный расчет, точки — эксперимент

селеностей уровней. Небольшой пик при  $\Omega_\mu = 0$  соответствует эффекту высших пространственных гармоник, который максимально проявляется в точном резонансе по сильному полю ( $\Omega = 0$ ) [16], здесь его рассматривать не будем.

Поскольку вклад эффекта насыщения, формирующего населеностный резонанс, одинаков для противоположно направленных и сонаправленных компонент, для выделения эффекта полевого расщепления в чистом виде левая часть графика ( $\Omega_\mu < 0$ ) вычиталась из правой ( $\Omega_\mu > 0$ ). Скорректированный таким образом контур дублета Аутлера–Таунса приведен на рис. 3 вместе с теоретическими кривыми, рассчитанными без учета и с учетом кулоновского взаимодействия ионов. Отметим, что амплитуда компонент дублета при наших параметрах мала по сравнению с амплитудой пика, поэтому точнее будет употреблять термин «контур пика ЭИП». Далее остановимся более подробно на сравнении результатов эксперимента и теории.

### 3. ТЕОРИЯ

Нелинейная поправка к работе пробного поля для Л-схемы (рис. 1) с  $N_m = N_n \ll N_l$ , рассчитанная в модели релаксационных констант по теории возмущений ( $G \ll \Gamma_{ij}$ ), имеет вид [2]

$$\begin{aligned} \Delta\mathcal{P}_\mu^{(1)} &= \mathcal{P}_\mu^{(1)}(0) - \mathcal{P}_\mu^{(1)}(G) = \\ &= 4\hbar\omega_\mu|G_\mu|^2|G|^2 \frac{\sqrt{\pi}N_l \exp(-\Omega_\mu^2/k_\mu^2 v_T^2)(k-k_\mu)}{k^2 v_T} \times \\ &\quad \times \operatorname{Re} \frac{1}{(\Gamma_p - i(\Omega_\mu - k_\mu\Omega/k))^2}, \end{aligned} \quad (1)$$

где  $|G|$  и  $|G_\mu|$  — рабиевские частоты сильного и пробного полей,  $k$  и  $k_\mu$  — их волновые векторы,  $\Omega = \omega - \omega_{mn}$  и  $\Omega_\mu = \omega_\mu - \omega_{ml}$  — отстройки частот полей относительно соответствующего резонанса,  $v_T = \sqrt{2T/M}$  — тепловая скорость,  $N_l$  — населенность уровня  $l$ .

Формула описывает дублет Аутлера–Таунса в поглощении с пиком электромагнитно-индцированной прозрачности, центрированным на частоте пробного поля  $\Omega_\mu = k_\mu\Omega/k$  с шириной

$$\Gamma_p = (k_\mu\Gamma_{nl} + (k - k_\mu)\Gamma_{ml})/k. \quad (2)$$

$$\Delta\mathcal{P}_\mu = 2\hbar\omega_\mu|G_\mu|^2 \frac{\sqrt{\pi}N_l \exp(-\Omega_\mu^2/k_\mu^2 v_T^2)}{k_\mu v_T} \left( 1 - \operatorname{Re} \frac{\Gamma_p - i(\Omega_\mu - k_\mu\Omega/k)}{\sqrt{(\Gamma_p - i(\Omega_\mu - k_\mu\Omega/k))^2 + \frac{4k_\mu(k - k_\mu)|G|^2}{k^2}}} \right). \quad (4)$$

В предельном случае  $|G| \ll \Gamma_{ij}$  это выражение сводится к результату теории возмущений (1). С увеличением амплитуды поля величина расщепления расчет и в предельном случае  $|G| \gg \Gamma_{ij}$  описывается выражением (3).

В условиях эксперимента ( $|G| \approx 100$  МГц,  $\Gamma_{mn} \approx \Gamma_{nl} \approx 280$  МГц,  $\Gamma_{ml} \approx 25$  МГц) приближение теории возмущений ( $|G| \ll \Gamma_{mn}, \Gamma_{nl}$ ) выполняется достаточно хорошо. Контур, рассчитанный по формуле (4) с учетом полевого уширения (определенного рабиевской частотой  $|G|$ ), практически не отличается от результатов теории возмущений (1) — последняя кривая построена мелкими штрихами на рис. 3. Полная ширина пика ЭИП (и, соответственно, величина расщепления) в этом приближении определяется константой релаксации запрещенного перехода

$$\Delta_{AT} \sim 2\Gamma_p \approx 2\Gamma_{nl}k_\mu/k \approx 400 \text{ МГц.}$$

Отметим, что расчетная кривая качественно соглашается с экспериментом, но ширина пика ЭИП в эксперименте существенно больше (примерно на 40 %), причем учет полевого уширения не дает такой величины уширения.

Известно, что основной причиной уширения нелинейных резонансов в плазме ионных лазеров является кулоновское рассеяние ионов [9], которое до-

в этом приближении величина расщепления  $\Delta_{AT} \approx 2\Gamma_p$  не зависит от интенсивности сильной волны и при близких значениях волновых векторов определяется константой релаксации запрещенного перехода  $\Gamma_{nl}$ . С другой стороны, известно, что в сильном поле  $|G| \gg \Gamma_{ij}$  (когда вкладом констант релаксации можно пренебречь) для неподвижных атомов величина расщепления определяется его рабиевской частотой  $|G|$ , а учет теплового движения приводит к тому, что добавляется масштабный множитель, зависящий от соотношения волновых векторов пробной и сильной волн (см., например, [12, 17]):

$$\Delta_{AT} = 4|G|\sqrt{(1 - k_\mu/k)k_\mu/k}. \quad (3)$$

В случае произвольного соотношения между  $|G|$  и  $\Gamma_{ij}$  выражение для нелинейной поправки, рассчитанной в доплеровском пределе ( $|G|, \Gamma_{ij} \ll kv_T$ ), имеет вид [17]

$$\Delta_{AT} = 2\hbar\omega_\mu|G_\mu|^2 \frac{\sqrt{\pi}N_l \exp(-\Omega_\mu^2/k_\mu^2 v_T^2)}{k_\mu v_T} \left( 1 - \operatorname{Re} \frac{\Gamma_p - i(\Omega_\mu - k_\mu\Omega/k)}{\sqrt{(\Gamma_p - i(\Omega_\mu - k_\mu\Omega/k))^2 + \frac{4k_\mu(k - k_\mu)|G|^2}{k^2}}} \right). \quad (4)$$

стально хорошо описывается моделью диффузии в пространстве скоростей с не зависящим от скорости коэффициентом [18, 19]:

$$D = \nu v_T^2/2, \quad \nu = \frac{16\sqrt{\pi}NZ^2e^4\Lambda}{3M^2v_T^3}, \quad (5)$$

где  $\nu$  — эффективная частота ион-ионных столкновений,  $v_T = \sqrt{2T_i/M}$  — тепловая скорость,  $Ze, M$  — заряд и масса активных ионов,  $N$  — эффективная концентрация возмущающих ионов,  $\Lambda$  — кулоновский логарифм.

Кулоновское уширение резонансов, обусловленных эффектом насыщения, детально изучено в эксперименте, в частности, показано, что для долгоживущих метастабильных уровней величина кулоновского уширения может достигать 100 раз по отношению к радиационной ширине [11]. Характер диффузионного уширения населеностных резонансов понять достаточно просто: сильная монохроматическая волна образует на фоне максвеллова распределения по скоростям населенности уровня  $j = m, n$  с шириной  $v_T$  беннетовские структуры с шириной  $\Gamma_{mn}/k \ll v_T$ . Диффузия в пространстве скоростей стремится нивелировать неравновесность, вследствие чего резонансная структура уширяется. Характерное изменение скорости растет со временем  $t$  по диффузионному закону

$$\Delta v_j \sim \sqrt{Dt},$$

и за время жизни уровня  $\Gamma_j^{-1}$  диффузия по скоростям приводит к уширению резонанса насыщения в спектре на величину

$$\Delta_j = k\Delta v_j \approx \frac{k v_T}{2} \sqrt{\nu/\Gamma_j}, \quad j = m, n, \quad (6)$$

т. е. чем больше время жизни уровня, тем сильнее уширяется резонанс насыщения, в отличие от модели релаксационных констант. Для лазерных переходов преимущественно уширяется провал Беннетта на относительно долгоживущем верхнем уровне. Для нашей схемы уровней характерное уширение резонанса насыщения составляет  $\Delta_j/\Gamma_{mn} \sim 3$  – соответственно ширина населеностного резонанса, наблюдаемого для встречных сильной и пробной волн, центрированного при  $\Omega_\mu \approx -1.1$  ГГц (см. рис. 2), примерно в 3 раза больше ширины пика ЭИП.

Поскольку пик ЭИП формируется за счет когерентных эффектов, механизм кулоновского уширения в этом случае принципиально отличается от механизма уширения населеностных резонансов. Помимо изменения распределения населенности диффузия в пространстве скоростей приводит также к дефазировке (диффузии фазы) недиагонального элемента матрицы плотности (когерентности) из-за хаотического изменения координаты иона:

$$\langle \Delta r^2 \rangle \sim \Delta v^2 t^2 \sim D t^3,$$

что соответствует изменению фазы

$$\langle \Delta \varphi^2 \rangle = k^2 \langle \Delta r^2 \rangle \sim D k^2 t^3.$$

Дефазировка существенна, когда  $\Delta\varphi \sim 1$ . Отсюда можно сделать оценку характерного времени дефазировки  $\tau_D$  и связанной с ним добавки к однородной ширине перехода:

$$\tau_D^{-1} \sim (D k^2)^{-1/3} \approx (\nu (k v_T)^2)^{-1/3}. \quad (7)$$

Соответственно добавка к ширине пика ЭИП (2) в условиях эксперимента оценивается как  $k_\mu \tau_D^{-1}/k \approx 300$  МГц, что значительно превышает величину  $\Gamma_p \approx 200$  МГц. Это противоречит эксперименту, в котором наблюдаемая величина уширения значительно меньше  $\Gamma_p$ .

Поскольку для описания эксперимента применима теория возмущений, можно провести более детальный анализ эффекта. Для случая сонаправленных сильной и пробной волн в стоксовом случае

( $k_\mu < k$ ) можно воспользоваться результатами расчета нелинейной добавки в спектре пробного поля по теории возмущений до второго порядка по  $|G|$  с учетом диффузии по скоростям [20]. Приводя выражение к более привычному для нелинейной спектроскопии виду, получим контур спектральной линии, соответствующий эффекту полевого расщепления:

$$\begin{aligned} \Delta \mathcal{P}(\Omega_\mu) = & \frac{4\sqrt{\pi}\hbar\omega_\mu|G_\mu|^2|G|^2N_l(k-k_\mu)}{k^2v_T} \times \\ & \times \text{Re} \left\{ \int_0^\infty dt \exp(i\Omega_\mu t) \Phi(t) \right\}^2, \quad (8) \\ \Phi(t) = & \exp \left\{ -(\Gamma_p + i\Omega k_\mu/k)t - \right. \\ & \left. - D(k-k_\mu)^2(k_\mu/k)^2t^3/3 \right\}. \end{aligned}$$

Здесь пренебрегается силой трения, поскольку резонансная скорость меньше  $0.4v_T$ . Отметим, что диффузия фазы определяется не фактором  $Dk^2$ , как предполагалось из оценки (7), а в  $(k-k_\mu)^2k_\mu^2/k^4$  раз меньшей величиной. Соответственно, диффузионная ширина резонанса полевого расщепления выражается как

$$\Gamma_D \approx [D(k-k_\mu)^2k_\mu^2/k^2]^{-1/3}. \quad (9)$$

В эксперименте

$$k_\mu/k \approx 0.7, \quad (k-k_\mu)^2k_\mu^2/k^4 \approx 0.04.$$

Таким образом, диффузионная ширина резонанса полевого расщепления  $\Gamma_D \approx 100$  МГц примерно в 3 раза меньше, чем  $(Dk^2)^{1/3}$ , и диффузионное уширение невелико,  $\Gamma_D < \Gamma_p$ . В пределе  $D \rightarrow 0$  выражение для формы контура сводится к формуле (1). Результат расчета по формуле теории возмущений (8), учитывающей кулоновскую диффузию, для условий эксперимента приведен на рис. 3 крупноштриховой кривой. Кривая достаточно хорошо описывает эксперимент, небольшие отклонения связаны в основном с асимметрией экспериментального контура. На рисунке также приведена кривая (сплошная линия), рассчитанная численно из системы уравнений для матрицы плотности с учетом как диффузионного, так и полевого уширения, а также силы кулоновского трения. Эта кривая согласуется с экспериментом еще лучше, в том числе описывает асимметрию. Отметим, что на правом склоне пика ЭИП результаты численного расчета и расчета по теории возмущений с учетом диффузии совпадают, отклонения заметны только на левом склоне.

#### 4. ОБСУЖДЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТОВ

Проведенное сравнение экспериментальных кривых с расчетными показало, что диффузия населения по скоростям не приводит к значительному уширению резонанса, обусловленного эффектом полевого расщепления, в отличие от резонансов насыщения. Для описания эксперимента хорошим приближением является теория возмущений с учетом диффузии, полевое уширение при этом несущественно. В работе [21] анализировался обратный предельный случай: расчет диффузионной формы компонент дублета Аутлера–Таунса проводился при величине полевого расщепления  $|G|$ , значительно превышающем ширину резонансов. Диффузионная ширина расщепленных компонент в этом случае оказалась порядка  $\sqrt{Dk^2/|G|}$ , т. е. уменьшается с ростом  $|G|$ , и в эксперименте с сильными полями в V-схеме [13, 14] не наблюдалось заметного уширения резонансов.

Поскольку в нашем случае амплитуда компонент дублета Аутлера–Таунса мала по сравнению с амплитудой пика ЭИП, интерес представляет обсуждение механизма влияния кулоновской диффузии на форму пика ЭИП — его относительное уширение в условиях эксперимента не превышает 40 %. Качественно такое слабое влияние можно понять, используя картину частотных ветвей: зависимости резонансных частот расщепленных компонент от скорости (см., например, [13]). Резонансные частоты в пренебрежении однородной шириной в нашем случае описываются выражением

$$\Omega_\mu(v) = k_\mu v + (\Omega - kv)/2 \pm \sqrt{(\Omega - kv)^2/4 + |G|^2}. \quad (10)$$

Результаты расчета по формуле (10) при параметрах эксперимента приведены на рис. 4. При усреднении по скоростям интеграл набирается в окрестности экстремумов зависимости  $\Omega_\mu(v)$ , называемых «частотами поворота» [13]. Размер окрестности, дающей значительный вклад, определяется крутизной зависимости  $d\Omega_\mu/dv$  — асимптотика на больших скоростях определяется коэффициентами  $k_\mu$  и  $(k_\mu - k)$ , которые в нашем случае сильно различаются. Поэтому для резонанса  $\Omega_\mu^1 < 1 \text{ ГГц}$ , который ближе к центру линии, интеграл набирается на скоростях  $v > 0.4v_T$ , а для второго резонанса  $\Omega_\mu^2 > 1 \text{ ГГц}$  интеграл набирается на скоростях  $v < 0.4v_T$ . С учетом максвелловской функции распределения это приводит к тому, что резонанс, отстоящий дальше от центра линии, имеет большую амплитуду, что подтверждается в эксперименте (см. рис. 2). Формулы (1), (4), (8), полученные в доплеровском пределе, асимметрию не описывают. Роль кулоновской диффузии

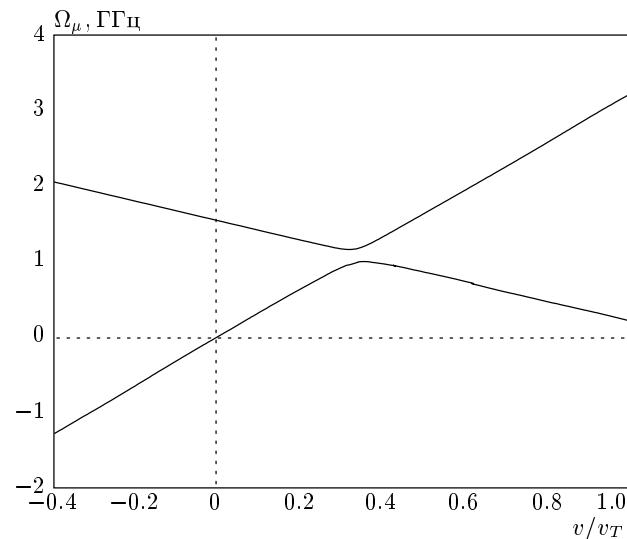


Рис. 4. Частотные ветви, рассчитанные по формуле (10) для условий эксперимента:  $G \approx 100 \text{ МГц}$ ,  $\Omega = 1.59 \text{ ГГц}$

населенности в этих условиях сводится к тому, что частицы «гуляют» по частотной ветви вдоль оси скоростей в окрестности порядка

$$\Delta v_j \sim v_T \sqrt{\nu_{ii}/2\Gamma_j}, \quad j = m, n,$$

размер которой не превышает размера области, дающей вклад в интеграл — поэтому этот эффект слабый, причем диффузия сильнее влияет на форму крыльев, чем на ширину пика ЭИП. Асимметрия компонент дублета является следствием усреднения по скоростям с учетом конечной доплеровской ширины и от диффузии практически не зависит. Таким образом, основным механизмом уширения в данном случае является кулоновская дефазировка (диффузия фазы), влияние которой в свою очередь ослаблено в  $[(k - k_\mu)^2 k_\mu^2/k^4]^{-1/3} \sim 3$  раза в условиях эксперимента. В результате кулоновское уширение пика ЭИП не превышает 40 %.

Эксперимент позволяет также определить ширину населеностного резонанса (обусловленного провалом Беннетта на верхнем уровне  $m$ ), который наблюдается для встречных пробной и сильной волн — отрицательная область отстроек на рис. 2. Интерес представляет сравнение полученного значения с данными предыдущих экспериментов по исследованию провала Лэмба и спектра спонтанного испускания (см., например, [9]). Ширина резонанса насыщения (полная ширина на полувысоте) в нашем случае равна  $\Delta \approx 1.3 \text{ ГГц}$ , что соответствует относительному уширению провала Беннетта в

$\gamma = (\Delta / 2\Gamma_{mn})(k/k_\mu) \approx 3.7$  раза. Это несколько больше, чем давали измерения по спектру спонтанного испускания в тех же условиях (см. [9]). В отличие от предыдущих измерений, в условиях данного эксперимента полевое уширение населенности резонанса было достаточно большим и им нельзя пренебречь. Оценка характерных величин дает следующие значения кулоновской, однородной и полевой ширин резонанса насыщения в условиях эксперимента:

$$\Delta_m = k_\mu v_T \sqrt{\nu_{ii}/2\Gamma_m} \approx 0.7 \text{ ГГц}$$

( $\Delta_D = 2 \ln 2 \Delta_m \approx 1$  ГГц — полная ширина на полувысоте),

$$2\Gamma_{mn}k_\mu/k \approx 0.35 \text{ ГГц},$$

$$\Delta_G \approx 2|G| \sqrt{2\Gamma_{mn}/\Gamma_m} \approx 0.8 \text{ ГГц}.$$

Следовательно, диффузионная и полевая ширины сравнимы по величине и значительно больше однородной:  $\Delta_D \gtrsim \Delta_G > 2\Gamma_{mn}k_\mu/k$ . Как показано в [9, 22], в этих условиях складываются квадраты полевой и диффузионной ширин, т. е. суммарная ширина выражается как

$$\Delta = \sqrt{\Delta_D^2 + \Delta_G^2} \approx 1.3 \text{ ГГц}, \quad (11)$$

что хорошо согласуется с результатами измерений.

## 5. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Таким образом, в работе впервые измерена форма нелинейного резонанса, обусловленного эффектом полевого расщепления, в плазменных условиях. В результате проведенного экспериментального и теоретического исследования эффекта при относительно небольшой интенсивности поля ( $|G| < \Gamma_{nl}$ ) показано, что кулоновское ион-ионное рассеяние, которое приводит к диффузии ионов в пространстве скоростей, влияет на контур дублета Аутлера–Таунса и ширину пика ЭИП незначительно. Это влияние сводится к небольшому (около 40 %) уширению пика и изменению формы крыльев расщепленных компонент. Основным механизмом уширения является эффект кулоновской дефаразировки (диффузии фазы), который приводит к эффективному увеличению однородной ширины на величину  $\Gamma_D$ , описываемую формулой (9). Показано, что в этих же условиях резонанс насыщения уширяется за счет кулоновской диффузии населенности почти на порядок сильнее, полевое уширение в этом случае также дает значительный вклад.

Авторы выражают благодарность С. И. Каблуковой, Е. В. Подивилову и С. Г. Раутиану за полезные

обсуждения, О. В. Белаю за помощь в проведении численного расчета и отметить вклад В. В. Потапова в создание установки. Работа поддержана российско-китайским грантом РФФИ-ГФЕН № 02-02-39025 и грантом НШ-439.2003.2 программы государственной поддержки ведущих научных школ.

## ЛИТЕРАТУРА

1. S. H. Autler and C. H. Townes, Phys. Rev. **100**, 1020 (1955).
2. С. Г. Раутиан, Г. И. Смирнов, А. М. Шалагин, *Нелинейные резонансы в спектрах атомов и молекул*, Наука, Новосибирск (1979).
3. S. E. Harris, Phys. Today **50**, 36 (1997).
4. J. P. Marangos, J. Mod. Opt. **45**, 471 (1998).
5. S. E. Harris, J. E. Field, and A. Imamoğlu, Phys. Rev. Lett. **64**, 1107 (1990).
6. S. Babin et al., Opt. Lett. **21**, 1186 (1996).
7. A. S. Zibrov, M. D. Lukin, and M. O. Scully, Phys. Rev. Lett. **83**, 4049 (1999).
8. C. Y. Ye and A. S. Zibrov, Phys. Rev. A **65**, 023806 (2002).
9. S. A. Babin and D. A. Shapiro, Phys. Rep. **241**, 119 (1994).
10. С. А. Бабин, С. И. Каблуков, М. А. Кондратенко, Д. А. Шapiro, Письма в ЖЭТФ **64**, 241 (1996).
11. A. A. Apolonsky et al., Phys. Rev. A **55**, 661 (1997).
12. B. Wellegehausen, IEEE J. Quant. Electr. **15**, 1108 (1979).
13. О. Г. Быкова и др., Опт. и спектр. **53**, 171 (1982).
14. О. Г. Быкова, Л. Е. Гринь, В. В. Лебедева, А. Э. Седельникова, Опт. и спектр. **64**, 1216 (1988).
15. Б. В. Бондарев и др., Опт. атм. **2**, 1319 (1989).
16. С. А. Бабин, Е. В. Подивилов, В. В. Потапов, Д. В. Чуркин, Д. А. Шapiro, ЖЭТФ **121**, 807 (2002).
17. B. J. Feldman and M. S. Feld, Phys. Rev. A **5**, 899 (1972).
18. С. Г. Раутиан, ЖЭТФ **51**, 1176 (1966).
19. Г. И. Смирнов, Д. А. Шapiro, ЖЭТФ **76**, 2084 (1979).
20. С. Г. Раутиан, Д. А. Шapiro, ЖЭТФ **94**, 110 (1988).
21. М. Г. Степанов, Д. А. Шapiro, Письма в ЖЭТФ **68**, 27 (1998).
22. М. Г. Степанов, Д. А. Шapiro, ЖЭТФ **113**, 1632 (1998).