ФОТОГЕНЕРАЦИЯ НЕЙТРИНО И АКСИОНОВ ПРИ СТИМУЛИРУЮЩЕМ ВЛИЯНИИ СИЛЬНОГО МАГНИТНОГО ПОЛЯ

В. В. Скобелев*

Московский государственный индустриальный университет 109280, Москва, Россия

Поступила в редакцию 3 мая 2001 г.

В рамках развиваемой двумерно-ковариантной теории расчета матричных элементов фейнмановских диаграмм в сильном магнитном поле рассмотрены процессы фотогенерации нейтрино и аксионов на ядрах $\gamma(Ze) \rightarrow \gamma(\nu \overline{\nu}), \gamma a$, а также неупругое рассеяние фотона на фотоне $\gamma \gamma \rightarrow \gamma(\nu \overline{\nu}), \gamma a$. Поскольку матричные элементы четырехполюсных диаграмм линейно зависят от индукции B магнитного поля, при значениях $B \sim 10^3 - 10^4 B_0$ ($B_0 = m_e^2/|e| = 4.41 \cdot 10^{13}$ Гс) вклад радиационного фоторождения нейтрино на ядрах в светимость магнитных нейтронных звезд на ранних стадиях их эволюции может конкурировать с URCA-процессами. Из условия доминирования нейтринной светимости над аксионной при предположенных значениях температуры и индукции магнитного поля получена оценка верхней границы массы аксиона, согласующаяся с другими независимыми результатами.

PACS: 14.80.-j

1. ВВЕДЕНИЕ

Сейчас является общепризнанным [1,2], что в экстремальных астрофизических ситуациях типа взрыва сверхновой с образованием нейтронной звезды основным механизмом выброса энергии является нейтринное излучение, что обусловлено его большой проникающей способностью. Разумеется, физика нейтрино и сама по себе является важной составной частью теории элементарных частиц с такими принципиальными ее составляющими, как вопрос о наличии нейтрино с определенными массами [3, 4], вид унитарной матрицы смешивания при образовании нейтринных состояний $\nu_e, \nu_\mu, \nu_\tau,$ входящих в слабый ток, число ароматов нейтрино и т. д. В этом смысле сколлапсированные астрофизические объекты, а также Вселенная в целом с возможным доминированием массивной нейтринной компоненты как носителя скрытой массы являются гигантскими природными лабораториями, способствующими развитию наших знаний о нейтрино.

Помимо стандартных ядерных реакций (URCA-процессы), в формирование нейтринно-

го излучения упомянутых объектов дают вклад квантовые процессы типа комптоновского механизма $\gamma e^- \rightarrow e^-(\nu \overline{\nu})$ [5], тормозного излучения $e^{-}(Ze) \rightarrow e^{-}(\nu \overline{\nu})$ [6] и др. На возможную генерацию нейтрино с возбуждением вакуумных состояний электрона, по-видимому, впервые было указано Розенбергом [7], рассмотревшим конверсию фотона в пару нейтрино на ядре $\gamma(Ze) \rightarrow (\nu \overline{\nu})$ в схеме Ферми, обусловленную вкладом электронного трехполюсника. Заметный вклад такого механизма возможен при высокой температуре $T \sim m \ (m - m)$ масса электрона) равновесного фотонного излучения и большой концентрации ядер. Само по себе это достаточно удивительно, поскольку в лабораторных условиях с трудом удалось идентифицировать подобные электродинамические эффекты высшего порядка с электронным четырехполюсником (эффект Дельбрюка [8,9], расщепление фотона на ядре [10, 11]), а основной нелинейный электродинамический эффект рассеяния света на свете пока не обнаружен вовсе.

Принципиально новые особенности в формирование нейтринного излучения в процессе коллапса вносит наличие сверхсильных магнитных полей, об-

^{*}E-mail: SKOBELEV@mail.msiv.ru

разующихся за счет сжатия первичной магнитосферы при сохранении магнитного потока. По оценкам индукция магнитного поля может достигать характерного швингеровского значения

$$B_0 = \frac{m^2}{|e|} = 4.41 \cdot 10^{13} \ \Gamma c$$

(e < 0 — заряд электрона) и более, вплоть до величины $B \sim 10^4 B_0$ [12]. Это ведет к открытию других каналов генерации нейтрино, таких, например, как $\gamma \rightarrow (\nu \overline{\nu})$ [13, 14] или синхротронного механизма излучения нейтрино $e^- \rightarrow e^-(\nu \overline{\nu})$ [15–18]. Отметим, в частности, что в работе [18] было указано на новую возможность регистрации массы нейтрино на основе анализа пороговых эффектов при синхротронном излучении массивных нейтрино. Далее будем исходить из среднего ограничения на массу электронного нейтрино, приведенного в работе [19],

$$m_{\nu_e} < 15 \ \text{sB.}$$
 (1)

Более сильное ограничение не влияет на наши результаты, которые получены в пренебрежении массой нейтрино по сравнению с характерными энергиями, фигурирующими в работе.

Для каналов, открытых и в отсутствие внешнего магнитного поля, влияние поля наиболее существенно, если реальные и виртуальные электроны находятся на основном уровне Ландау. Это ведет к переходу к двумерному случаю теории в подпространстве (0, 3) (ось 3 направлена вдоль поля). Соответствующий математический аппарат был предложен в работах [14, 20] и развит в других, ссылки на которые можно найти в цитируемых здесь публикациях. Поскольку это обстоятельство систематически игнорируется некоторыми авторами (см., например, [21]), то в разд. 2 мы кратко излагаем основные принципы этого подхода и наиболее важные его следствия при выполнении соответствующих ограничений на импульсы внешних линий.

В частности, матричные элементы диаграмм без возбуждения вакуума (например, диаграмма комптон-эффекта) не содержат зависимости от поля, его роль сводится к зависимости «движения» электрона только от временной и одной пространственной координат. Однако в этом случае зависимость от поля, приводящая в ряде случаев к стимулированному усилению эффектов, может появиться при интегрировании по квазиимпульсам внешних электронных линий, а также при учете температурных



Рис. 1.

функций распределения электронного газа со значением импульса Ферми [22]

$$p_F = \frac{2\pi^2 n}{\gamma},\tag{2}$$

где $\gamma = |eB|$, n — концентрация электронов. Например, это показано в работе [23], в которой рассмотрен комптоновский механизм излучения нейтрино и аксионов $\gamma e^- \rightarrow e^-(\nu \overline{\nu})$, $e^- a$ на двумерном замагниченном ферми-газе.

Стимулирующее влияние внешнего магнитного поля с индукцией $B \gg B_0$ проявляется и в диаграммах без внешних электронных линий. При четном числе векторных и (или) псевдовекторных вершин в электронной петле матричный элемент линейно зависит от поля, а при нечетном — становится постоянным. Таким образом, сечения, вероятности и мощность излучения, соответствующие процессам первого типа, содержат фактор $(B/B_0)^2 \gg 1$, в отличие от характеристик процессов второго типа, и могут превосходить их, даже являясь величинами большего порядка по формальной теории возмущений. В этом нет никакого противоречия, так как и в обычной квантовой электродинамике (КЭД) вклад петлевой диаграммы порядка *n* с четным числом векторных вершин превосходит вклад диаграммы порядка n-1, который равен нулю (теорема Фарри). Характеристики процесса фоторождения нейтрино на ядре $\gamma(Ze) \to (\nu \overline{\nu})$ с учетом вклада треугольной диаграммы в сильном магнитном поле $B \gg B_0$ (рис. 1*a*) исследовались в работе [24] в рамках схемы Ферми. Как видно, есть прямой смысл рассмотреть радиационное рождение пары нейтрино $\gamma \to \gamma(\nu \overline{\nu})$, индуцируемое электронным четырехполюсником (рис. 16). Заметим, что аналогичные каналы неупругого рассеяния «света на свете» $\gamma \gamma \rightarrow \gamma (\nu \overline{\nu})$ и слияния фотонов на ядре $\gamma\gamma(Ze) \to (\nu\overline{\nu})$ и их вклады в светимость изучались нами ранее [25, 26].

В последнее время обсуждается идея о существовании псевдоскалярного голдстоуновского бозона аксиона. Благодаря ей становится возможным объ-



Рис.2.

яснение наблюдаемой точной СР-инвариантности сильных взаимодействий [27]. Также аксион конкурирует с нейтрино в качестве кандидата на роль носителя скрытой массы и одного из механизмов выброса энергии звезды при ее коллапсе в силу малости постоянной связи 1/f аксиона с «обычными» частицами (невидимый аксион). Поэтому вполне естественной выглядит программа по параллельному изучению нейтринной и аксионной светимостей звезд за счет различных механизмов их генерации. Поскольку масса аксиона жестко связана с энергетическим масштабом f нарушения глобальной симметрии Печчеи–Куинн [28]

$$m_a \approx 0.6 \cdot 10^{-3} \ \mathrm{sB}\left(\frac{10^{10} \ \Gamma \mathrm{sB}}{f}\right),$$
 (3)

сравнение нейтринной светимости с аксионной позволяет уточнить возможный диапазон значений массы аксиона, который пока достаточно широк

$$10^{-5} \text{ } \text{sB} \lesssim m_a \lesssim 10^{-2} \text{ } \text{sB}. \tag{4}$$

В этой связи в работе рассмотрены канал радиационного фоторождения аксиона на ядре $\gamma(Ze) \rightarrow \gamma a$ (рис. 2*a*) и канал неупругого рассеяния $\gamma \gamma \rightarrow \gamma a$ (рис. 2*b*), которым также соответствует четырехполюсная диаграмма.

Порядок изложения материала следующий. В разд. 2 формулируются основные принципы развиваемого нами метода расчета фейнмановских диаграмм в сильных магнитных полях. В разд. 3 определены матричные элементы процессов радиационного фоторождения аксиона на ядре $\gamma(Ze) \rightarrow \gamma a$ и пары нейтрино на ядре $\gamma(Ze) \rightarrow \gamma(\nu \overline{\nu})$ и рассчитаны соответствующие мощности излучения в предположении равновесного распределения фотонов. В разд. 4 аналогичное исследование проведено для неупругого рассеяния $\gamma \gamma \rightarrow \gamma a$ с приведением полученного ранее результата для процесса $\gamma \gamma \rightarrow \gamma(\nu \overline{\nu})$. В разд. 5 характеристики рассмотренных эффектов анализируются с точки зрения их вклада в аксионную и нейтринную светимости сколлапсированных объектов и возможных ограничений на массу аксиона.

2. ПРИНЦИПЫ РАСЧЕТА МАТРИЧНЫХ ЭЛЕМЕНТОВ ФЕЙНМАНОВСКИХ ДИАГРАММ В СИЛЬНОМ МАГНИТНОМ ПОЛЕ

Решение уравнения Дирака в декартовых координатах в постоянном и однородном магнитном поле,

$$\left(i\hat{\partial} - e\hat{A} - m\right)\Psi = 0, \tag{5}$$

$$A_{\alpha} = B x_1 g_{\alpha 2}, \tag{5a}$$

было найдено в работе [29] и в стандартном представлении γ-матриц имеет вид

$$\Psi = \frac{(\gamma/\pi)^{1/4}}{(2p_0L_2L_3)^{1/2}} \times \\ \times \exp\left[-\frac{\xi^2}{2} + i(p_2x_2 + p_3x_3)\right] u_n, \quad (6)$$

$$u_{n} = \frac{2^{-n/2}}{\sqrt{n!}} \begin{pmatrix} -iC_{1}\sqrt{2n} H_{n-1}(\xi) \\ C_{2}H_{n}(\xi) \\ -iC_{3}\sqrt{2n} H_{n-1}(\xi) \\ C_{4}H_{n}(\xi) \end{pmatrix}, \qquad (7)$$

$$\xi = x_1 \sqrt{\gamma} + \frac{p_2}{\sqrt{\gamma}} \,, \tag{8}$$

где $H_n(\xi)$ — полиномы Эрмита, спиновые коэффициенты C_j удовлетворяют условию нормировки

$$\sum_{j=1}^{4} |C_j|^2 = 2p_0.$$
(9)

Здесь

$$p_0 = \sqrt{m^2 + p_3^2 + 2\gamma n}$$

— энергия электрона с импульсом p_3 вдоль поля и значением квантового числа $n = 0, 1, 2, \ldots, p_2$ квазиимпульс, характеризующий положение центра пакета на оси 1, $L_{2,3}$ — вспомогательные нормировочные длины по осям 2, 3.

На основном уровне Ландау, n = 0, спин электрона направлен против поля, а спиновые коэффициенты равны

$$C_{1} = C_{3} = 0, \quad C_{2} = \frac{p_{0} + m}{\sqrt{p_{0} + m}},$$

$$C_{4} = -\frac{p_{3}}{\sqrt{p_{0} + m}}, \quad p_{0} = \sqrt{p_{3}^{2} + m^{2}}.$$
(10)

Получающийся спинор $u_0(p)$ не зависит от координат и удовлетворяет уравнениям

$$\begin{cases} (\hat{p}_{\parallel} - m) u_0 = 0, & \hat{p}_{\parallel} = p_0 \gamma^0 + p_3 \gamma^3, \\ \prod_{-} u_0 = u_0, & \prod_{-} = \frac{1 - i \gamma_1 \gamma_2}{2}, \\ \overline{u}_0 u = 2m, & u_0 \overline{u}_0 = \prod_{-} (\hat{p}_{\parallel} + m). \end{cases}$$

Это означает, что на основном уровне Ландау пространство физических импульсов и γ -матриц фактически вырождается в двумерное (0, 3), так что можно ввести двумерный спинор v(p) и матрицы 2×2 $\tilde{\gamma}_{\alpha}$ ($\alpha = 0, 3$) со свойствами

$$(\check{p} - m) v = 0, \quad \check{p} = p_0 \tilde{\gamma}^0 + p_3 \tilde{\gamma}^3, \quad (12a)$$

$$\overline{v}v = 2m, \quad \overline{v} = v^+ \tilde{\gamma}^0, \tag{126}$$

$$v\overline{v} = (\check{p} + m) \,. \tag{12b}$$

Причем, например, в эквивалентном стандартному представлении

$$\tilde{\gamma}^0 = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}, \quad \tilde{\gamma}^3 = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix},$$

а выражения (12) от представления не зависят.

Основная редукционная формула, делающая элементарной процедуру вычисления следов и сверток, имеет вид

$$\tilde{\gamma}_{\alpha}\tilde{\gamma}_{\beta} = \tilde{g}_{\alpha\beta} + \tilde{\gamma}^5 \varepsilon_{\alpha\beta}, \qquad (13)$$

где $\tilde{\gamma}^5 = \tilde{\gamma}^0 \tilde{\gamma}^3$, $(\tilde{\gamma}^5)^2 = 1$, $\tilde{g}_{\alpha\beta} = (1, -1)$ — метрический и $\varepsilon_{\alpha\beta}$ ($\varepsilon_{30} = -\varepsilon_{03} = 1$) — абсолютно антисимметричный тензоры в подпространстве (0, 3). В частности, с учетом соотношения

$$\varepsilon^{\alpha\beta}\varepsilon^{\rho\sigma} = \tilde{g}^{\alpha\sigma}\tilde{g}^{\beta\rho} - \tilde{g}^{\alpha\rho}\tilde{g}^{\beta\sigma} \tag{14}$$

легко получить следующие:

$$\tilde{\gamma}_{\alpha}\tilde{\gamma}_{\beta} + \tilde{\gamma}_{\beta}\tilde{\gamma}_{\alpha} = 2\tilde{g}_{\alpha\beta}, \qquad (15a)$$

$$\tilde{\gamma}^{\alpha} \left(\tilde{\gamma}_{\alpha_1} \dots \tilde{\gamma}_{\alpha_{2n+1}} \right) \tilde{\gamma}_{\alpha} = 0, \tag{156}$$

$$\frac{1}{2}\operatorname{Tr}\left(\tilde{\gamma}^{5}\tilde{\gamma}^{\alpha}\tilde{\gamma}^{\beta}\tilde{\gamma}^{\rho}\tilde{\gamma}^{\sigma}\right) = \tilde{g}^{\alpha\beta}\varepsilon^{\rho\sigma} + \varepsilon^{\alpha\beta}\tilde{g}^{\rho\sigma} \qquad (15_{\mathrm{B}})$$

ит.д.

Решение сингулярного уравнения Дирака в постоянном и однородном магнитном поле,

$$\left(i\hat{\partial} - e\hat{A} - m\right)S(x, y) = \delta(x - y), \qquad (16)$$

в той же калибровке (5а) может быть представлено в форме [24]

$$S(x, y) = f(x_{\perp}, y_{\perp})G(x - y),$$
 (17)

$$f(x_{\perp}, y_{\perp}) = \exp\left[-\frac{i\gamma}{2}(x_1 + y_1)(x_2 - y_2)\right],$$
 (17a)

$$G(z) = \frac{1}{(2\pi)^4} \int d^4q \, e^{-i(qz)} G(q), \qquad (176)$$

$$G(q) = \frac{1}{\gamma \eta} \int_{0}^{1} dt \left(\frac{1+t}{1-t}\right)^{\eta} \times e^{-\delta t} \left\{ \left(\hat{q}_{\parallel} + m\right) \left[\prod_{-} (1-\delta t) - \frac{\eta}{1+t} \right] - \eta \hat{q}_{\perp} \right\}, \quad (17B)$$

где введены обозначения

$$\eta = \frac{q_{\parallel}^2 - m^2}{2\gamma}, \quad q_{\parallel}^2 = q_0^2 - q_3^2, \quad \delta = \frac{q_{\perp}^2}{\gamma}, \qquad (18)$$
$$q_{\perp}^2 = q_1^2 + q_2^2, \quad \hat{q}_{\perp} = q_1\gamma^1 + q_2\gamma^2.$$

При выполнении условия

$$|\eta| \ll 1 \tag{19}$$

выражение (17в) принимает вид

$$G(q) = 2e^{-\delta} \prod_{-} \frac{\hat{q}_{\parallel} + m}{q_{\parallel}^2 - m^2}$$

Очевидно, в случае диаграмм без возбуждения вакуума ограничение (19) выполняется, если импульсы внешних электронных линий удовлетворяют условию

$$(p_i)_{\parallel}^2 - m^2 < 2\gamma, \tag{19a}$$

а фотонных (аксионных, нейтринных) — условию

$$(k_i p_j)_{\parallel}, \quad (k_i)_{\parallel}^2 \ll \gamma. \tag{196}$$

В случае диаграмм с возбуждением вакуума при сходимости интегралов по двумерному (0, 3) импульсу петли на массе электрона должно выполняться дополнительное ограничение

$$\gamma \gg m^2 \quad (B \gg B_0). \tag{19b}$$

Переходя к двумерным в (0, 3) $\tilde{\gamma}$ -матрицам и сверткам, представим гриновскую функцию в виде

$$S_s(x,y) = \frac{\gamma}{2\pi} f(x_\perp, y_\perp) \varphi\left((x-y)_\perp\right) \frac{1}{(2\pi)^2} \times \int d^2 q e^{-iq(x-y)} G_s(q), \quad (20)$$

$$\varphi(z_{\perp}) = \exp\left[-\frac{\gamma}{4}(z_1^2 + z_2^2)\right], \qquad (20a)$$

$$G_s(q) = \frac{\check{q} + m}{q^2 - m^2},$$
 (206)

причем подразумевается, что вершинные факторы в матричных элементах диаграмм также трансформируются в двумерные, поскольку

$$\prod_{-} (\gamma_{\alpha}, \gamma_{\alpha} \gamma^{5}) \prod_{-} \rightarrow \left(\tilde{\gamma}_{\alpha}, \tilde{\gamma}_{\alpha} \tilde{\gamma}^{5} \right)$$

и отличны от нуля лишь при $\alpha = 0.3$.

При вычислении матричных элементов диаграмм без возбуждения вакуума (например, диаграмма типа комптон-эффекта) интеграл по поперечным координатам имеет вид

$$J = \int dx_1 dx_2 \int dy_1 dy_2 f(x_{\perp}, y_{\perp}) \varphi \left((x - y)_{\perp} \right) \times \\ \times \exp \left[-\frac{1}{2} \left(\sqrt{\gamma} \, x_1 + \frac{p'_2}{\sqrt{\gamma}} \right)^2 - i p'_2 x_2 - \right. \\ \left. - \frac{1}{2} \left(\sqrt{\gamma} \, y_1 + \frac{p_2}{\sqrt{\gamma}} \right)^2 + \right. \\ \left. + i p_2 y_2 + i k_1 y_1 + i k_2 y_2 - i k'_1 x_1 - i k'_2 x_2 \right]$$

и после взятия интегралов гауссова типа равен

$$J = 4\pi \left(\frac{\pi}{\gamma}\right)^{3/2} \delta(p_2 + k_2 - p'_2 - k'_2) \exp\left[-\frac{k_{\perp}^2 + k'_{\perp}^2}{4\gamma} + \frac{i}{2\gamma}(k_2k'_1 - k_1k'_2) + \frac{i}{2\gamma}(p_2 + p'_2)(k'_1 - k_1)\right], \quad (21)$$

где p_2 и p'_2 — квазиимпульсы входящей и выходящей электронных линий, $k_{1,2}$ и $k'_{1,2}$ — поперечные импульсы входящей и выходящей линий беззарядовых частиц (фотонов и т.д.). В силу ограничений (19а), (19б), первое и второе слагаемые в показателе экспоненты в (21) можно опустить, а третье имеет такой же вид и для других диаграмм данного процесса, и в случае реальных внешних беззарядовых линий его также можно опустить как несущественный фазовый множитель. Например, матричный элемент «двумерного» комптон-эффекта с учетом формул (6), (20) записывается следующим образом:

$$\langle f|S|i\rangle = i(2\pi)^3 \delta^{(0,2,3)}(p+k-p'-k') \times \frac{M}{(2k_0 2k'_0 2p_0 2p'_0)^{1/2} L_2 L_3 V}, \quad (22)$$

$$M = 4\pi \alpha \overline{v}(p') \times \\ \times \left[\check{e}G_s(p-k')\check{e}'^* + \check{e}'^*G_s(p+k)\check{e}\right]v(p), \quad (23)$$

где вид двумерной функции Грина G_s в импульсном представлении определяется выражением (206), свойства двумерного спинора v заданы формулами (12а), (12б), (12в), e и e' — векторы поляризации начального и конечного фотонов. Выражение M совпадает с матричным элементом «четырехмерного» комптон-эффекта [30] при переходе к двумерным величинам и сверткам, причем оно не содержит явной зависимости от поля. Сечения и вероятности также не будут содержать зависимости от поля, так как интегрирование по $L_2 dp'_2/(2\pi)$ исключает $\delta^{(2)}$ -функцию. Если же рассматривать перекрестные процессы вида $\gamma \gamma \rightarrow e^+e^-$, $\gamma \rightarrow \gamma e^+e^-$, то дополнительное интегрирование по $L_2 dp_2/(2\pi)$, согласно (6), (8), эквивалентно интегрированию по координате X_1 центра пакета, т.е.

$$\frac{L_2}{2\pi} \int dp_2 = \frac{L_2 \gamma}{2\pi} \int_0^{L_1} dX_1 = \frac{L_1 L_2}{2\pi} \gamma, \qquad (24)$$

где L_1 — эффективная нормировочная длина по оси 1. Таким образом, сечения и вероятности таких процессов линейно зависят от поля.

Заметим также, что «нестерильными» состояниями поляризации фотона в двумерном варианте теории являются состояния с электрическим вектором в плоскости импульс-поле, в ковариантной записи задаваемые выражением

$$e_{\alpha} = \frac{(k\varepsilon)_{\alpha}}{\sqrt{k^2}}, \quad e^2 = -1,$$
 (25)

где $\varepsilon_{\mu\nu}$ — введенный ранее абсолютно антисимметричный тензор в пространстве (0, 3).

Как указывалось в разд. 1, далее предметом нашего обсуждения будут диаграммы с четным числом векторных и (или) псевдовекторных вершин. Матричному элементу петлевой диаграммы с фиксированным расположением векторных и (или) псевдовекторных вершин соответствует тензор (псевдотензор)

$$M_{\alpha_1\dots\alpha_n}\left(k^{(1)},\dots k^{(n)}\right) = \int d^4 x_1\dots \int d^4 x_n \times \\ \times \exp\left[i\sum_{j=1}^n \left(k^{(j)}x_j\right)\right] \operatorname{Tr}\left[\tilde{\Gamma}^{(1)}_{\alpha_1}S_s(x_1,x_2) \times \\ \times \tilde{\Gamma}^{(2)}_{\alpha_2}S_s(x_2,x_3)\dots\tilde{\Gamma}^{(n)}_{\alpha_n}S_s(x_n,x_1)\right], \quad (26)$$

где скалярные произведения в показателе экспоненты являются четырехмерными, вид S_s задается формулами (20), (20a), (20б), $k^{(j)}$ — импульсы внешних линий беззарядовых частиц, а

$$\tilde{\Gamma}_{\alpha}^{(j)} = \left(\tilde{\gamma}_{\alpha}, \tilde{\gamma}_{\alpha}\tilde{\gamma}^{5}\right).$$
(27)

Интегрирование по поперечным координатам может быть выполнено путем последовательного применения следующего интегрального соотношения

$$\int d^2 z_{\perp} f(x_{\perp}, z_{\perp}) \varphi \left((x - z)_{\perp} \right) f(z_{\perp}, y_{\perp}) \times \\ \times \varphi \left((z - y)_{\perp} \right) \exp \left[-i(kz)_{\perp} \right] = \frac{2\pi}{\gamma} \times \\ \times f(x_{\perp}, y_{\perp}) \varphi \left((x - y)_{\perp} \right) \tilde{\varphi}(x_{\perp}, y_{\perp}) \times \\ \times \exp \left[-\frac{i}{2} \left(k(x + y) \right)_{\perp} \right], \quad (28)$$

$$\tilde{\varphi}(x_{\perp}, y_{\perp}) = \\ = \exp\left\{-\frac{k_{\perp}^2}{2\gamma} + \frac{1}{2}\left[k_2(x_1 - y_1) - k_1(x_2 - y_2)\right]\right\}.$$
 (28a)

Поскольку из вида $\varphi\left((x-y)_{\perp}\right)$ ясно, что

$$((x-y)_{1,2})_{eff} \sim \gamma^{-1/2}$$

то показатель экспоненты в (28а) имеет порядок $k_{\perp}/\sqrt{\gamma}$ и в рассматриваемом приближении в соответствии с условием (19б) $\tilde{\varphi} \approx 1$.

Таким образом, в результате 2(n-1)-кратного интегрирования по поперечным координатам исчезает n-1 множителей $\gamma/2\pi$, входящих в выражение для S_s . При интегрировании по последней паре поперечных координат появляется фактор

$$(2\pi)^2 \delta^{(1,2)} \left(\sum_{j=1}^n k^{(j)} \right).$$

Учитывая, что один множитель $\gamma/2\pi$ остается, и выполняя интегрирование по координатам (0,3) в формуле (26), получаем

$$M_{\alpha_1\dots\alpha_n}\left(k^{(1)},\dots,k^{(n)}\right) = 2\pi\gamma\delta\left(\sum_{j=1}^n k^{(j)}\right) \times \int d^2q \operatorname{Tr}\left[\tilde{\Gamma}^{(1)}_{\alpha_1}G_s(q)\tilde{\Gamma}^{(2)}_{\alpha_2}G_s(q+k^{(2)})\dots\right] \dots \tilde{\Gamma}^{(n)}_{\alpha_n}G_s(q-k^{(1)})\right], \quad (29)$$

при этом сохраняется 4-импульс. Здесь и далее обозначение δ(k) применяется для четырехмерной δ-функции.

При нечетном числе вершин добавление к выражению (29) слагаемого с обратным направлением обхода петли дает нулевой результат независимо от конкретного вида $\tilde{\Gamma}^{(i)}_{\alpha}$ (27), т. е. в двумерном варианте по сравнению с четырехмерным имеет место расширенная теорема Фарри. Это означает, что в выражении (17в) следует учитывать следующие члены разложения по η (по обратному полю), и в итоге матричные элементы подобных диаграмм при $B \gg B_0$ не зависят от поля.

При четном числе вершин результирующий тензор получается приведением выражения (29) к симметричному виду и в нуль не обращается, т.е. матричный элемент линейно зависит от поля.

Заметим также, что в сильных магнитных полях порядка 10¹⁸ Гс фактический параметр разложения теории возмущений в рамках КЭД начинает зависеть от поля ($\alpha \ln^2(B/B_0), \alpha(B/B_0), \alpha = e^2 = 1/137$), и в таких случаях следует суммировать ряд теории возмущений, что было сделано для основных типов компактных диаграмм КЭД в работах [31].

3. ФОТОРОЖДЕНИЕ АКСИОНОВ И НЕЙТРИНО НА ЯДРАХ

Лагранжиан взаимодействия аксиона с электроном имеет вид

$$\mathcal{L}_{a} = \frac{ce}{2f} \frac{\partial a}{\partial x^{\alpha}} \left(\overline{\Psi}_{e} \gamma^{\alpha} \gamma^{5} \Psi_{e} \right), \qquad (30a)$$

лагранжиан электрослабой модели в контактном приближении равен

$$\mathcal{L}_{\nu} = -\frac{G}{\sqrt{2}} \left[\overline{\Psi}_{e} \gamma^{\alpha} \left(C_{V} + C_{A} \gamma^{5} \right) \Psi_{e} \right] \times \left[\overline{\Psi}_{\nu} \gamma_{\alpha} \left(1 + \gamma^{5} \right) \Psi_{\nu} \right], \quad (306)$$

(*c_e* — модельно-зависимая постоянная порядка единицы), а структурные постоянные выражаются через угол Вайнберга

$$C_V^{(e)} = \frac{1}{2} + \sin^2 \theta_W, \quad C_A^{(e)} = \frac{1}{2}$$

для электронных нейтрино и $C^{(\mu,\tau)} = C^{(e)} - 1$ для μ - и τ -нейтрино. С учетом лагранжиана КЭД

$$\mathcal{L} = eA^{\alpha} \left(\overline{\Psi}_e \gamma_{\alpha} \Psi_e \right) \tag{30b}$$

и с использованием изложенной в разд. 2 техники расчета петлевых диаграмм в сильном магнитном поле можно получить следующее выражение для матричного элемента процесса фоторождения аксиона:

$$f|S|i\rangle_a = \frac{e^{\alpha} e'^{*\alpha'} A^{\beta}(\kappa)}{(2q_0 2k_0 2k'_0)^{1/2} V^{3/2}} M_{\alpha\alpha'\beta}, \qquad (31)$$

$$M_{\alpha\alpha'\beta} = \frac{e^3 c_e \gamma}{6\pi f} J_{\alpha\alpha'\beta}(-k,k',\kappa), \qquad (32)$$

где $J_{\alpha\alpha'\beta}$ — симметризованный по фотонным линиям тензор в подпространстве (0, 3):

$$J_{\alpha\alpha'\beta}(k,k',\kappa) = -\frac{i}{\pi} \int d^2 p \frac{1}{2} \operatorname{Tr} \left[\tilde{\gamma}^5 \check{q} \; G_s(p) \times \tilde{\gamma}_{\alpha} G_s(p+k) \tilde{\gamma}_{\alpha'} G_s(p+k+k') \times \tilde{\gamma}_{\beta} G_s(p-q) \right] + \text{две перестановки.}$$
(33)

В формуле (31) V — нормировочный объем, $A^{\beta}(\kappa)$ — фурье-образ учитываемого в первом борновском приближении внешнего поля, в случае кулоновского поля ядра равный

$$A_{\beta}(\kappa) = g_{\beta 0} \frac{8\pi^2 \delta(\kappa_0)(Ze)}{\kappa^2}, \qquad (34)$$

 $\kappa = k - k' - q$ — переданный импульс, k и k' — импульсы начального и конечного фотонов, q — импульсаксиона.

Вид тензора $J_{\alpha\alpha'\beta}$ в низкоэнергетическом приближении по массе электрона и в пренебрежении малой массой аксиона был определен в работе [32], в которой изучался трехфотонный распад аксиона:

$$J_{\alpha\alpha'\beta}(-k,k',\kappa) = -\frac{4q^2}{15m^6}(k\varepsilon)_{\alpha}(k'\varepsilon)_{\alpha'}(\kappa\varepsilon)_{\beta}, \quad (35)$$

$$J_{\alpha\alpha'\beta}k^{\alpha} = J_{\alpha\alpha'\beta}k'^{\alpha'} = J_{\alpha\alpha'\beta}\kappa^{\beta} = 0, \qquad (35a)$$

причем в силу двумерности сверток

$$q^2 \equiv q_0^2 - q_3^2 = q_\perp^2.$$

Определяя нестерильные поляризационные состояния фотонов выражением (25), имеем с учетом соотношений (14) и (34)

$$\frac{(k\varepsilon)^{\alpha}}{\sqrt{k^2}} \frac{(k'\varepsilon)^{\alpha'}}{\sqrt{k'^2}} J_{\alpha\alpha'0}(-k,k',\kappa) = \frac{4q_{\perp}^2}{15m^6} k_{\perp} k'_{\perp} \kappa_3.$$
(356)

Тогда найденная обычными методами вероятность фоторождения аксиона на ядре в единицу времени записывается в виде

$$W_a = \left(\frac{8\alpha^2 Z c_e \gamma}{45 f m^6}\right)^2 \frac{k_\perp^2}{2k_0 (2\pi)^5 V} \int \frac{d^3 k'}{2k'_0} k'_\perp^2 I_a, \quad (36)$$

$$I_a = \int \frac{d^3q}{2q_0} \delta(k_0 - k'_0 - q_0) \frac{q_{\perp}^4 (k_3 - k'_3 - q_3)^2}{(\mathbf{k} - \mathbf{k'} - \mathbf{q})^4} \,. \quad (37)$$

Далее нас будет интересовать имеющая физический смысл мощность аксионного излучения из единицы объема при концентрации ядер n_0 и по планковскому распределению равновесного поля излучения. Как легко видеть, эта величина равна

$$S_{a} = \left(\frac{8\alpha^{2}Zc_{e}\gamma}{45fm^{6}}\right)^{2} \frac{n_{0}}{(2\pi)^{8}} \int \frac{d^{3}k}{2k_{0}} \frac{k_{\perp}^{2}}{e^{k_{0}T} - 1} \times \int_{(k_{0}' \leq k_{0})} \frac{d^{3}k'}{2k_{0}'} k_{\perp}'^{2} (k_{0} - k_{0}')I_{a}.$$
 (38)

Массовым параметром из-за его малости (1) мы пренебрегаем, поэтому после соответствующих замен зависимость от температуры факторизуется, а окончательный результат может быть записан в виде

$$S_{a} = \frac{691(2\pi)^{7}}{728 \cdot 45^{3}} \frac{\alpha^{4} Z^{2} c_{e}^{2}}{(f/m)^{2}} \times \left(\frac{T}{m}\right)^{12} \left(\frac{B}{B_{0}}\right)^{2} (n_{0}m^{2})\tilde{I}_{a}, \quad (39)$$

где величина \tilde{I}_a является числом, представленным в интегральной форме:

$$\begin{split} \tilde{I}_{a} &= \frac{1}{2\pi} \int_{0}^{1} d\varepsilon \, \varepsilon^{3} (1-\varepsilon)^{6} \int_{-1}^{1} dx (1-x^{2}) \int_{-1}^{1} dy (1-y^{2}) \times \\ &\times \int_{0}^{2\pi} d\varphi \int_{-1}^{1} dz (1-z^{2})^{2} \frac{n_{3}^{2} \tilde{n}^{2}}{\left[\tilde{n}^{4} - n_{\perp}^{2} (1-\varepsilon)^{2} (1-z^{2})\right]^{3/2}}, \end{split}$$
(40)

$$\begin{cases}
n_3 = x - \varepsilon y - z(1 - \varepsilon), \\
n_{\perp}^2 = 1 - x^2 + \varepsilon^2 (1 - y^2) - \\
-2\varepsilon \sqrt{(1 - x^2)(1 - y^2)} \cos \varphi, \\
\tilde{n}^2 = 1 - \varepsilon + \varepsilon^2 - \\
-\varepsilon xy - \varepsilon \sqrt{(1 - x^2)(1 - y^2)} \times \\
\times \cos \varphi - (x - \varepsilon y)(1 - \varepsilon)z.
\end{cases}$$
(40a)

Безразмерные переменные интегрирования соответствуют следующим переменным в пространстве импульсов:

$$z = \frac{q_3}{k_0 - k'_0}, \quad \varepsilon = \frac{k'_0}{k_0},$$

$$x = \cos \theta_{\mathbf{k}}, \quad y = \cos \theta_{\mathbf{k}'}, \quad \varphi = \widehat{\mathbf{k}_\perp \mathbf{k}'_\perp}.$$
(406)

Численное интегрирование дает $\tilde{I}_a = 0.0046$.

Матричный элемент процесса радиационного фоторождения пары нейтрино на кулоновском центре с фурье-образом $A^{\beta}(\kappa)$ может быть получен с использованием выражений (306), (30в) и имеет вид:

$$\langle f|S|i\rangle_{\nu} = i \frac{e^{\alpha} e'^{*\alpha'} A^{\beta}(\kappa) \mathcal{F}^{\beta'}}{(2k_0 2k'_0 2q_0 2q'_0)^{1/2} V^2} M_{\alpha\alpha'\beta\beta'}, \qquad (41)$$

где

$$\mathcal{F}^{\beta'} = \left[\overline{u}_{\nu}(q)\gamma^{\beta'}(1+\gamma^5)u_{\nu}(-q')\right],\qquad(42)$$

$$M_{\alpha\alpha'\beta\beta'} = \frac{e^3 G\gamma}{3\sqrt{2}\pi} J_{\alpha\alpha'\beta\beta'}(-k,k',\kappa), \qquad (43)$$

где симметризованный по фотонным линиям двумерный тензор $J_{\alpha\alpha'\beta\beta'}$ равен

$$J_{\alpha\alpha'\beta\beta'}(k,k',\kappa) = \frac{i}{\pi} \int d^2p \frac{1}{2} \operatorname{Tr} \left[\tilde{\gamma}_{\beta'} \left(C_V + C_A \tilde{\gamma}^5 \right) \times G_s(p) \tilde{\gamma}_{\alpha} G_s(p+k) \tilde{\gamma}_{\alpha'} G_s(p+k+k') \times \tilde{\gamma}_{\beta} G_s(p-Q) \right] + 2$$
перестановки, (44)

Q = q + q' — суммарный импульс нейтрино.

Вычисления, аналогичные проведенным в работе [32], дают в низкоэнергетическом приближении

$$J_{\alpha\alpha'\beta\beta'}(-k,k',\kappa) = \frac{4}{15m^6} (k\varepsilon)_{\alpha} (k'\varepsilon)_{\alpha'} (\kappa\varepsilon)_{\beta} \times [C_V(Q\varepsilon)_{\beta'} + C_A Q_{\beta'}] \quad (45)$$

с аналогичными (35а), (35б) свойствами по индексам α , α' , β . Учитывая значение интеграла по импульсам нейтрино $(m_{\nu} = 0),$

$$\int \mathcal{F}^{\nu} \mathcal{F}^{*\mu} \delta(Q - q - q') \frac{d^3 q}{2q_0} \frac{d^3 q'}{2q'_0} = = \frac{4\pi}{3} \left[Q^{\mu} Q^{\nu} - (Q^2 - Q_{\perp}^2) g^{\mu\nu} \right],$$

и вид $A^{\beta}(\kappa)$ (34), вероятность фоторождения пары нейтрино на ядре в единицу времени можно представить в виде

$$W_{\nu} = \left(\frac{8\sqrt{2}\,\alpha^2 ZG\gamma}{45m^6}\right)^2 \frac{k_{\perp}^2}{3k_0(2\pi)^7 V} \times \int \frac{d^3k'}{2k'_0} k'^2_{\perp} \left[I_{\nu}^{(V)}C_V^2 + I_{\nu}^{(A)}C_A^2\right], \quad (46)$$

$$\begin{cases} I_{\nu}^{(V)} \\ I_{\nu}^{(A)} \end{cases} = \int_{(Q_0^2 - \mathbf{Q}^2) \ge 0} d^3 Q \frac{(k_3 - k_3' - Q_3)^2}{(\mathbf{k} - \mathbf{k}' - \mathbf{Q})^4} \times \\ \times (Q_0^2 - Q_3^2) \left\{ \begin{array}{c} Q_0^2 - \mathbf{Q}^2 \\ Q_{\perp}^2 \end{array} \right\}, \quad (47) \end{cases}$$

а мощность излучения —

$$S_{\nu} = \left(\frac{8\sqrt{2}\,\alpha^2 ZG\gamma}{45m^6}\right)^2 \frac{2n_0}{3(2\pi)^{10}} \int \frac{d^3k}{2k_0} \frac{k_{\perp}^2}{e^{k_0/T} - 1} \times \int_{\binom{k_0' \leq k_0}{2k_0'}} \frac{d^3k'}{2k_0'} k'_{\perp}^2(k_0 - k_0') \left[I_{\nu}^{(V)}C_V^2 + I_{\nu}^{(A)}C_A^2\right].$$
(48)

Фотогенерация нейтрино и аксионов . . .

Аналогичный формуле (39) результат имеет следующий вид:

$$S_{\nu} = \frac{2(2\pi)^{7}}{135^{2}} \alpha^{4} Z^{2} (Gm^{2})^{2} \left(\frac{B}{B_{0}}\right)^{2} \times \left(\frac{T}{m}\right)^{14} (n_{0}m^{2}) \left[\tilde{I}_{\nu}^{(V)} C_{V}^{2} + \tilde{I}_{\nu}^{(A)} C_{A}^{2}\right] \quad (49)$$

с интегральными представлениями коэффициентов

$$\begin{split} \tilde{I}_{\nu}^{(V)} &= \prod \left\{ (1-\varepsilon)^2 (1-z^2) - n_3^2 - n_{\perp}^2 + \\ &+ \left[f^2 + 4n_3^2 n_{\perp}^2 \right]^{-1/2} \times \\ &\times \left[(n_3^2 + n_{\perp}^2)^2 + 2(1-\varepsilon)^2 (1-z^2) \times \\ &\times (n_3^2 - n_{\perp}^2) + (1-\varepsilon)^4 (1-z^2)^2 \right] - \\ &- 2n_3^2 \ln \left(\frac{(f^2 + 4n_{\perp}^2 n_3^2)^{1/2} + f}{2n_3^2} \right) \right\}, \quad (50a) \end{split}$$

$$\tilde{I}_{\nu}^{(A)} = \prod \left\{ n_{\perp}^{2} + n_{3}^{2} + \left[f^{2} + 4n_{3}^{2}n_{\perp}^{2} \right]^{-1/2} \times \left[-(n_{3}^{2} + n_{\perp}^{2})^{2} + (1 - \varepsilon)^{2}(1 - z^{2})(n_{\perp}^{2} - 3n_{3}^{2}) \right] + 2n_{3}^{2} \ln \left(\frac{(f^{2} + 4n_{\perp}^{2}n_{3}^{2}) + f}{2n_{3}^{2}} \right) \right\}, \quad (506)$$

$$\Pi\{A\} = \frac{1}{2\pi} \int_{0}^{1} d\varepsilon \, \varepsilon^{3} (1-\varepsilon)^{4} \int_{-1}^{1} dx (1-x^{2}) \times \\ \times \int_{-1}^{1} dy (1-y^{2}) \int_{0}^{2\pi} d\varphi \int_{-1}^{1} dz (1-z^{2}) A, \quad (50\text{B}) \\ f = (1-\varepsilon)^{2} (1-z^{2}) + n_{3}^{2} - n_{1}^{2}. \quad (50\text{F})$$

$$T = (1 - \varepsilon)^2 (1 - z^2) + n_3^2 - n_\perp^2.$$
 (50r)

Остальные обозначения безразмерных переменных те же, что и в (40а), (40б) с заменой $q_3 \rightarrow Q_3$. В результате численного интегрирования были получены значения $\tilde{I}_{\nu}^{(V)} \approx 2.2 \cdot 10^{-4}, \ \tilde{I}_{\nu}^{(A)} \approx 3.2 \cdot 10^{-4}.$

4. НЕУПРУГОЕ РАССЕЯНИЕ ФОТОНА НА ΦΟΤΟΗΕ

Матричный элемент неупругого рассеяния $\gamma\gamma \rightarrow$ $\rightarrow \gamma a$ с генерацией аксиона в низкоэнергетическом приближении по массе электрона получается из общих соотношений (29), (30а), (30в), (33), (35) и для разрешенных нестерильных состояний поляризации фотонов (25) равен

$$\langle f|S|i\rangle_a = \frac{(2\pi)^4 \delta(k+k'-k''-q)}{(2k_0 2k'_0 2k''_0 2q_0)^{1/2} V^2} M_a, \qquad (51)$$

$$M_{a} = -\frac{4e^{3}c_{e}\gamma}{45\sqrt{\pi}fm^{6}}q_{\perp}^{6}k_{\perp}k_{\perp}'k_{\perp}'', \qquad (52)$$

где k, k' — импульсы начальных фотонов, k'' и q — импульсы конечных фотона и аксиона.

Вероятность процесса в единицу времени определяется выражением

$$W_a = \frac{\alpha^3 c_e^2 \gamma^2 k_\perp^2 k_\perp'^2}{45^2 \pi^2 f^2 m^{12} k_0 k_0' V} I,$$
(53)

где *I* — инвариант в подпространстве (0,3)

$$I = \frac{1}{\pi} \int \frac{d^3 q}{2q_0} \int \frac{d^3 k''}{k_0''} \delta(p - k'' - q) q_\perp^4 k''_\perp^2, \qquad (54)$$
$$p = k + k'.$$

Достаточно громоздкое интегрирование приводит к следующему значению:

$$I = \frac{1}{280} \left(p^6 - \frac{1}{3} p^4 p_\perp^2 - \frac{1}{3} p^2 p_\perp^4 + p_\perp^6 \right).$$
 (55)

Делением на фактор

$$\frac{k_0k_0'-\mathbf{k}\mathbf{k}'}{Vk_0k_0'}$$

из выражения (53) с учетом (55) получаем сечение рассеяния.

Для нахождения мощности аксионного излучения следует рассчитать явный вид двумерного вектора в (0,3)

$$I_{\mu} = \frac{1}{\pi} \int \frac{d^3q}{2q_0} \int \frac{d^3k''}{2k''_0} \delta(p - k'' - q) q_{\perp}^4 k''_{\perp}^2 q_{\mu}.$$
 (56)

Приведем результат вычисления:

$$I_{\mu} = \frac{p_{\mu}}{1680} \times \\ \times \left(3p^{6} + 2p^{4}p_{\perp}^{2} - 6p^{2}p_{\perp}^{4} + 6p_{\perp}^{6}\right), \quad \mu = 0, 3.$$
(57)

Таким образом, мощность излучения из единицы объема может быть представлена в форме интеграла по фазовому объему начальных фотонов в равновесном поле излучения:

$$S_{a} = \frac{16\alpha^{3}c_{e}^{2}\gamma^{2}}{45^{2}m^{12}f^{2}(2\pi)^{8}} \int \frac{d^{3}k}{2k_{0}} \frac{k_{\perp}^{2}}{\exp(k_{0}/T) - 1} \times \int \frac{d^{3}k'}{2k_{0}'} \frac{k'_{\perp}^{2}}{\exp(k_{0}'/T) - 1} I_{0}.$$
 (58)

Интегрирование по угловым переменным с факторизацией зависимости от температуры дает

$$S_{a} = \frac{128}{45^{3}105} \frac{\alpha^{3}c_{e}^{2}\gamma^{2}T^{15}}{m^{12}f^{2}(2\pi)^{6}} \int_{0}^{\infty} \frac{d\varepsilon}{e^{\varepsilon} - 1} \int_{0}^{\infty} \frac{d\varepsilon'}{e^{\varepsilon'} - 1} \times \left(\frac{20}{21}\varepsilon^{10}\varepsilon'^{3} + \frac{83}{21}\varepsilon^{9}\varepsilon'^{4} + 21\varepsilon^{8}\varepsilon'^{5} + \frac{136}{5}\varepsilon^{7}\varepsilon'^{6}\right).$$
(59)

В результате численных расчетов значение двойного интеграла в формуле (59) оказалось приблизительно равным 8.7 · 10⁷.

Окончательный результат для мощности излучения запишем следующим образом:

$$S_a \approx 0.058 \alpha^3 c_e^2 \left(\frac{B}{B_0}\right)^2 \left(\frac{m}{f}\right)^2 \left(\frac{T}{m}\right)^{15} m^5.$$
 (60)

Соответствующее выражение для мощности нейтринного излучения согласно результатам работы [25] может быть записано в виде

$$S_{\nu} \approx 10 \left(1.24 C_V^2 + 1.20 C_A^2 \right) \times \times \alpha^3 (Gm^2)^2 \left(\frac{B}{B_0} \right)^2 \left(\frac{T}{m} \right)^{17} m^5.$$
 (61)

5. ОБСУЖДЕНИЕ

Для оценки роли рассматриваемых эффектов следует предварительно установить диапазон значений температуры и индукции магнитного поля, в котором вклад рассмотренных диаграмм больше вклада трехполюсных.

Мощность нейтринного излучения при фоторождении на ядрах за счет вклада треугольной диаграммы в полях с индукцией $B \gg B_0$ в схеме Ферми приблизительно равна [24]¹⁾

$$S_{\nu}^{(F)} \approx 0.6 \alpha^3 Z^2 (Gm^2)^2 \left(\frac{T}{m}\right)^{10} (n_0 m^2).$$
 (62)

Приняв для оценки в формуле (49) $C_V \approx C_A \approx 1$, получаем

$$\frac{S_{\nu}\left(\gamma(Ze) \to \gamma(\nu\overline{\nu})\right)}{S_{\nu}^{(F)}\left(\gamma(Ze) \to \nu\overline{\nu}\right)} \approx 3.8 \cdot 10^{-4} \left(\frac{B}{B_0}\right)^2 \left(\frac{T}{m}\right)^4. \quad (63)$$

Если T = 0.1m, то при максимально допустимом значении $B \sim 10^4 B_0$ вклад четырехполюсной диаграммы в мощность излучения может в несколько раз превосходить вклад трехполюсной. Если же считать, что формула (63) дает правильный по порядку величины результат и для типичных на ранних стадиях эволюции сверхновых температур $T \sim m$, то процесс радиационного фоторождения начинает доминировать уже при $B \sim 10^2 B_0$.

¹⁾ В формуле (5) этой работы пропущен множитель $(2\pi)^{-3}$ с соответствующей поправкой в последующих выражениях.

$$S_{\nu}^{(F)} \approx 0.13 \alpha^2 (Gm^2)^2 \left(\frac{T}{m}\right)^{13} m^5.$$
 (64)

Сравнивая (64) с вкладом четырехполюсной диаграммы (61), опять полагаем $C_V \approx C_A \approx 1$ и получаем относительную величину

$$\frac{S_{\nu} (\gamma \gamma \to \gamma(\nu \overline{\nu}))}{S_{\nu}^{(F)} (\gamma \gamma \to \nu \overline{\nu})} \approx 0.8 \left(\frac{B}{B_0}\right)^2 \left(\frac{T}{m}\right)^4, \qquad (65)$$

т.е. в этом случае возможный диапазон изменения параметров *B* и *T* в области доминирования $S_{\nu}(\gamma \gamma \rightarrow \gamma(\nu \overline{\nu}))$ несколько шире.

Сравним теперь рассматриваемые механизмы нейтринной светимости с традиционным за счет модифицированного URCA-процесса, мощность которого по порядку величины равна

$$S_{\nu}(URCA) \sim 10^{27} \left(\frac{\rho}{\rho_0}\right)^{2/3} \left(\frac{T}{m}\right)^8 \frac{\text{эрг}}{\text{см}^3 \cdot \text{с}}, \quad (66)$$

где $\rho_0 = 2.8 \cdot 10^{14}$ г/см³ — характерная ядерная плотность, ρ — средняя плотность звезды. Результат (49) может быть представлен в аналогичной форме ($C_V \approx C_A \approx 1$):

$$S_{\nu} \left(\gamma(Ze) \to \gamma(\nu\overline{\nu}) \right) \sim 10^{20} \left(\frac{B}{B_0} \right)^2 \times \\ \times \left(\frac{T}{m} \right)^{14} \left(\frac{Z^2}{A} \right) \left(\frac{\rho}{\rho_0} \right) \frac{\operatorname{spr}}{\operatorname{cm}^3 \cdot \operatorname{c}}.$$
 (67)

В предположении справедливости оценки (66) при $T \sim m$ и с учетом среднего значения Z^2/A в диапазоне 1–10 [34] находим, что вклад механизма радиационного фоторождения нейтрино на ядрах конкурирует с URCA-процессом при $B \sim 10^3-10^4 B_0$. Это также согласуется с комментариями к формуле (63).

Определяемая формулой (61) мощность излучения имеет порядок

$$S_{\nu} \left(\gamma \gamma \to \gamma(\nu \overline{\nu})\right) \sim 10^{17} \left(\frac{B}{B_0}\right)^2 \left(\frac{T}{m}\right)^{17} \frac{\mathrm{spr}}{\mathrm{cm}^3 \cdot \mathrm{c}}$$
(68)

и даже при $B \sim 10^4 B_0, T \sim m$ не конкурирует с мощностью URCA-процесса.

Таким образом, при указанных значениях параметров B и T, для которых процесс радиационного фоторождения может стать доминирующим, нижняя граница масштаба нарушения PQ-симметрии и верхняя граница масс аксиона могут быть получены из условия

$$S_a\left(\gamma(Ze) \to \gamma a\right) \lesssim S_{\nu}\left(\gamma(Ze) \to \gamma(\nu\overline{\nu})\right).$$
 (69)

С учетом формул (3), (39), (49) получаем

$$f \gtrsim 1.7 \cdot 10^8 \frac{c_e(m/T)}{(0.5C_V^2 + 0.7C_A^2)^{1/2}} \ \Gamma \mathfrak{sB},$$
 (70)

$$m_a \lesssim 3.5 \cdot 10^{-2} \ \mathrm{sB}\left(\frac{T}{m}\right) \frac{(0.5C_V^2 + 0.7C_A^2)^{1/2}}{c_e}.$$
 (71)

Для предположенных значений $T \sim m, B \sim \sim 10^3 - 10^4 B_0$ и при $c_e \sim 1$ это не противоречит возможному диапазону (4), полученному из иных соображений.

ЛИТЕРАТУРА

- G. G. Raffelt, Stars as Laboratories for Fundamental Physics, Chicago Univ. Press, Chicago (1996).
- 2. Г. С. Бисноватый-Коган, Физические вопросы теории звездной эволюции, Наука, Москва (1989).
- Ф. Боули, П. Фогель, Физика массивных нейтрино, Мир, Москва (1990).
- М. Б. Волошин, К. А. Тер-Мартиросян, Теория калибровочных взаимодействий элементарных частиц, Энергоатомиздат, Москва (1984).
- V. Petrosian, G. Beaudet, and E. E. Salpeter, Phys. Rev. 154, 1445 (1967).
- 6. W. Fowler and F. Hoyle, Appl. J. Suppl. 9, 201 (1964).
- 7. L. Rosenberg, Phys. Rev. 129, 2786 (1963).
- 8. M. Delbruck, Z. Phys. 84, 144 (1933).
- H. E. Jackson and K. J. Wetzel, Phys. Rev. Lett. 22, 1008 (1969).
- 10. M. Bolsterly, Phys. Rev. 94, 282 (1962).
- 11. G. Jarlskog, L. Jonsson, S. Prunster et al., Phys. Rev. D 8, 3813 (1973).
- Г. С. Бисноватый-Коган, С. Г. Моисеенко, Астрон. Ж. 69, 563 (1992); R. C. Duncan and C. Thompson, Astrophys. J. 392, L9 (1992); C. Thompson and R. C. Duncan, Mon. Not. R. Astron. Soc. 275, 255 (1995).
- **13**. Д. В. Гальцов, Н. С. Никитина, ЖЭТФ **62**, 2009 (1972).
- 14. В. В. Скобелев, ЖЭТФ 71, 1263 (1976).

- **15**. В. Н. Байер, В. М. Катков, ДАН СССР **171**, 313 (1966).
- 16. В. И. Ритус, Труды ФИАН 111, 96 (1979); ЖЭТФ
 56, 986 (1969).
- 17. А. Д. Каминкер, К. П. Левенвиш, Д. Г. Яковлев, Письма в Астрон. Ж. 17, 1090 (1991).
- 18. В. В. Скобелев, ЖЭТФ 107, 322 (1995).
- 19. R. M. Barnett et al. (PDG), Phys. Rev. D 54, 1 (1996).
- 20. В. В. Скобелев, ЖЭТФ 72, 1298 (1977); Изв. ВУЗов, физика, № 10, 142 (1975).
- **21**. А. В. Кузнецов, Н. В. Михеев, ЖЭТФ **118**, 863 (2000).
- **22**. Ю. М. Лоскутов, В. В. Скобелев, ЯФ **43**, 1495 (1986).
- 23. В. В. Скобелев, ЖЭТФ 117, 1059 (2000).
- **24**. Ю. М. Лоскутов, В. В. Скобелев, ЯФ **31**, 1279 (1980).
- **25**. Ю. М. Лоскутов, В. В. Скобелев, ТМФ **70**, 303 (1987).

- **26**. Ю. М. Лоскутов, В. В. Скобелев, ТМФ **84**, 314 (1990).
- 27. R. D. Peccei and H. R. Quinn, Phys. Rev. Lett.
 38, 1440 (1977); R. D. Peccei, *CP Violation*, ed. by C. Jarlskog, World Sci., Singapore (1989).
- 28. G. G. Raffelt, Phys. Rep. 198, 1 (1990).
- 29. Н. П. Клепиков, ЖЭТФ 26, 19 (1954).
- 30. В. Б. Берестецкий, Е. М. Лифшиц, Л. П. Питаевский, Релятивистская квантовая теория, ч. 1, Наука, Москва (1968), с. 388.
- Ю. М. Лоскутов, Б. А. Лысов, В. В. Скобелев, ТМФ
 53, 469 (1982); Ю. М. Лоскутов, В. В. Скобелев, Вестник МГУ, физ.-астр. № 6, 95 (1983); Вестник МГУ, физ.-астр. № 1, 70 (1984).
- 32. В. В. Скобелев, ЖЭТФ 116, 26 (1999); ЖЭТФ 116, 2271 (1999).
- 33. Ю. М. Лоскутов, В. В. Скобелев, Вестник МГУ, физ.-астр. № 4, 10 (1981).
- 34. J. W. Negele and D. Vautherin, Nucl. Phys. A 207, 298 (1973).