ОБ ОСОБЕННОСТЯХ УГЛОВЫХ РАСПРЕДЕЛЕНИЙ ФРАГМЕНТОВ КУЛОНОВСКОГО ВЗРЫВА ДВУХАТОМНОЙ МОЛЕКУЛЫ В СИЛЬНОМ ЛАЗЕРНОМ ПОЛЕ

В. В. Гридчин, А. М. Попов, О. В. Смирнова*

Московский государственный университет им. М. В. Ломоносова 119899, Москва, Россия

Поступила в редакцию 28 февраля 2001 г.

В рамках классической механики рассмотрены особенности угловых распределений фрагментов кулоновского взрыва двухатомной гетероядерной молекулы в процессе многоэлектронной диссоциативной ионизации в сверхсильном поле. Показано, что картина угловых распределений фрагментов кулоновского взрыва различна в разных диапазонах параметров лазерного импульса. В частности, существуют два существенно разных режима разлета фрагментов: разлет в кулоновском поле и разлет в поле эффективного потенциала «фрагмент + поле». Эффективный потенциал учитывает как силу кулоновского отталкивания ядер, так и среднюю за период силу, действующую со стороны поля на систему, и может быть получен в рамках метода Крамерса-Хеннебергера. Обсуждаются границы применимости метода Крамерса-Хеннебергера для данной задачи, определяющие диапазон параметров поля, в котором наблюдается разлет фрагментов в направлении, перпендикулярном полю при изначально произвольной ориентации оси молекулы относительно поля.

PACS: 33.80.-b, 33.90.+h

1. ВВЕДЕНИЕ

Одним из наиболее эффективных методов теоретического описания динамики атомных систем в сверхсильных полях является метод Крамерса–Хеннебергера [1, 2].

Идея метода Крамерса–Хеннебергера заключается в применении к исходному гамильтониану атома в лазерном поле:

$$\hat{H} = \frac{1}{2} \left(\mathbf{p} - \frac{e}{c} \mathbf{A} \right)^2 + V(\mathbf{r}), \qquad (1)$$

где

$$\mathbf{A} = A_0 \mathbf{e}_x \sin \omega t, \quad A_0 = -Ec/\omega,$$

преобразования [1]

$$S_{KH} = \exp\left(\frac{i}{c}\mathbf{p}\int_{0}^{t}\mathbf{A}(t')dt'\right) \times \\ \times \exp\left(-\frac{i}{2c^{2}}\int_{0}^{t}A^{2}(t')dt'\right),$$

приводящего гамильтониан (1) к следующему виду:

$$\hat{H}_{KH} = \frac{p^2}{2} + V(\mathbf{r} + \mathbf{e}_x a_e \cos \omega t), \qquad (2)$$

 $a_e = E/\omega^2$ — амплитуда осцилляций свободного электрона в лазерном поле, E, ω — напряженность и частота поля. Здесь и далее используется атомная система единиц $m_e = \hbar = e = 1$. В приближении Крамерса–Хеннебергера в гамильтониане (2) зависящий от времени потенциал заменяется средним за период значением $V_{KH}(\mathbf{r}, a_e)$ — потенциалом Крамерса–Хеннебергера. Это приближение Крамерса–Хеннебергера справедливо, если влияние поправок

^{*}E-mail: smirnova@mics.msu.su

$$\delta V = V(\mathbf{r} + \mathbf{e}_x a_e \cos \omega t) - V_{KH}(\mathbf{r}, a_e)$$

несущественно. В этом случае некоторые величины, например, скорости ионизации, поляризуемости, могут быть вычислены по теории возмущений, а точные квазиэнергии системы хорошо аппроксимируются энергиями стационарных состояний.

В настоящее время хорошо изучены свойства Крамерса-Хеннебергера, потенциала свойства собственных функций и собственных состояний Крамерса-Хеннебергера [3-7]. Потенциал Крамерса-Хеннебергера практически не отличается от исходного атомного потенциала при $a/a_e \gg 1$, где а — характерный размер атомного потенциала. С увеличением амплитуды осцилляций, *a_e > a*, потенциал Крамерса-Хеннебергера приобретает двухъямную структуру и вытягивается в направлении вектора электрического поля электромагнитной волны. Поскольку потенциал Крамерса-Хеннебергера — центральный объект формализма Крамерса-Хеннебергера, который характеризует перестройку атомных состояний в слабом высокочастотном и в сильном полях и используется для описания эффекта адиабатической стабилизации, значительный интерес представляет изучение этого объекта в реальном эксперименте. Результаты компьютерных экспериментов, позволяющих определить структуру потенциала Крамерса-Хеннебергера, обсуждаются в работах [8,9].

В данной работе показано, что картина угловых распределений фрагментов кулоновского взрыва двухатомных гетероядерных молекул в процессе диссоциативной ионизации в сильном лазерном поле определяется структурой потенциала Крамерса–Хеннебергера.

2. МОДЕЛИРОВАНИЕ ПРОЦЕССА ДИССОЦИАТИВНОЙ ИОНИЗАЦИИ. ОБСУЖДЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТОВ

Процесс диссоциативной ионизации молекул в сильном лазерном поле широко изучается как экспериментально [10–22], так и теоретически [23–32]. Для того чтобы упростить картину диссоциативной ионизации, при теоретическом рассмотрении обычно используется модель, в которой все многообразие событий, составляющих картину этого процесса, сводится к следующим двум последовательным событиям: (1) удаление электронов и (2) кулоновский взрыв образовавшегося в результате удаления электронов молекулярного иона. Таким образом, эволюция процесса диссоциативной ионизации определяется конкуренцией указанных эффектов, которые дают различный вклад в этот процесс в разных диапазонах параметров лазерного излучения.

Важнейшей характеристикой диссоциативной ионизации является угловое распределение фрагментов кулоновского взрыва. Экспериментальные результаты свидетельствуют о том, что угловые распределения фрагментов диссоциации молекул в сильном линейно поляризованном поле имеют резкий пик в направлении оси поляризации поля (см., например, [12, 13, 15, 17, 19]). Резкая анизотропия угловых распределений интерпретируется как результат динамического выстраивания молекулы в поле [12, 33] или существенного увеличения сечений диссоциации с ростом степени ориентации молекулы по полю [15]. Эти процессы, очевидно, происходят на первой стадии процесса диссоциативной ионизации.

В данной работе рассматривается диссоциация гетероядерной молекулы типа НА (H — атом водорода, А — атом некоторого другого элемента, например, дейтерия, хлора, брома и т.п.) импульсом поля оптического диапазона частот, интенсивностью $P > 10^{19} \text{ Bt/cm}^2$ и длительностью 100 фс. Можно ожидать, что в полях столь высокой интенсивности двухэлектронная (q + 1-электронная) ионизация молекулы происходит практически мгновенно, поэтому представляется разумным уделить основное внимание изучению второй стадии процесса диссоциативной ионизации — кулоновского взрыва молекулярного иона $HA^{(q+1)+}, q \geq 1$. Таким образом, в данной работе рассматриваются процессы, способные повлиять на формирование картины угловых распределений на стадии кулоновского взрыва.

Будем рассматривать задачу диссоциации в рамках классической механики. В предположении о внезапном удалении электронов в момент времени t = 0динамика ионов, H^+ , $A^{(q+1)+}$ определяется уравнениями

$$\begin{split} \mu \frac{d\rho}{dt} &= p_{\rho}, \quad \frac{dp_{\rho}}{dt} = -\frac{\partial}{\partial\rho} \left(\frac{1}{\sqrt{\rho^2 + z^2}} + \frac{L_z^2}{2\mu\rho^2} \right), \\ \mu \frac{dz}{dt} &= p_z, \quad \frac{dp_z}{dt} = -\frac{\partial}{\partial z} \frac{1}{\sqrt{\rho^2 + z^2}} + \gamma E(t) \end{split}$$

с начальными условиями

$$\rho(0) = R_0 \sin \theta_0, \quad z(0) = R_0 \cos \theta_0$$
$$n_0 = 0, \quad n_0 = 0$$

где

$$E(t) = \begin{cases} E_0 \cos(\omega t) \sin^2\left(\frac{\omega t}{20}\right), & 0 \le t \le 5T_\omega, \\ E_0 \cos\omega t, & 5T_\omega < t \le 85T_\omega, \\ E_0 \cos(\omega t) \sin^2\left(\frac{\omega t}{20}\right), & 85T_\omega < t \le 90T_\omega, \\ 0, & t > 90T_\omega, \end{cases}$$
(3)
$$\gamma = \left(\frac{1}{M_1} - \frac{q}{M_2}\right)\mu, \qquad (4)$$

 L_z — проекция момента импульса на ось $z, T_{\omega} = 2\pi/\omega, M_1$ — масса протона, M_2 — масса иона A^{q+}, μ — приведенная масса ионов, ρ, z — компоненты вектора, описывающего относительное движение ядер, p_{ρ}, p_z — компоненты вектора импульса относительного движения, R_0 — равновесное межъядерное расстояние, θ_0 — угол между осью молекулы и вектором поляризации поля. Здесь использована цилиндрическая система координат.

Угловые распределения фрагментов кулоновского взрыва молекулы HD ($M_2 = 2M_1, q = 1, R_0 = 1.5$) для разных значений параметров поля представлены на рис. 1. Угол

$$\theta_{out} = \lim_{t \to \infty} \theta(t),$$
$$\theta(t) = \begin{cases} \arctan\left(\rho(t)/z(t)\right), & z \ge 0, \\ \pi + \operatorname{arctg}\left(\rho(t)/z(t)\right), & z < 0, \end{cases}$$

характеризующий направление разлета ионов по окончании импульса поля, отсчитывается от оси z. Наличие центробежного потенциала существенно не влияет на картину угловых распределений по крайней мере при значениях $0 \leq L_z^2 \leq L_{max}^2$. Для L_{max} использована оценка

$$\frac{L_{max}(L_{max}+1)}{2\mu R_0^2} \approx kT,$$

kT pprox 0.025 эВ. Картина угловых распределений существенным образом зависит от параметров поля и может быть описана в рамках приближения Крамерса–Хеннебергера.

Действительно, функция Гамильтона данной задачи в системе центра масс, описывающая относительное движение фрагментов кулоновского взрыва, имеет следующий вид:

$$H = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{M_1} + \frac{1}{M_2} \right) p^2 - \frac{\mathbf{pA}}{c} \left(\frac{1}{M_1} - \frac{q}{M_2} \right) + \frac{q}{r} + \frac{A^2}{2c^2} \left(\frac{1}{M_1} + \frac{q^2}{M_2} \right).$$
(5)

После преобразования Крамерса–Хеннебергера (оно определено и в классической механике [34–39]) функция Гамильтона (5) принимает вид:

$$H = \frac{p_{\rho}^2 + p_z^2}{2\mu} + \frac{L_z^2}{2\mu\rho^2} + V_{KH}(\rho, z, a_e) + \sum_n V_n(\rho, z, a_e)e^{in\,\omega t}.$$
(6)

В выражении (6) функция Гамильтона записана в цилиндрических координатах, и

$$V_{KH}(\rho, z, a_e) = \frac{1}{2\pi} \int_{0}^{2\pi} \frac{q}{\sqrt{\rho^2 + (z + a_e \cos \varphi)^2}} \, d\varphi,$$
(7)

 1°



Рис.1. Молекула HD. Изменения в картине угловых распределений при переходе от кулоновского режима разлета ионов к режиму Крамерса-Хеннебергера. θ_{out} — угол между направлением движения фрагментов кулоновского взрыва по окончании импульса поля и осью поляризации поля, θ_0 — угол между осью молекулы и вектором поляризации поля. $P = 10^{19}$ BT/см², $\omega = 1$ эВ (1), $P = 2 \cdot 10^{20}$ BT/см², $\omega = 1$ эВ (2), $P = 2 \cdot 10^{21}$ BT/см², $\omega = 1$ эВ (3), $P = 9 \cdot 10^{22}$ BT/см², $\omega = 9$ зВ (4)

$$V_n(\rho, z, a_e) = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} \frac{q}{\sqrt{\rho^2 + (z + a_e \cos \varphi)^2}} e^{-in\varphi} d\varphi,$$
$$a_e = \frac{E}{\omega^2} \left(\frac{1}{M_1} - \frac{q}{M_2}\right).$$

В приближении Крамерса–Хеннебергера зависящим от времени членом в гамильтониане (6) можно пренебречь. Таким образом, динамика разлета фрагментов кулоновского взрыва определяется структурой потенциала Крамерса–Хеннебергера и, следовательно, существенным образом зависит от параметров поля. Потенциал (7) имеет следующий вид [40]:

$$V_{KH}(\rho, z, a_e) = \frac{2q}{\pi} \times \frac{K \left\{ \frac{1}{\sqrt{2}} \left[1 - \frac{\rho^2 + z^2 - a_e^2}{\left[(\rho^2 + (z + a_e)^2) (\rho^2 + (z - a_e)^2) \right]^{1/2}} \right]^{1/2} \right\}}{\left[(\rho^2 + (z + a_e)^2) (\rho^2 + (z - a_e)^2) \right]^{1/4}},$$

где K — полный эллиптический интеграл первого рода. В случае $a_e \ll 1$



Рис.2. К обсуждению динамики разлета ионов в поле потенциала Крамерса–Хеннебергера. F_C — сила кулоновского отталкивания ионов H⁺ и A^{q+}, F — сила лазерного поля, действующая на ион H⁺

$$V_{KH} = \frac{1}{r} + O\left(\left(\frac{1}{a_e}\right)^2\right),$$

и разлет фрагментов происходит в кулоновском поле, при этом $\theta_{out} = \theta_0$ (рис. 1, кривая 1). Будем называть такой режим разлета ионов кулоновским. Разлет ионов в поле потенциала Крамерса–Хеннебергера в случае

$$a_e > 1, \quad R_0/a_e < 1 \tag{8}$$

происходит в направлении, перпендикулярном полю $(\theta_{out} = \pi/2)$ при любых значениях θ_0 . Этот результат на качественном уровне поясняет рис. 2. Для простоты рассмотрен случай $M_1 \ll M_2$. Колебания иона H⁺ за счет поля происходят по прямой ab. Очевидно, что в случае $R_0 \cos \theta_0 \leq a_e z$ -компонента суммарной силы, действующей на Н⁺, в среднем по периоду равна нулю, а ρ -компонента отлична от нуля. Таким образом, в условиях справедливости процедуры усреднения, лежащей в основе метода Крамерса-Хеннебергера, разлет фрагментов будет происходить перпендикулярно направлению поляризации поля. Будем называть такой режим разлета ионов режимом Крамерса-Хеннебергера. Заметим, что с учетом конечной длительности фронта лазерного импульса для реализации режима Крамерса-Хеннебергера недостаточно выполнения условий (8). Третье условие, ограничивающее область допустимых полей и частот снизу, связано с тем, что при уменьшении интенсивности поля и понижении его частоты возрастает длительность τ той части импульса, на которой $a_e < 1$, и потенциал Крамерса-Хеннебергера близок к кулоновскому. Если за время τ ионы разлетаются на расстояние a_{τ} , большее *a_e*, то формирование двугорбой структуры потенциала Крамерса–Хеннебергера на временах $t > \tau$ уже не повлияет существенным образом на режим



Рис.3. Изменение угла θ со временем: a — в кулоновском режиме разлета ионов, $P = 9 \cdot 10^{19}$ Вт/см², $\omega = 1$ эВ; δ — в режиме разлета Крамерса-Хеннебергера, $P = 3.5 \cdot 10^{21}$ Вт/см², $\omega = 1$ эВ

разлета ионов, который по-прежнему останется кулоновским. Условие $a_{\tau} < a_e$, в отличие от условий (8), зависит от формы огибающей импульса. В нашем случае (см. соотношение (3)), очевидно,

$$\tau = \frac{20}{\omega} \arcsin a_e^{-1/2} \approx \frac{20}{\omega} a_e^{-1/2}, \quad a_\tau \approx \frac{1}{2} \frac{\tau^2}{R_0^2 \mu}$$

Таким образом, отклонения от кулоновского режима разлета ядер (кривые 2–4 на рис. 1) связаны с формированием двугорбой структуры потенциала Крамерса–Хеннебергера. Рисунок 1 позволяет проследить изменения в картине угловых распределений при переходе от кулоновского режима разлета ионов (кривая 1) к режиму Крамерса–Хеннебергера (кривая 4). Изменение угла θ со временем в кулоновском режиме разлета ионов и в режиме Крамерса–Хеннебергера представлено на рис. 3.

Рассмотрим вопрос о справедливости процедуры усреднения или о границах применимости приближения Крамерса-Хеннебергера для данной задачи. Применимость приближения Крамерса-Хеннебергера для случая финитного движения частицы в поле потенциала притяжения рассматривалась в работах [39, 41]. Однако эти результаты не могут быть распространены на случай инфинитного движения частицы в поле потенциала отталкивания. Заметим, что возможность рассмотрения динамики частицы в поле потенциала отталкивания в рамках приближения Крамерса-Хеннебергера отмечена в работе [39]. Для справедливости процедуры усреднения в данной задаче существенно выполнение следующих двух условий. Во-первых, изменение относительной координаты ρ за половину периода должно быть мало по сравнению с межъядерным расстоянием,

8 ЖЭТФ, вып. 2 (8)

$$\Delta \rho \approx \frac{1}{2R_0^2\mu} \frac{\pi^2}{\omega^2}.$$

Во-вторых, сила, действующая на ион H^+ со стороны поля, должна быть больше силы кулоновского отталкивания, иначе невозможно обеспечить режим осцилляций иона H^+ около силового центра A^{q+} (см. рис. 3a).

Таким образом, область параметров поля, в которой разлет ионов происходит в режиме Крамерса-Хеннебергера, определяется следующими соотношениями:

$$a_e > 1, \quad P > \frac{137}{8\pi} \xi^{-2} \left(1 - \frac{q}{m}\right)^{-2} \omega^4,$$
 (9)

$$\frac{R_0}{a_e} < 1, \quad P > \frac{137}{8\pi} \xi^{-2} \left(1 - \frac{q}{m}\right)^{-2} R_0^2 \omega^4, \qquad (10)$$

$$a_{\tau} < a_e, \quad P > 20^2 \frac{137}{8\pi} \xi^{-1} \left(1 + \frac{1}{m}\right) \times \left(1 - \frac{q}{m}\right)^{-2} R_0^{-2} \omega^2, \quad (11)$$

$$\Delta \rho < R_0, \quad \omega > \frac{1}{\sqrt{2}} \left(1 + \frac{1}{m} \right)^{1/2} \pi \xi^{1/2} R_0^{-3/2}, \quad (12)$$

$$E_0 > \frac{1}{R_0^2}, \quad P > \frac{137}{8\pi} R_0^{-4}.$$
 (13)

Здесь $\xi = 5.44 \cdot 10^{-4}$ — отношение массы электрона к массе протона, $m = M_2/M_1$. Выполнение условий (9)–(11) необходимо для обеспечения двугорбой структуры потенциала Крамерса–Хеннебергера в процессе разлета ионов, выполнение условий (12), (13) — для справедливости процедуры усреднения. Область параметров поля, в которой устанавливается режим Крамерса–Хеннебергера, представлена на



Рис. 4. Область параметров поля (ограничена жирными линиями), в которой устанавливается режим разлета ионов Крамерса-Хеннебергера для молекулы HD. Ромбиками помечена граница области, полученная в результате компьютерного моделирования кулоновского взрыва указанной молекулы. P_{at} , ω_{at} — атомные единицы интенсивности и частоты поля. $a_e = 1$ (1), $R_0/a_e = 1$ (2), $a_{\tau} = a_e$ (3), $\Delta \rho = R_0$ (4), $\nu = c$ (5)

рис. 4 для молекулы HD. Условие (13) не отражено на рис. 4, так как оно приводит к требованию P > 1, которое заведомо выполняется во всей указанной области. Прямая 5 на рис. 4 соответствует условию $\nu = c, \nu = E_0 / \mu \omega$. В области, которая находится ниже этой прямой, динамика кулоновского взрыва может быть описана в рамках использованной в данной работе нерелятивистской модели. Ромбиками помечена граница области, полученная в результате компьютерного моделирования кулоновского взрыва указанной молекулы. Заметим, что в случае $M_1 \ll M_2$ (например, молекула HCl) интенсивности, необходимые для достижения режима Крамерса-Хеннебергера, на порядок ниже, чем для молекулы HD. Это связано с увеличением в этом случае параметра γ примерно в три раза (см. соотношение (3)).

3. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В рамках классической механики рассмотрены особенности угловых распределений фрагментов кулоновского взрыва двухатомной гетероядерной молекулы в процессе диссоциативной ионизации в сверхсильном поле.

Показано, что картина угловых распределений фрагментов кулоновского взрыва различна в разных диапазонах параметров лазерного импульса. В частности, существуют два существенно разных режима разлета ионов: разлет в кулоновском поле $(\theta_{out} = \theta_0)$ и разлет в поле эффективного потенциала «ион + поле» ($\theta_{out} = \pi/2$). На основе метода Крамерса–Хеннебергера определены границы указанных режимов. Результаты аналитических оценок хорошо согласуются с данными компьютерного расчета (см. рис. 4).

Рассмотрение указанной задачи в рамках класмеханики подразумевает, во-первых, сической возможность реализации в реальном эксперименте начальных условий, близких к классическим, и, во-вторых, классическую динамику ионов. Для реализации в реальном эксперименте начальных условий, близких к классическим, по-видимому, может быть использован подготовительный импульс поля линейной поляризации интенсивности $P \approx 10^{13} \text{ Br/cm}^2$, осуществляющий выстраивание молекулы. Возможность классического рассмотрения динамики ионов обусловлена малостью параметра $\nu_s/\nu_d\,\approx\,\xi^{1/4},$ где ν_s — скорость расплывания и ν_d — скорость движения ионного волнового пакета.

Авторы с благодарностью отмечают поддержку данной работы грантами Российского фонда фундаментальных исследований (проекты № 00-02-16046, № 00-15-96554) и INTAS № 99-1495

ЛИТЕРАТУРА

- H. A. Kramers, Les Particles Elementaires, Report to the Eighth Solvay Conference, Editions Stoops, Brussels (1950).
- 2. W. C. Henneberger, Phys. Rev. Lett. 21, 838 (1968).
- M. Pont, N. R. Walet, M. Gavrila, and C. W. McCrudy, Phys. Rev. Lett. 61, 939 (1988).
- 4. M. Pont and M. Gavrila, Phys. Lett. A 123, 469 (1987).
- 5. M. Pont, Phys. Rev. A 40, 5659 (1989).
- M. Pont, N. R. Walet, and M. Gavrila, Phys. Rev. A 41, 417 (1990).
- 7. Q. Su and J. H. Eberly, Phys. Rev. A 43, 2474 (1991).
- R. Grobe and J. H. Eberly, Phys. Rev. A 47, 719 (1993).
- 9. Е. А. Волкова, А. М. Попов, О. В. Тихонова, ЖЭТФ 109, 1586 (1996).
- L. Fransinski, K. Codling, P. Hatherly et al., Phys. Rev. Lett. 58, 2424 (1987).

- K. Boyer, T. S. Luk, J. S. Solem, S. K. Rhodes, Phys. Rev. A 39, 1186 (1989).
- P. A. Hatherly, L. J. Fransinski, K. Codling et al., J. Phys. B 23, L291 (1990).
- D. T. Strickland, Y. Beaudoin, P. Dietrich, P. B. Corkum, Phys. Rev. Lett. 68, 2755 (1992).
- W. T. Hill, J. Zhu, D. L. Hatten et al., Phys. Rev. Lett. 69, 2646 (1992).
- 15. K. Codling and L. J. Fransinski, J. Phys. B 26, 783 (1993).
- 16. L. J. Fransinski, J. Phys. B 27, L109 (1994).
- 17. P. A. Hatherly, M. Stankiewicz, K. Codling et al., J. Phys. B 28, 2993 (1994).
- C. Cornaggia, M. Schmidt, and D. Normand, J. Phys. B 27, L123 (1994).
- 19. J. H. Posthumus, J. Plumridge, M. K. Thomas et al., J. Phys. B 31, L553 (1998).
- 20. M. Schmidt, D. Normand, and C. Cornaggia, Phys. Rev. A 50, 5037 (1994).
- 21. T. D. G. Walsh, F. A. Ilkov, S. L. Chin et al., Phys. Rev. A 58, 3922 (1998).
- 22. Ph. Herring and C. Cornaggia, Phys. Rev. A 59, 2836 (1999).
- 23. A. Giusti-Suzor and Ch. Jungen, J. Chem. Phys. 80, 986 (1983).
- 24. E. Charron and A. Suzor-Weiner, J. Chem. Phys. 108, 3922 (1998).
- 25. T. Seideman, M. Yu. Ivanov, and P. B. Corkum, Phys. Rev. Lett. 75, 2819 (1995).

- 26. T. Zuo and A. Bandrauk, Phys. Rev. A 51, R26 (1995).
- 27. S. Chelcowski and A. Bandrauk, J. Phys. B 28, L723 (1995).
- 28. J. H. Posthumus, L. J. Fransinski, A. J. Giles, K. Codling, J. Phys. B 28, L349 (1995).
- 29. T. Yu and A. Bandrauk, Phys. Rev. A 56, 685 (1997).
- 30. A. M. Popov, O. V. Tikhonova, and E. A. Volkova, Laser Phys. 7, 108, (1997).
- 31. I. Last and J. Jortner, Phys. Rev. A 58, 3826 (1998).
- 32. Y. Fyodorov and Y. Alhassid, Phys. Rev. A 58, R3375 (1998).
- 33. J. H. Posthumus, J. Plumridge, L. J. Fransinski et al., J. Phys. B 31, L985 (1998).
- 34. J. Grochmalicki, M. Lewenstein, and K. Rzazewski, Phys. Rev. Lett. 66, 1038 (1991).
- 35. R. Grobe and C. K. Law, Phys. Rev. A 44, R4114 (1991).
- 36. B. Sundaram and R. V. Jensen, Phys. Rev. A 47, 1415 (1993).
- 37. F. Benvenuto, G. Casati, and D. L. Shepelyansky, Phys. Rev. A 47, R786 (1993).
- 38. G. Casati, I. Guarneri, and G. Mantica, Phys. Rev. A 50, 5018 (1994).
- 39. R. V. Karapetyan, Laser Phys. 10, 160 (2000).
- 40. M. Gavrila and J. Z. Kaminski, Phys. Rev. Lett. 52, 613 (1984).
- 41. О. В. Смирнова, ЖЭТФ 117, 702 (2000).