КРИТИЧЕСКАЯ ДИНАМИКА МОДЕЛЕЙ АНТИФЕРРОМАГНЕТИКА Cr₂O₃

А. К. Муртазаев, И. К. Камилов, Х. К. Алиев, В. А. Мутайламов

Институт физики Дагестанского научного центра Российской академии наук 367003, Махачкала, Россия

Поступила в редакцию 10 июня 1999 г.

Методом Монте-Карло исследована критическая динамика моделей реального антиферромагнетика Cr_2O_3 . С помощью аппарата автокорреляционных функций определены времена релаксаций систем, содержащих $N=256,\,500,\,864,\,2048,\,2916$ спинов. На их основе рассчитаны значения динамического критического индекса z.

PACS: 75.40.Cx; 75.40.Mg; 75.50.Ee

Исследование динамических критических свойств спиновых систем одна из актуальных задач статистической физики. Если в последние годы в исследованиях и понимании статических критических явлений достигнут значительный прогресс, то изучение критической динамики традиционными методами сталкивается со значительными трудностями [1-4]. Это привело к тому, что в настоящее время критическая динамика интенсивно исследуется методами вычислительной физики, в частности методами Монте-Карло [5-10]. В последние годы методом Монте-Карло выполнены тщательные исследования критической динамики модели Изинга [5] и классической модели Гейзенберга [6] на простой кубической решетке с расчетом динамического критического индекса z. При этом как для модели Изинга, так и для модели Гейзенберга полученные значения динамического критического индекса z близки к двойке. Для модели Изинга это значение согласуется с теоретически предсказанными [1], но этого нельзя сказать о модели Гейзенберга, так как для изотропных ферромагнетиков (Ј-модель [1]) теория предсказывает значение $z = (d + 2 - \eta)/2 \approx 2.5$ (d — размерность пространства, η — индекс Фишера).

В этом плане значительный интерес представляют исследования критической динамики антиферромагнетиков и степень влияния на нее слабых ре-

лятивистских взаимодействий (анизотропии), возмущающих исходное поведение.

В данной работе нами впервые исследована критическая динамика моделей реального гейзенберговского антиферромагнетика Cr₂O₃ со сложной ромбоэдрической структурой. Гамильтониан Cr₂O₃ может быть представлен в следующем виде [11–13]:

$$H = -\frac{1}{2} \sum_{i,j} J_1(\mu_i \mu_j) - \frac{1}{2} \sum_{k,l} J_2(\mu_k \mu_l) - D_0 \sum_i (\mu_i^z)^2, \quad |\mu_i| = 1,$$
(1)

где, согласно экспериментальным данным [11], J_1 и J_2 — параметры взаимодействия каждого спина соответственно с одним ближайшим соседом и с тремя следующими ($J_2 = 0.45J_1, J_1 < 0, J_2 < 0$). Различные релятивистские взаимодействия задавались эффективной одноионной анизотропией $D_0 > 0$.

С нашей точки зрения, необходимо рассмотреть следующие соотношения между анизотропией D_0 и обменом J_1 :

I.
$$D_0/|J_1| = 2.5 \cdot 10^{-4}$$
,

соответствующее реальным образцам Cr₂O₃;

II.
$$D_0/|J_1| = 2.5 \cdot 10^{-2}$$
,

характерное для малых магнитных систем с одноосной анизотропией и размерами в несколько десятков ангстрем [14].

^{*}E-mail: kamilov@datacom.ru



Рис. 1. Временные зависимости автокорреляционных функций *F* для систем с разным числом спинов *N* (модель II): 1 — *N* = 256; 2 — *N* = 500; 3 — *N* = 864; 4 — *N* = 1372; 5 — *N* = 2048; 6 — *N* = 2916. Время *t* измеряется в шагах Монте-Карло и нормируется на спин

Первый случай назовем моделью I, второй — моделью II. Все кристаллографические, обменные и другие данные, используемые для модели I, соответствуют реальным образцам Cr_2O_3 . В модели II для константы анизотропии D_0 использовано значение, характерное для малых магнитных систем (частиц), так как, несмотря на наличие периодических граничных условий, моделируемые методом Монте-Карло системы имеют конечные линейные размеры ($L \ll \infty$, $L \propto N^{1/3}$), вследствие чего возможно проявление некоторых свойств, характерных для малых систем.

Расчеты проводились методом Монте-Карло на основе стандартного алгоритма Метрополиса, для чего формировались системы с периодическими граничными условиями, содержащие N = 256, 500, 864, 2048, 2916 спинов, расположенных и взаимодействующих в строгом соответствии с кристаллографическими и обменными характеристиками реальных кристаллов Cr_2O_3 .

Согласно динамическому конечно-размерному скейлингу [6,15], в критической области релак-

сационное время τ масштабируется следующим образом:

$$\tau(\xi, L, t) = L^z f(\xi/L, t/L^z), \qquad (2)$$

где ξ — корреляционная длина, а f(x,g) — скейлинговая функция. В критической точке характерная длина корреляций определяется размерами L системы, следовательно, релаксационное время определяется как

$$\tau \propto L^z$$
 (3)

для асимптотически больших *L*. Для того чтобы определить *z*, необходимо найти времена релаксаций системы с различными *L*. Для этого нами использовался аппарат автокорреляционных функций. Для параметра порядка вектора антиферромагнетизма рассчитывались автокорреляционные функции

$$F(t) = \frac{\langle \mathbf{M}(0)\mathbf{M}(t)\rangle - \langle \mathbf{M}(0)\rangle \langle \mathbf{M}(0)\rangle}{\langle \mathbf{M}(0)\mathbf{M}(0)\rangle - \langle \mathbf{M}(0)\rangle \langle \mathbf{M}(0)\rangle}, \qquad (4)$$

где $\mathbf{M}(t)$ — значение параметра порядка в момент времени t. Автокорреляторы для каждой си-



Рис. 2. Зависимость времени релаксации au [шаг Монте-Карло/спин] от линейных размеров системы L (модель I, $z=2.54\pm0.08$)

стемы прослеживались до тех пор, пока значение F(t) не уменьшалось до 0.1. Полученные значения F(t) аппроксимировались экспоненциальной функцией $F(t) = A \exp(-t/\tau)$, из которой нелинейным методом наименьших квадратов определялись времена релаксации τ .

После достижения равновесного состояния, для того чтобы выполнить усреднения в выражении (4), генерировалась последовательность конфигураций, где одна конфигурация отстояла от другой на время больше т для каждой системы. Таким образом достигалась независимость последовательных конфигураций. Для всех систем выполнялось по n = 30000усреднений при необходимом минимуме в 22000. После вывода систем в равновесие отсекался еще дополнительный участок марковской цепи длиной в 57. Выполнялся и ряд проверочных экспериментов с увеличением всех контрольных цифр в два раза. При этом существенного улучшения результатов не наблюдалось. Для определения критических температур изучаемых систем использовался метод кумулянтов Биндера [16].

На рис. 1 представлена характерная зависимость автокорреляционных функций F(t) для систем с разным числом спинов для модели II. Аналогичные зависимости получались и для модели I. С использованием τ , определенных по указанной выше схеме, строились двойные логарифмические зависимости времен релаксаций τ от линейных размеров L. Рисунок 2 иллюстрирует такую зависимость для модели I. На этом рисунке угол наклона прямой определяет значение индекса z. Полученные таким образом значения динамического критического индекса z составляют $z = 2.54 \pm 0.08$ для модели I и $z = 2.33 \pm 0.08$ для модели II. Отметим, что значение $z = 2.54 \pm 0.08$ расходится с теоретическими оценками для изотропных (z = d/2, *G*-модель [1]) и анизотропных ($z \approx 2.0$ [4]) антиферромагнетиков, но хорошо согласуется с предсказанным для изотропных ферромагнетиков ($z \approx 2.5$, *J*-модель [1]). Аналогично, величина $z = 2.33 \pm 0.08$, полученная для модели II, также значительно отличатся от теоретических оценок для антиферромагнетиков и принимает промежуточное положение между значениями, предсказанными для изотропных ферромагнетиков ($z \approx 2.5$ [1]) и анизотропных магнетиков ($z \approx 2$, *A*-модель [1]). Очевидно, что такое изменение *z* от модели I к модели II связано со значительным усилением члена, описывающего одноионную анизотропию.

ЛИТЕРАТУРА

- P. C. Hohenberg and B. C. Halperin, Rev. Mod. Phys. 49, 435 (1977).
- А. З. Паташинский, В. А. Покровский, Флуктуационная теория фазовых переходов, Наука, Москва (1982).
- **3**. Ш. Ма, Современная теория критических явлений, Мир, Москва (1980).
- **4**. И. К. Камилов, Х. К. Алиев, УФН **168**, 953 (1998).
- S. Wansleben and D. P. Landau, Phys. Rev. B 43, 6006 (1991).
- P. Peczak and D. P. Landau, Phys. Rev. B 47, 14260 (1993).
- R. Marz, D. Hunter, and N. Jan, J. Stat. Phys. 74, 903 (1994).
- А. Н. Вакилов, В. В. Прудников, Письма в ЖЭТФ 55, 709 (1992).
- 9. В. В. Прудников, А. Н. Вакилов, ЖЭТФ 103, 962 (1993).
- 10. О. Н. Марков, В. В. Прудников, ФТТ 37, 1574 (1995).
- E. J. Samuelsen, M. T. Hutchings, and G. Shirane, Physica 48, 13 (1970).
- А. К. Муртазаев, Х. К. Алиев, И. К. Камилов, К. Ш. Хизриев, ФНТ 24, 462 (1998).
- А. К. Муртазаев, И. К. Камилов, Х. К. Алиев, К. Ш. Хизриев, ФТТ 40, 1661 (1998).
- 14. P. K. Hendriksen, S. Linderoth, and P.-A. Lindgard, Phys. Rev. B 48, 7259 (1993).
- 15. M. Suzuki, Prog. Theor. Phys. 58, 1142 (1977).
- 16. K. Binder, Phys. Rev. Lett. 47, 693 (1981).