# ОСЛАБЛЕНИЕ РАССЕЯНИЯ ФОНОНОВ ПРОСТРАНСТВЕННО-КОРРЕЛИРОВАННОЙ СИСТЕМОЙ ИОНОВ ЖЕЛЕЗА И НИЗКОТЕМПЕРАТУРНАЯ «АНОМАЛИЯ» ТЕРМОЭЛЕКТРИЧЕСКИХ ЯВЛЕНИЙ В КРИСТАЛЛАХ HgSe:Fe

И. Г. Кулеев\*, А. Т. Лончаков, И. Ю. Арапова, Г. И. Кулеев

Институт физики металлов Уральского отделения Российской академии наук 620219, Екатеринбург, Россия

Поступила в редакцию 30 июля 1997 г.

Экспериментально обнаружен и теоретически рассчитан новый эффект ослабления рассеяния фононов пространственно-коррелированной системой ионов железа в кристаллах HgSe:Fe. Проведены экспериментальные исследования термоэдс на образцах HgSe:Fe с различным содержанием примесей железа в интервале температур 7.5–60 К. Обнаружено, что при T < 10 К зависимость термоэдс от содержания примесей железа имеет необычный характер: с ростом содержания примесей железа величина  $|\alpha(N_{\rm Fe})|$  сначала до  $N_{\rm Fe} = 5 \cdot 10^{18}$  см<sup>-3</sup> убывает, затем возрастает, достигая максимума при  $N_{\rm Fe} \approx (1-2) \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup>, дальнейшее увеличение концентрации  $N_{\rm Fe}$  приводит к монотонному убыванию величины термоэдс. Показано, что наблюдаемый рост термоэдс обусловлен ослаблением рассеяния фононов на пространственно-коррелированной системе ионов Fe<sup>3+</sup>. Представлен теоретический анализ нового эффекта. Результаты расчета сопоставлены с экспериментальными данными.

### 1. ВВЕДЕНИЕ

Интерес к исследованию явлений электронного переноса в кристаллах HgSe, легированных железом, обусловлен тем, что эти соединения обладают рядом необычных физических свойств [1–9]. Одной из наиболее впечатляющих «аномалий» является существенное увеличение подвижности электронов в области гелиевых температур при возрастании концентрации железа от  $N_{\rm Fe} = N^* = 4.5 \cdot 10^{18}$  см<sup>-3</sup> до  $N_{\rm Fe} = 2 \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup> [1]. Было показано [5–9], что аномальный характер зависимостей подвижности электронов и термомагнитных эффектов от содержания железа и температуры обусловлен образованием состояния со смешанной валентностью ионов Fe<sup>2+</sup> и Fe<sup>3+</sup> на уровне Ферми и пространственным упорядочением положительных зарядов на ионах железа вследствие их кулоновского отталкивания. Поскольку при  $N_{\rm Fe} > N^*$  концентрация электронов проводимости и трехвалентных ионов железа стабилизируется,  $n_e = N_{\rm Fe}^{3+} = N^*$ , с увеличением содержания железа возрастает концентрация  $N_0 = N_{\rm Fe} - N_{\rm Fe}^{3+}$  нейтральных в решетке ионов Fe<sup>2+</sup>, которые являются свободными местами для перераспределения *d*-дырок. При этом степень пространственного упорядочения ионов Fe<sup>3+</sup> растет, рассеяние электронов проводимости ослабляется, а подвижность увеличивается. В работе [5] был предложен вариант модели короткодействующих корреляций, который позволил

<sup>\*</sup>E-mail: kuleev@imp.uran.ru

количественно описать зависимости термогальваномагнитных эффектов от содержания железа и температуры [5–9].

Однако пространственное упорядочение ионов Fe<sup>3+</sup> приводит не только к ослаблению рассеяния электронов, но и к изменению характера зависимости времени релаксации электронов  $\tau$  от энергии  $\varepsilon$ . Проведенный в работе [6] анализ зависимости  $\tau(\varepsilon)$ на основе модели короткодействующих корреляций [5] показал, что при переходе от области слабых ( $N_0/N_{1+} \ll 1$ , где  $N_{1+} = N_{Fe}^{3+}$ ) к области сильных пространственных корреляций ( $N_0/N_{1+} > 1$ ) знак производной  $d\tau/d\varepsilon$  меняется с положительного на отрицательный, что приводит к изменению знаков эффектов Нернста–Эттингсгаузена с увеличением концентрации железа. Экспериментальные исследования [6,7] подтвердили этот важный теоретический вывод.

До настоящего времени основное внимание уделялось исследованию свойств кристаллов HgSe: Fe, которые определяются, главным образом, процессами релаксации импульса электронов на коррелированной системе ионов Fe<sup>3+</sup>, сплавном потенциале и т. д. [1-9]. Гораздо менее изученными оставались эффекты, обусловленные влиянием фононной системы на явления электронного переноса в кристаллах HgSe, содержащих примеси железа со смешанной валентностью. Одним из таких эффектов является увлечение электронов фононами, которое играет существенную роль в поведении термоэлектрических и термомагнитных эффектов при низких температурах [6,7,10]. Здесь мы покажем, что рост степени упорядочения коррелированной системы ионов  $Fe^{3+}$  с увеличением содержания примесей железа в кристаллах HgSe:Fe приводит не только к ослаблению рассеяния электронов и изменению характера зависимости  $\tau(\varepsilon)$  [6], но также и к эффекту ослабления рассеяния фононов на пространственно упорядоченной системе ионов Fe<sup>3+</sup>. Будет показано, что этот эффект при достаточно низких температурах приводит к заметному росту величины термоэдс с увеличением концентрации N<sub>Fe</sub> в интервале  $5 \cdot 10^{18}$  см<sup>-3</sup>  $< N_{\rm Fe} < 2 \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup>. Следует отметить, что в этом же интервале концентраций железа наблюдается и аномальный рост подвижности электронов [1-3]. Как мы покажем ниже, это неслучайно, поскольку физической причиной обеих «аномалий» является пространственное упорядочение трехвалентных ионов Fe<sup>3+</sup> в системе ионов железа со смешанной валентностью. Насколько нам известно, эффект ослабления фононного рассеяния на коррелированной системе заряженных центров ранее никем не рассматривался не только в бесщелевых полупроводниках HgSe, легированных переходными элементами, но и в других системах со смешанной валентностью.

Для экспериментального наблюдения этого эффекта необходимо, чтобы, во-первых, вклад эффекта увлечения электронов фононами в термоэдс  $|\alpha_{ph}|$  преобладал над диффузионным вкладом  $|\alpha_e|$ , а, во-вторых, основным механизмом релаксации импульса фононов должен быть механизм рэлеевского рассеяния. Как показали исследования, проведенные в [7], эти условия выполняются в кристаллах HgSe:Fe в интервале температур 5 < T < 15 K. В работе [7] была измерена величина термоэдс на образцах HgSe:Fe с различным содержанием железа в интервале температур 10 < T < 45 K. Было показано, что температурные зависимости  $|\alpha(T)|$  имеют характерные минимумы при  $T_{min} = (20-$ 30) K, и что при  $T < T_{min}$  доминирует вклад фононного увлечения  $|\alpha_{ph}|$ , величина которого определяется фонон-электронным взаимодействием и механизмами релаксации импульса фононов. Было установлено, что механизм рэлеевского рассеяния фононов играет существенную роль в релаксации импульса фононов. Однако в [7] были исследованы только четыре образца с содержанием железа  $N_{\rm Fe} = (0; 0.1; 1; 40) \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup>, что не позволило авторам провести детальное изучение и обнаружить немонотонное поведение  $|\alpha(N_{\text{Fe}})|$ . Ниже приводятся результаты измерений и количественный анализ зависимости термоэдс от температуры и содержания железа на более широком, чем в [7], наборе образцов HgSe:Fe.

# 2. РЕЗУЛЬТАТЫ ЭКСПЕРИМЕНТА

Измерена зависимость термоэдс  $\alpha(T)$  на восьми кристаллах HgSe:Fe с содержанием железа от нуля до  $4 \cdot 10^{20}$  см<sup>-3</sup> в интервале температур 7.5 < T < 60 К. Основные характеристики исследованных образцов (концентрация железа  $N_{\rm Fe}$ , электронов  $n_e$ , подвижность  $\mu$ ) приведены в табл. 1. Средние размеры образцов составляли  $8 \times 2.0 \times 0.8$  мм<sup>3</sup>. Измеряемая разность температур не превышала 10% от средней температуры образца. Как видно из табл. 1, для образцов 2 и 3 с  $N_{\rm Fe} < N^*$ , у которых уровень Ферми расположен ниже донорного уровня железа, концентрация электронов превышает концентрация которых  $N_d$  в кристаллах HgSe:Fe обычно составляет ( $1 \div 2$ ) ·  $10^{18}$  см<sup>-3</sup>. В этом случае концентрация электронов  $n_e$  равна полной концентрации заряженных центров  $n_e = N_d + N_{1+} = N_i$ . При  $N_{\rm Fe} > N^*$  уровень Ферми фиксирован на донорном уровне железа, и концентрация электронов не зависит от  $N_{\rm Fe}$ .

Таблица 1

Номер образца	$N_{ m Fe},\ 10^{19}~{ m cm}^{-3}$	$n_e$ , $10^{18}$ см $^{-3}$	μ, 10 <sup>4</sup> см <sup>2</sup> /В·с (4.2 K)	N <sub>i</sub> , 10 <sup>18</sup> см <sup>-3</sup>
1	0.0	2.4	2.25	2.4
2	0.1	3.0	2.8	3
3	0.3	4.0	2.9	4.0
4	0.5	4.8	5.1	5.0
5	1.0	4.7	8.3	10.0
6	2.0	4.9	6.4	20.0
7	5.0	4.81	5.95	50.0
8	40.0	6.2	2.5	400.0

На рис. 1, 2 приведены зависимости абсолютной величины термоэдс  $|\alpha|$  от температуры. Как видно из рисунков, кривые  $|\alpha(T)|$  имеют минимумы. При  $T > T_{min}$ величины термоэдс определяются, главным образом, электронным вкладом  $|\alpha_e(T)|$ , который монотонно убывает с уменьшением температуры. При  $T < T_{min}$  основной вклад в термоэдс вносит эффект увлечения электронов фононами, и величина термоэдс увлечения  $|\alpha_{ph}(T)|$  определяется механизмами релаксации фононов. С ростом концентрации примесей железа минимумы  $|\alpha(T)|$  смещаются в область более низких температур, а величина  $|\alpha(T)|$  уменьшается во всем температурном интервале для всех образцов за исключением образцов 5, 6 (см. рис. 2), для которых при понижении температуры величина  $|\alpha(T)|$  возрастает значительно быстрее, чем для образца 4. Поэтому при T < 11 К, значения термоэдс для кристаллов HgSe:Fe с содержанием железа (1; 2) · 10<sup>19</sup> см<sup>-3</sup> становятся больше, чем для  $N_{\rm Fe} = 5 \cdot 10^{18}$  см<sup>-3</sup>, хотя, казалось бы, рост концентрации примесей железа должен приводить к возрастанию рэлеевского рассеяния фононов, и



Рис. 1. Рассчитанные (линии) и экспериментальные (точки) зависимости абсолютной величины термоэдс от температуры в кристаллах HgSe:Fe с различным содержанием железа для образцов с номерами 1 (о), 2 (•), 3 (□), 4 (■), 7 (△), 8 (▲). Значения концентраций N<sub>Fe</sub> и параметров фононного рассеяния приведены в табл. 1, 2 соответственно



**Рис. 2.** Рассчитанные (линии) и экспериментальные (точки) зависимости абсолютной величины термоэдс от температуры для образцов с номерами 4 ( $\blacksquare$ ), 5 ( $\triangle$ ), 6 ( $\bullet$ ). Значения концентраций  $N_{\rm Fe}$  и параметров фононного рассеяния приведены в табл. 1, 2 соответственно

величина термоэдс при фиксированной температуре должна уменьшаться с ростом концентрации рассеивающих центров. Тем более, что для остальных кристаллов такая зависимость имеет место: из рис. 1 видно, что при T = 7.5 К величина термоэдс при увеличении концентрации примесей железа от  $1 \cdot 10^{18}$  см<sup>-3</sup> до  $4 \cdot 10^{20}$  см<sup>-3</sup> уменьшается более чем в 20 раз, а при T = 20 К при переходе от образца 1 к образцу 8 более чем в 25 раз. Из этого следует, что при T < 20 К механизм рэлеевского рассеяния фононов



**Рис. 3.** Рассчитанные (линии) и экспериментальные (точки) зависимости абсолютной величины термоэдс от содержания железа при температурах T = 7.5 К ( $\blacksquare$ , кривая 1), 10 К ( $\square$ , 2), 12 К ( $\bullet$ , 3), 15 К ( $\nabla$ , 4), 50 К ( $\times$ , 5). Использованы средние значения параметров фононного рассеяния:  $E_1 = 0.75, c_L = 0.1, c_H = 2, c_{R^+} = 2, c_{R^0} = 0.15$ 

играет существенную роль в релаксации импульса фононной системы и в значительной мере определяет величину вклада фононного увлечения в термоэдс.

Необычный характер поведения зависимости термоэдс  $|\alpha|$  от содержания примесей железа при различных температурах виден на рис. 3. Концентрация  $N_i$  для образцов 1–3 равна концентрации заряженных центров, а для образцов 4-8 — концентрации железа  $N_{\rm Fe}$ . Как видно из рис. 3, зависимость  $|\alpha(N_i)|$  при T < 12 К является немонотонной: термоэдс  $|\alpha(N_i)|$  с ростом  $N_i$  сначала убывает до значений  $|\alpha_{min}| \sim 10$  мкВ/К при  $N_i = 5 \cdot 10^{18}$  см<sup>-3</sup>, затем увеличивается, достигая максимума  $|\alpha_{max}| \approx 12.5$  мкВ/К при  $N_{\rm Fe} \approx (1 \div 2) \cdot 10^{19} \, {\rm cm}^{-3}$ . Таким образом, рост термоэдс в этом интервале концентраций составляет ≈ 2 мкВ/К, что в четыре раза превышает погрешность эксперимента. Дальнейшее увеличение содержания железа приводит к монотонному уменьшению величины  $|\alpha(N_i)|$ , что, очевидно, обусловлено ростом рэлеевского рассеяния на нейтральных в решетке ионах Fe<sup>2+</sup>. Дело в том, что при  $N_{\rm Fe} > N^*$  уровень Ферми фиксирован на донорном уровне железа и с увеличением содержания примесей железа концентрация ионов  $Fe^{3+}$  остается постоянной, а возрастает только концентрация ионов  $Fe^{2+}$ . С увеличением температуры максимум на зависимости  $|\alpha(N_i)|$  исчезает, хотя характерные изломы на кривых  $|\alpha(N_i)|$  сохраняются вплоть до 20 К. При T = 50 К величина термоэдс определяется электронным вкладом и зависимость  $|\alpha(N_i)|$  является монотонно убывающей.

Следует обратить внимание на тот факт, что зависимость величины термоэдс от концентрации железа при T < 10 К качественно подобна зависимости подвижности электронов  $\mu(N_{\rm Fe})$  [3]. Так же как  $\mu(N_{\rm Fe})$  термоэдс  $|\alpha(N_{\rm Fe})|$  с ростом  $N_{\rm Fe}$  сначала убывает до концентрации  $N_{\rm Fe} = 5 \cdot 10^{18}$  см<sup>-3</sup>, а затем возрастает, достигая максимума при  $N_{\rm Fe} = (1 \div 2) \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup>. При дальнейшем увеличении содержания железа подвижность и термоэдс монотонно убывают. При  $N_{\rm Fe} < 5 \cdot 10^{18}$  см<sup>-3</sup> с ростом  $N_{\rm Fe}$  возрастает

концентрация трехвалентных ионов железа и электронов проводимости. В результате подвижность и термоэдс уменьшаются по двум причинам: во-первых, из-за увеличения вероятности рассеяния электронов и фононов на ионах Fe<sup>3+</sup>, во-вторых, вследствие повышения уровня Ферми и непараболичности зонной структуры HgSe:Fe. При  $N_{\rm Fe} > 2 \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup> с увеличением содержания железа возрастает концентрация нейтральных в решетке ионов Fe<sup>2+</sup>, что приводит к уменьшению и  $\mu(N_{\rm Fe})$ , и  $|\alpha(N_{\rm Fe})|$  за счет увеличения рассеяния на них. Рост подвижности электронов в интервале концентраций  $5 \cdot 10^{18} < N_{\rm Fe} < 2 \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup> обусловлен уменьшением вероятности рассеяния электронов на заряженных центрах при увеличении степени пространственного упорядочения коррелированной системы ионов Fe<sup>3+</sup> [5,6]. Поэтому можно предположить, что увеличение термоэдс в этом интервале концентраций обусловлено уменьшением вероятности рассеяния фононов на коррелированной системе ионов Fe<sup>3+</sup>.

Ниже приведен количественный анализ зависимостей термоэдс от температуры и содержания примесей железа с учетом эффекта увлечения электронов фононами. В расчете учитывается рассеяние электронов на коррелированной системе ионов  $Fe^{3+}$ , сплавном потенциале и акустических фононах, а также основные механизмы рассеяния фононов. Отдельно рассмотрено рассеяние фононов на пространственно упорядоченной системе ионов  $Fe^{3+}$ .

### 3. ДИФФУЗИОННАЯ КОМПОНЕНТА ТЕРМОЭДС

Хорошо известно [10], что наблюдаемые на опыте зависимости термоэдс  $\alpha(T)$  при низких температурах определяются суммой диффузионной  $\alpha_e(T)$  и фононной  $\alpha_{ph}(T)$  составляющих:

$$\alpha(T) = \alpha_e(T) + \alpha_{ph}(T). \tag{1}$$

При вычислении термоэдс учитывается непараболичность зоны проводимости кристаллов HgSe в рамках двузонной модели Кейна с энергией  $\varepsilon_g = 0.022$  эВ и эффективной массой электрона на дне зоны  $m_n = 0.02m_0$ , где  $m_0$  — масса свободного электрона. Для вырожденного электронного газа (в условиях эксперимента неравенство  $\varepsilon_F \gg k_B T$  хорошо выполняется) электронная компонента термоэдс может быть представлена в виде<sup>1)</sup>

$$\alpha_e(T) = -\frac{\pi^2 k_B^2 T}{3e\varepsilon_F} \left(\frac{3}{2} f_{gF} + D\right),\tag{2}$$

где

$$D = \varepsilon_F \left\{ \frac{\partial}{\partial \varepsilon} \ln \frac{\tau(\varepsilon)}{m(\varepsilon)} \right\}_{\varepsilon = \varepsilon_F}, \quad m(\varepsilon) = m_n \left( 1 + \frac{2\varepsilon}{\varepsilon_g} \right), \quad f_{gF} = \frac{\varepsilon_g + 2\varepsilon_F}{\varepsilon_g + \varepsilon_F}.$$

Основными механизмами релаксации импульса электронов в кристаллах HgSe:Fe при низких температурах являются рассеяние на коррелированной системе ионов  $Fe^{3+}$ , сплавном потенциале и акустических фононах [5], а также на собственных дефектах,

<sup>&</sup>lt;sup>1)</sup> В работе [7] в формуле (4) для  $\alpha_e(T)$  пропущен множитель  $f_{gF}$ , величина которого при  $\varepsilon_F = 210$  мэВ составляет примерно 1.5.

концентрация которых составляет ~  $1 \cdot 10^{18}$  см<sup>-3</sup>. При учете этих механизмов релаксации выражение для D может быть представлено в виде [7, 8]

$$D = \frac{\varepsilon_g + 2\varepsilon_F}{2(\varepsilon_g + \varepsilon_F)} \left[ \frac{K_+ + K_a - K_{ph}}{K_b + K_{ph}} \right] - \frac{4\varepsilon_F}{\varepsilon_g + \varepsilon_F},$$

$$K_a = \Lambda \left[ 2 \frac{N_{1+}}{N_+} \left( \frac{N_0}{N_+} \right)^{1/2} \left( \Phi_{+0} - \frac{\partial \Phi_{+0}}{\partial y} \Big|_{y=1} \right) - \frac{N_0}{2N_+} \Lambda \right], \quad N_+ = N_d + N_{1+}, \quad (3)$$

$$K_b = \frac{N_r}{N_+} \Phi_{BH} + \frac{N_c}{N_+} \Phi_c + \Lambda \left[ 2 \frac{N_{1+}}{N_+} \left( \frac{N_0}{N_+} \right)^{1/2} \Phi_{+0} + \frac{\Lambda}{2} \frac{N_0}{N_+} \right], \quad K_{ph} = \frac{3E_1^2 m_F k_F k_B T}{4\hbar^2 \varepsilon_B(\varepsilon_F) \rho s^2},$$

$$K_+ = \frac{N_c}{N_+} \left( 3 \Phi_c - \frac{\partial \Phi_c}{\partial y} \Big|_{y=1} \right) + \frac{N_r}{N_+} \left( 3 \Phi_{BH} - \frac{\partial \Phi_{BH}}{\partial y} \Big|_{y=1} \right),$$

$$\Phi_{BH} = \ln(1 + b_s) - (1 + b_s^{-1})^{-1}.$$

Здесь  $y = k/k_F$ ,  $E_1$  — константа деформационного потенциала,  $\rho$  — плотность кристалла, s — скорость звука,  $N_{1+}$ ,  $N_0$  — концентрации заряженных Fe<sup>3+</sup> и нейтральных в решетке ионов Fe<sup>2+</sup>,  $\Phi_{+0} = 1 - b_s^{-1} \ln(1+b_s)$ ,  $b_s = (2k_F r_s y)^2$ ,  $r_s$  — радиус экранирования Томаса–Ферми,  $\hbar k_F$  — фермиевский импульс,  $\varepsilon_B(\varepsilon_F) = m(\varepsilon_F)e^4/2\chi\hbar^2$  — боровская энергия,  $\chi$  — диэлектрическая проницаемость,  $\Lambda$  — отношение констант взаимодействия электронов с нейтральными и заряженными центрами. Согласно оценкам [5],  $\Lambda = 0.1$ , а

$$\Phi_c(k_F) = 2 \int_0^1 \frac{x^3 S(2k_F x)}{(x^2 + b_s^{-1})^2} \, dx, \tag{4}$$

где S(q) — структурный фактор, характеризующий степень упорядочения системы доноров, определен на основе модели короткодействующих корреляций, предложенной в [5]. Этот вариант модели короткодействующих корреляций является справедливым для случая произвольных по величине кулоновских корреляций ионов Fe<sup>3+</sup>-Fe<sup>3+</sup> и основывается на следующих физических предположениях. При  $N_{\rm Fe} > N^*$  на уровне Ферми образуется состояние со смешанной валентностью и положительные заряды на ионах железа (*d*-дырки) получают возможность перераспределяться по узлам кристаллической решетки, занятым ионами Fe<sup>2+</sup>. Как показано в [11], максимальный выигрыш свободной энергии при упорядочении ионов Fe<sup>3+</sup> обеспечивается тогда, когда наиболее близко расположенные *d*-дырки удаляются друг от друга. Поэтому вокруг каждого иона Fe<sup>3+</sup> образуется корреляционная сфера радиуса  $r_c$ , в которой нет других ионов Fe<sup>3+</sup>. С ростом содержания примеси железа N<sub>Fc</sub> увеличивается число свободных мест для перераспределения *d*-дырок, поэтому радиус корреляционной сферы и степень пространственного упорядочения коррелированной системы ионов Fe<sup>3+</sup> возрастают. Это позволяет аппроксимировать систему ионов Fe<sup>3+</sup> системой твердых сфер с диаметром d = r<sub>c</sub> [11]. Степень упорядочения в такой системе характеризуется параметром упаковки  $\eta = \pi d^3 N_{1+}/6 = V_c N_{1+}/8$ , который равен отношению объема, занятого твердыми сферами, к полному объему системы. Интегральное уравнение для парной корреляционной функции системы твердых сфер может быть решено точно [12], и структурный фактор, входящий в выражение (4), определяется без использования теории возмущений по малому параметру. Наличие в кристалле неупорядоченно расположенных ионов — собственных дефектов с концентрацией  $N_d$  — приводит к уменьшению радиуса корреляционной сферы [13]. Для определения зависимости  $\eta(N_{\rm Fe})$  в [13] было получено уравнение

$$\eta = \eta_L \exp\left(-p\frac{\eta}{\eta_L} \frac{N_d}{N_{1+}}\right) \left[1 - \exp\left(-\frac{\eta}{\eta_L} \frac{N_{\text{Fe}}}{N_{1+}}\right)\right].$$
(5)

Значение параметра  $p \approx 0.2$  было определено из анализа экспериментальных зависимостей  $\mu(N_{\rm Fe}, N_d)$  для кристаллов HgSe:Fe,Ga в работе [13]. При концентрациях  $N_{\rm Fe} > 2 \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup> и  $N_d \rightarrow 0$  зависимость  $\eta(N_{\rm Fe})$  насыщается, достигая значения  $\eta_L = 0.45$ , что соответствует состоянию сильно коррелированной кулоновской жидкости [5].

При вычислении времени релаксации электронов в кристаллах HgSe:Fe, содержащих собственные дефекты, необходимо учитывать эффекты взаимного влияния механизмов рассеяния электронов на двух типах заряженных центров [14], а также кулоновские корреляции *d*-дырок и собственных дефектов [13]. Поскольку собственные дефекты неподвижны, а *d*-дырки могут перераспределяться по узлам кристаллической решетки, занятым ионами Fe<sup>2+</sup>, вокруг части собственных дефектов  $\delta N_d$ , расположенных на расстояниях больших радиуса  $r_c$ , также образуются корреляционные сферы. Эта часть собственных дефектов рассеивает электроны так же, как коррелированная система ионов Fe<sup>3+</sup>. Другая часть собственных дефектов  $N_r = (1 - \delta)N_d$ , находящихся на расстояниях меньших  $r_c$ , рассеивает электроны как неупорядоченная совокупность заряженных центров. В [13] показано, что параметр  $\delta$  может быть выражен через параметр упаковки:

$$\delta = \exp\left(-p\frac{\eta}{\eta_L}\frac{N_d}{N_{1+}}\right).$$
(6)

Такой подход позволил успешно объяснить зависимости подвижности электронов от содержания примесей железа и галлия в кристаллах HgSe:Fe,Ga [13]. Здесь он используется при расчете диффузионной компоненты термоэдс в кристаллах HgSe:Fe, содержащих собственные дефекты.

С увеличением температуры усиливается миграция *d*-дырок между ионами  $Fe^{2+}$  и  $Fe^{3+}$ , система ионов  $Fe^{3+}$  все более хаотизируется, степень пространственного упорядочения и радиус корреляционной сферы уменьшаются. Влияние температуры на степень пространственного упорядочения коррелированной системы ионов  $Fe^{3+}$  можно учесть в приближении «мягких сфер» [9]. Согласно [9], изменение диаметра «мягкой сферы» d(T) определяется выражением

$$d(T) = d_0 \left[ 1 - \frac{\Delta r(T)}{d_0} \right], \quad \frac{\Delta r}{d_0} = \beta_1 \left[ \sqrt{1 + \beta_2 T} - 1 \right]. \tag{7}$$

Здесь  $d_0$  — диаметр твердой сферы при T = 0,  $\beta_1$ ,  $\beta_2$  — параметры, зависящие в общем случае от концентраций  $N_+$  и  $N_0$ , параметра упаковки и радиуса экранирования. Для различных концентраций  $N_{\rm Fe}$  они получены в [9] из сопоставления теоретически рассчитанных и экспериментально определенных зависимостей подвижности электронов  $\mu(T)$ .

Итак, выражения (1)-(7) позволяют проанализировать зависимость диффузионной термоэдс как от концентрации примесей железа, так и от температуры.

## 4. ФОНОННАЯ КОМПОНЕНТА ТЕРМОЭДС

Вклад эффекта увлечения электронов фононами в термоэдс может быть представлен в виде [7, 15]

$$\alpha_{ph}(T) = -\left(\frac{k_B}{T}\right) A_{ph}(T). \tag{8}$$

В кристаллах HgSe электроны взаимодействуют не только с продольными, но и с поперечными фононами. Аналогично тому как сделано в [16], для упрощения дальнейших расчетов мы введем среднюю скорость звука акустических фононов  $s = (1/3) \times (1/s_l + 2/s_t)^{-1}$ , где  $s_l$  и  $s_t$  — скорости продольных и поперечных фононов соответственно. Тогда сила фононного увлечения  $A_{ph}$  может быть представлена в виде [7]

$$A_{ph} = \frac{6m(\varepsilon)s^2}{k_B} \sum_{\mathbf{k}',\mathbf{q}} \frac{W(q)}{\nu_{ph}} \frac{dN_q^0}{dT} \left(1 - \frac{\mathbf{k}\mathbf{k}'}{k^2}\right) \delta(\varepsilon_{\mathbf{k}} - \varepsilon_{\mathbf{k}'}) \delta_{\mathbf{k}' - \mathbf{k},\mathbf{q}},\tag{9}$$

где  $W(q) = \pi E_1^2 q/\rho s$ ,  $E_1$  — константа деформационного потенциала,  $\rho$  — плотность кристалла,  $\nu_{ph}$  — частота релаксации длинноволновых фононов,  $N_q^0 = [\exp(\hbar \omega_q/k_B T) - 1]^{-1}$  — функция распределения Планка.

Вид функции  $A_{ph}(\varepsilon_F, T, N_{Fe}, N_+)$  зависит от механизма электрон-фононного взаимодействия и частоты релаксации фононов  $\nu_{ph}$ . Как показали расчеты [7, 16], основной вклад в релаксацию импульса длинноволновых фононов в кристаллах HgSe:Fe при низких температурах вносят механизмы Херринга, Рэлея, рассеяние фононов на электронах и границах образца:

$$\nu_{ph} = \nu_{phH} + \nu_{phR} + \nu_{phe} + \nu_{phL}, \tag{10}$$

где  $\nu_{phH} = \Lambda_H x^2$ ,  $x = q/q_T$ ,  $\Lambda_H = B_2 T^3 s^2 q_T^2$ ,  $q_T = k_B T/\hbar s$  — тепловой импульс фононов  $B_2 = (3 \pm 0.8) \cdot 10^{-22} \text{ c/K}^3$ ,  $\nu_{phe} = \nu_{phe}^0 x$ ,

$$u_{phe}^{0} = rac{1}{2\pi} \, rac{E_{1}^{2}m(arepsilon)}{
ho\hbar^{3}} \, q_{T}, \quad 
u_{phL} = rac{c_{L}s}{(L_{1}L_{2})^{1/2}} = 
u_{phL}^{0}c_{L}, \quad c_{L} = rac{f}{2-f},$$

где f — доля фононов, рассеянных диффузно границами образца,  $L_1L_2$  — поперечное сечение образца. Для рассеяния фононов на заряженных Fe<sup>3+</sup> и нейтральных ионах Fe<sup>2+</sup> (механизм Рэлея) имеем

$$\nu_{phR} = \nu_{phR+} + \nu_{phR0}.$$
 (11)

Анализ экспериментальных данных показал (см. разд. 2), что этот механизм играет существенную роль в определении величины фононной компоненты термоэдс в кристаллах HgSe. Как и в работе [16], при рассмотрении рассеяния фононов на хаотически распределенных нейтральных и заряженных центрах мы воспользуемся приближением точечных дефектов. Тогда

$$\nu_{phR0} = \Lambda_{R0} N_0 x^4, \quad \Lambda_{R0} = A_0 s^4 q_T^4, \tag{12}$$

$$\nu_{phR+} = \Lambda_{R+} N_{+} x^{4}, \quad \Lambda_{R+} = A_{+} s^{4} q_{T}^{4}.$$
(13)

Под точечными дефектами обычно понимают примеси замещения, изотопы, вакансии, межузельные атомы, возмущающий эффект которых локализован в пределах элементарной ячейки. Для длинноволновых акустических фононов точечный дефект ведет себя как малая область кристалла (по сравнению с длиной волны фононов) с отличающейся плотностью и упругими свойствами. Очевидно, что приближение точечных дефектов для примесей замещения  $Fe^{2+}$  является хорошим. Поскольку изменение силовых постоянных при такой замене нам неизвестно, параметр  $A_0$  является подгоночным параметром теории. Из сравнения рассчитанной зависимости теплопроводности кристаллов HgSe с различной концентрацией донорных примесей с экспериментальными данными для константы  $A_+$  получена оценка  $A_+ = 12.1 \cdot 10^{-40}$  см<sup>4</sup>/с. Согласно [16] величина  $A_+$  может различаться более чем на порядок для различного типа примесей из-за различия в сечении рассеяния фононов.

Выполнив несложные преобразования, из выражений (8) и (9) получим

$$\alpha_{ph} = -\frac{k_B}{2\pi^2 T} \frac{q_T^3}{n_e} \nu_{phe}^0 \int_0^{x_{2k_F}} \frac{x^5 \exp(x) dx}{\left[\exp(x) - 1\right]^2 \nu_{ph}(x)},\tag{14}$$

где  $x_{phF} = 2k_F/q_T$ , а

$$\nu_{ph}(x) = c_L \nu_{phL}^0 + \nu_{phe}^0 x + c_H \Lambda_H x^2 + c_{R+} (N_+ + c_{R0} N_0) \Lambda_{R+} x^4.$$
(14a)

В выражении (14а) мы в явном виде выделили подгоночные параметры  $c_H$ ,  $c_{R^+}$ ,  $c_{R0}$ , которые, как увидим ниже, характеризуют отличие свойств кристаллов HgSe: Fe от свойств HgSe с собственными дефектами [16]. Для значений параметров фононного рассеяния, полученных в работе [16], имеем  $c_H = c_{R^+} = 1$ , а константа  $c_{R0}$  показывает, во сколько раз вероятность рассеяния фононов на нейтральных ионах Fe<sup>2+</sup> меньше, чем на заряженных Fe<sup>3+</sup>.

Итак, выражения (8)–(14) позволяют проанализировать зависимость фононной компоненты термоэдс для хаотически распределенных рассеивающих центров.

# 5. РАССЕЯНИЕ ФОНОНОВ НА КОРРЕЛИРОВАННОЙ СИСТЕМЕ ИОНОВ Fe<sup>3+</sup>

Рассеяние фононов на коррелированной системе ионов Fe<sup>3+</sup> в кристаллах HgSe:Fe мы рассмотрим в модели точечных дефектов аналогично тому, как это сделано в работе [16]. Предполагается, что все возмущение, создаваемое ионом Fe<sup>3+</sup>, замещающим ион Hg<sup>2+</sup> в узле решетки, сосредоточено в пределах элементарной ячейки и сводится, как и для ионов Fe<sup>2+</sup>, к изменению упругих констант и массы. Хотя изменение величины  $\Delta M/M$  будет одинаковым для ионов Fe<sup>3+</sup>, должна отличаться от константы  $A_0$  для взаимодействие фонона с ионом Fe<sup>3+</sup>, должна отличаться от константы  $A_0$  для взаимодействия фонона с нейтральным центром. Дело в том, что потенциал ионов Fe<sup>3+</sup> в HgSe:Fe экранируется на расстояниях  $r_s \approx 5 \cdot 10^{-7}$  см. Поэтому в действительности возмущающий эффект иона Fe<sup>3+</sup> (изменение силовых постоянных и локальной плотности) захватывает не одну, а значительно большее число элементарных ячеек, так как  $r_s \sim 10a_0$  ( $a_0$  — постоянная решетки). Поскольку сечение рэлеевского рассеяния фоно-

на на ионе  $Fe^{3+}$  может быть значительно больше, чем на нейтральных в решетке ионах  $Fe^{2+}$ .

При вычислении частоты релаксации фононов на коррелированной системе ионов  $Fe^{3+}$  пространственное упорядочение ионов  $Fe^{3+}$  учтем через структурный фактор аналогично тому, как это сделано в [6] при вычислении времени релаксации электронов. Тогда для  $\nu_{phRc}$  получим

$$\nu_{phRc} = 2\pi N_{+}s \int_{0}^{\pi} (1 - \cos\theta)\sigma(q,\theta)S\left(q(1 - \cos\theta)\right)\sin\theta\,d\theta.$$
(15)

Здесь S(q) — структурный фактор,  $\sigma(q, \theta)$  — сечение рассеяния фонона с волновым вектором q на ионе Fe<sup>3+</sup>, зависящее в общем случае от угла  $\theta$  между направлениями падающего и рассеянного фонона. После усреднения по векторам поляризаций фононов для сечения рассеяния  $\sigma(q, \theta)$ , вычисленного в борновском приближении, зависимость от угла  $\theta$  пропадает [18, 19]. При этом  $\sigma(q, \theta) = \sigma(q)$ , что фактически соответствует учету только S-рассеяния. В этом случае, согласно [18–20], для  $\sigma(q)$  имеем

$$\sigma(q) = \frac{V_0^2 \omega_q^4}{4\pi s^4} S^2, \quad S^2 = S_1^2 + (S_2 + S_3)^2, \tag{16}$$

где  $V_0$  — объем области кристалла, возмущенной дефектом, а величины  $S_1$ ,  $S_2$  и  $S_3$  характеризуют вклады в сечение рассеяния фонона от изменения массы элементарной ячейки, силовых постоянных, а также деформации решетки (см. подробнее [18–20]). Поскольку для кристаллов HgSe:Fe из величин  $S_j$  известной является только

$$S_1 = \frac{\Delta M}{M} = \frac{M_{\rm Fe} - M_{\rm Hg}}{M_{\rm Hg} + M_{\rm Se}}$$

выражение для  $\sigma(q)$  мы представим в виде

$$\sigma(q) = c_{R+}A_+(\omega_q/s)^4,\tag{17}$$

где  $A_+$  — значение параметра для кристаллов HgSe с собственными дефектами, найденное в [16], а  $c_{R+}$  — параметр теории, значение которого должно быть определено из данных эксперимента. Как следует из выражений (15)–(17), он показывает, во сколько раз рассеяние фононов на ионах Fe<sup>3+</sup> отличается от рассеяния на собственных дефектах в кристаллах HgSe [16].

При низких температурах ( $T \sim 10$  K) основной вклад в  $\alpha_{ph}$  вносят длинноволновые фононы ( $q \sim q_T \approx 6.71 \cdot 10^6$  см<sup>-1</sup>). Поэтому для упрощения дальнейших расчетов разложим структурный фактор  $S_q$  в ряд по q до членов  $q^4$ . Тогда величина  $\nu_{phRc}(q)$  может быть вычислена аналитически:

$$\nu_{phRc} \approx \Lambda_{R+} N_{+} x^{4} \left\{ S(0) + 2S_{(1)} (u_{T} x)^{2} + \frac{16}{3} S_{(2)} (u_{T} x)^{4} \right\} \equiv \Lambda_{R+} N_{+} x^{4} \tilde{S}(x), \quad (18)$$

где

$$u_T = dq_T, \quad S(0) = \frac{(1-\eta)^4}{(1+2\eta)^2}, \quad S_{(1)} = S^2(0)4\eta \left(\frac{\beta}{5} + \frac{\gamma}{6} + \frac{\delta}{8}\right),$$

$$S_{(2)} = S^{2}(0) \left\{ S(0) \left[ 4\eta \left( \frac{\beta}{5} + \frac{\gamma}{6} + \frac{\delta}{8} \right) \right]^{2} - \frac{\eta}{5} \left( \frac{\beta}{7} + \frac{\gamma}{8} + \frac{\delta}{10} \right) \right\}$$
$$\beta = \frac{(1+2\eta)^{2}}{(1-\eta)^{4}}, \quad \gamma = -\frac{6\eta (1+0.5\eta)^{2}}{(1-\eta)^{4}}, \quad \delta = 0.5\eta\beta.$$

На рис. 4*a* приведены зависимости отношения  $\nu_{phRc}/\nu_{phR+}^*$  ( $\nu_{phR+}^* = \Lambda_{R+}N^*x^4$ ) от приведенного волнового вектора *x* для различных концентраций примесей железа. Как видно из рисунка, это отношение достаточно слабо зависит от волнового вектора при  $x \leq x_{2k_F}$ , и для значений  $N_{\rm Fe} = (1 \div 2) \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup> величи́ны  $\nu_{phRc}$  меньше, чем для  $N_{\rm Fe} = 5 \cdot 10^{18}$  см<sup>-3</sup>. Отметим, что область больших волновых векторов (x > 1) экспоненциально обрезается за счет функции распределения фононов (см. (14)). Поэтому, когда рэлеевское рассеяние фононов вносит основной вклад в релаксацию импульса фононов, величина  $\alpha_{ph}$  будет возрастать с ростом степени пространственного упорядочения коррелированной системы ионов Fe<sup>3+</sup>, пока рассеяние на нейтральных центрах будет достаточно слабым. На рис. 4*б* приведена зависимость  $\tilde{\nu}_{phR} = \langle \nu_{phR} \rangle / \langle \nu_{phR+}^* \rangle$  от концентрации примесей железа при T = 10 K, а символ  $\langle \ldots \rangle$  обозначает усреднение:

$$\langle \nu_{phR} \rangle = \frac{1}{x_{2k_F}} \int_{0}^{x_{2k_F}} \nu_{phR}(x) dx.$$
 (19)

Как видно из рис. 4*6*, следует ожидать роста термоэдс при увеличении  $N_{\rm Fe}$  от  $N^*$  до  $N_{\rm Fe} \simeq 1 \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup> и убывания термоэдс при  $N_{\rm Fe} > 1 \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup>, хотя при  $N_{\rm Fe} \approx 2 \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup> величина  $|\alpha_{ph}|$  должна быть больше, чем при  $N_{\rm Fe} \approx 5 \cdot 10^{18}$  см<sup>-3</sup>.

Таким образом, выражение для частоты релаксации при рассеянии фононов в кристаллах HgSe:Fe с учетом пространственного упорядочения коррелированной системы ионов Fe<sup>3+</sup> может быть представлено в виде

$$\nu_{ph}(x) = c_L \nu_{phL}^0 + \nu_{phe}^0 x + c_H \Lambda_H x^2 + c_{R^+} \left( N_+ \tilde{S}(x) + c_{R^0} N_0 \right) \Lambda_{R^+} x^4.$$
(20)

Формулы (14), (19) и (20) позволяют рассчитать зависимости фононной компоненты термоэдс от температуры и концентрации железа для кристаллов HgSe:Fe, содержащих примеси со смешанной валентностью  $Fe^{2+}-Fe^{3+}$ .

#### 6. ОБСУЖДЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТОВ

При расчете термоэдс были использованы следующие значения параметров:  $m(\varepsilon_F) = 0.07m_0 (m_0 - \text{масса свободного электрона}) s_l = 3 \cdot 10^5 \text{ см/с}, s_t = 1.65 \cdot 10^5 \text{ см/с}, s = 1.95 \cdot 10^5 \text{ см/с}, \chi = 25$ . Результаты расчета зависимости  $|\alpha(T)|$  изображены сплошными линиями на рис. 1 (образцы 1-4, 7, 8) и 2 (образцы 4-6). Как видно из рисунков, рассчитанные зависимости  $|\alpha(T)|$  находятся в количественном согласии с экспериментальными данными. При  $T < T_{min}$ , когда фононная компонента термоэдс играет главную роль ( $|\alpha(T)| \approx |\alpha_{ph}(T)|$ ), согласие результатов расчета с экспериментом заметно лучше. Это свидетельствует о том, что нами правильно учтены влияние пространственного упорядочения коррелированной системы ионов Fe<sup>3+</sup> и основные механизмы рассеяния



Рис. 4. *а* — Зависимости отношения  $\nu_{phRc}/\nu_{phR+}^*$  от приведенного волнового вектора *x* при *T* = 10 К для различных концентраций примесей железа  $N_{\rm Fe}$ , 10<sup>18</sup> см<sup>-3</sup>: *1* — 5, 2 — 10, 3 — 20, 4 — 50. 6 — Зависимость отношения  $\tilde{\nu}_{phR}$  от концентрации примесей железа при *T* = 10 К. Значения параметров:  $c_{R+} = 2$ ,  $c_{R0} = 0.15$ 

фононов (см. рис. 2). На рис. 2 приведены рассчитанные зависимости  $|\alpha(T)|$  вплоть до температуры 1 К. Наибольшая величина эффекта ослабления рассеяния фононов на коррелированной системе ионов Fe<sup>3+</sup> должна наблюдаться в области фононного максимума термоэдс при  $T_{max} \approx 5$ -6 К. При более низких температурах доминирует рассеяние фононов на границах образца и величина эффекта заметно уменьшается. С повышением температуры, при  $T > T_{max}$ , вклад фонон-фононного механизма релаксации быстро возрастает, что также приводит к уменьшению величины эффекта ослабления фононов на коррелированной системе ионов Fe<sup>3+</sup>. Заметим, что при  $N_{\rm Fe} > 1 \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup> рост вероятности рэлеевского рассеяния фононов с увеличением содержания примесей железа приводит к уменьшению величины  $|\alpha(T_{max})|$  и при  $N_{\rm Fe} \ge 5 \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup> фононные максимумы термоэдс не проявляются.

При  $T > T_{min}$ , когда основной вклад в термоэдс вносит диффузионная компонента, расхождение рассчитанных зависимостей  $|\alpha(T)|$  с экспериментальными данными заметно больше. Это связано, по нашему мнению, с влиянием собственных дефектов, концентрация которых меняется от образца к образцу, а также с приближенным учетом непараболичности зонной структуры кристаллов HgSe:Fe в рамках двузонной модели Кейна. В действительности эффект непараболичности необходимо учитывать не только через зависимость эффективной массы электронов  $m(\varepsilon)$  от энергии  $\varepsilon$ , но и через блоховские амплитуды волновых функций, характерные для зоны  $\Gamma_8$  [21, 22]. Однако этот расчет выходит за рамки данной работы и требует отдельного рассмотрения.

Номер образца	N <sub>Fe</sub> , 10 <sup>19</sup> см <sup>-3</sup>	л <sub>е</sub> , 10 <sup>18</sup> см <sup>−3</sup>	$N_d, \ 10^{18} \ { m cm}^{-3}$	<i>Е</i> 1, э <b>В</b>	$c_L$	c <sub>H</sub>	c <sub>R</sub>	C <sub>R0</sub>
1	0.0	2.4	2.4	0.8	0.5	0.5	1	_
2	0.1	3.0	2.0	0.73	0.2	2	2	
3	0.3	4.0	1.0	0.73	0.2	2	2	-
4	0.5	4.8	0.7	0.68	0.15	2.5	2	0.15
5	1.0	4.7	0.7	0.75	0.1	2	2	0.15
6	2.0	4.9	0.7	0.76	0.1	2	2	0.15
7	5.0	4.81	1	0.62	0.9	2	2	0.15
8	40	6.2	1	0.62	0.9	2	2	0.15

Таблица 2

В табл. 2 приведены значения параметров, характеризующих релаксацию импульса фононов. Из таблицы видно, что для образца 1 с N<sub>Fe</sub> = 0 параметр рэлеевского рассеяния фононов  $A_+$  совпадает с полученным в работе [16] ( $c_{R+} = 1$ ). Для кристаллов HgSe: Fe значения  $c_{R+} = 2$ , т.е. сечение рассеяния фононов на ионах Fe<sup>3+</sup> в  $\sqrt{2}$  раз больше, чем на собственных дефектах в кристаллах HgSe [16]. Из сравнения величин параметров  $c_{R+}$  и  $c_{R0}$  следует, что рассеяние фононов на нейтральных в решетке ионах  $Fe^{2+}$  почти на порядок слабее, чем на ионах  $Fe^{3+}$ . Это связано с тем, что вероятность рэлеевского рассеяния фононов пропорциональна квадрату объема области возмущения кристаллической решетки, которая для заряженной примеси значительно больше, чем для нейтральной. Возмущающий эффект нейтральной примеси, как правило, локализован в пределах элементарной ячейки, тогда как область возмущения, обусловленного заряженной примесью в полупроводниках, может захватывать гораздо большее число элементарных ячеек. Авторы работы [23] также обнаружили, что нейтральные примеси в полупроводниках с большой диэлектрической проницаемостью значительно слабее рассеивают фононы, чем электрически заряженные. Отметим, что значения параметров  $c_{B+}$  и  $c_{B0}$ , полученные из подгонки зависимости  $|\alpha(T)|$ , остаются постоянными для всех кристаллов HgSe: Fe независимо от содержания примесей железа. Значения константы деформационного потенциала  $E_1$ , полученные нами для образцов с различной концентрацией железа, отличаются на  $\pm 10\%$  от значения  $E_1 \approx 0.7$  эВ, использованного в работе [16]. Следует отметить тенденцию к убыванию величины  $E_1$  с ростом содержания примесей железа. Это неудивительно, так как примеси железа, обладающие меньшим ионным радиусом, чем ионы Hg<sup>2+</sup>, стабилизируют решетку кристаллов HgSe [3], что приводит, по-видимому, к некоторому изменению упругих свойств кристаллов HgSe:Fe и, соответственно, спектра фононов. С этим же связано, на наш взгляд, изменение константы  $c_H$  при переходе от кристаллов HgSe к кристаллам HgSe: Fe с малой ( $N_{\rm Fe} \leq 5 \cdot 10^{18}$  см<sup>-3</sup>) и большой ( $N_{\rm Fe} \geq 1 \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup>) концентрациями примесей железа. Разброс значений параметра c<sub>L</sub> может быть связан с различной степенью диффузности отражения фононов границами исследованных образцов. Для более точного определения этого параметра необходимы измерения термоэдс при температурах ниже  $T_{max}$  (см. рис. 2), а также расчет термоэдс с разделением вкладов поперечных и продольных фононов.

На рис. 3 сплошными линиями изображены зависимости термоэдс  $|\alpha(N_{\rm Fe})|$  от ве-



**Рис. 5.** Зависимости абсолютных величин фононной (кривые 1'-3'), диффузионной (кривые 1''-3'') и полной термоэдс (кривые 1-3) от содержания железа при температурах 7.5 K (1), 10 K (2), 12 K (3). Значения параметров фононного рассеяния те же самые, что и для рис. 3

личины  $N_{\rm Fe}$  для фиксированных значений температур. Из рисунка видно, что результаты расчета  $|\alpha(N_{\rm Fe})|$  при  $T \leq 10$  К находятся в хорошем согласии с экспериментальными данными. Однако с повышением температуры увеличивается роль диффузионной компоненты термоэдс, и отклонение теоретических зависимостей от экспериментальных данных возрастает. Отметим, что резкое уменьшение термоэдс для образцов с  $N_{\rm Fe} < 5 \cdot 10^{18}$  см<sup>-3</sup> обусловлено ростом рэлеевского рассеяния на хаотически распределенных заряженных центрах  $N_i = N_{1+} + N_d$ . Рост термоэдс в интервале концентраций  $5 \cdot 10^{18} < N_{\rm Fe} < 1 \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup> при T = 7.5 К составляет примерно 20% от величины  $|\alpha|$ . Согласно нашим теоретическим оценкам, максимальная величина роста термоэдс должна наблюдаться при температурах, соответствующих температуре фононного максимума  $T_{max} \approx 5-6$  К, и может достигать 40% от величины  $|\alpha|$  при  $N_{\rm Fe} = 5 \cdot 10^{18}$  см<sup>-3</sup>. Плавное уменьшение величины термоэдс с возрастанием содержания железа в области  $N_{\rm Fe} = 2 \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup> обусловлено увеличением вероятности рэлеевского рассеяния фононов на нейтральных в решетке ионах Fe<sup>2+</sup>.

На рис. 5 приведены рассчитанные зависимости диффузионной и фононной компонент термоэдс от величины  $N_{\rm Fe}$  для различных значений температуры. Из рисунка видно, что при  $N_{\rm Fe} > N^*$  с ростом концентрации примесей железа и, соответственно, степени пространственного упорядочения коррелированной системы ионов Fe<sup>3+</sup> величина  $|\alpha_e(N_i)|$  убывает, а  $|\alpha_{ph}(N_i)|$  изменяется немонотонно, причем при T = 12 K на зависимости  $|\alpha_{ph}(N_i)|$  заметно проявляется эффект ослабления фононного рассеяния на коррелированной системе ионов Fe<sup>3+</sup>. Однако величина  $|\alpha_{ph}(N_i)|$  растет медленнее, чем убывает диффузионная компонента  $|\alpha_e(N_i)|$ , поэтому суммарная термоэдс при  $T \ge 12$  K является убывающей функцией содержания примесей железа.

В заключение этого раздела обсудим приближения, которые были сделаны при вычислении вклада фононного увлечения. Во-первых, мы воспользовались приближением средней скорости звука для акустических фононов. Во-вторых, при рассмотрении рэлеевского рассеяния фононов на ионах Fe<sup>3+</sup> мы использовали приближение точечных примесей, хотя строгое неравенство  $r_s/\lambda_T \ll 1$  (где  $\lambda_T$  — длина волны теплового фонона) не выполняется. Следовало бы рассмотреть рассеяние фононов на деформациях решетки, обусловленных хаотическим распределением заряженных центров и изменением степени деформации решетки при пространственном упорядочении ионов Fe<sup>3+</sup>. Как показано в [20], при выполнении неравенства  $|(r_i - r_0)/r_0| \ge 0.1$  (где  $r_i$  и  $r_0$  ионные радиусы атомов примеси и матрицы соответственно) рассеяние фононов на деформациях решетки превосходит рассеяние на локальных изменениях массы и силовых постоянных. Отметим, что это отношение для ионов Fe<sup>2+</sup> и Hg<sup>2+</sup> составляет примерно 0.3. К сожалению, для полупроводников этот вопрос теоретически слабо разработан (см. [19, 20]). Поэтому этот механизм рассеяния фононов для полупроводников требует отдельного рассмотрения.

Следует заметить, что ослабление фононного рассеяния на коррелированной системе ионов Fe<sup>3+</sup> при увеличении степени пространственного упорядочения трехвалентных ионов железа может привести не только к «аномальному» росту термоэдс  $|\alpha(N_{\rm Fe})|$ , но и к заметному увеличению решеточной теплопроводности кристаллов HgSe:Fe при низких температурах в интервале концентраций  $5 \cdot 10^{18} < N_{\rm Fe} < 1 \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup>. Исследования теплопроводности кристаллов HgSe:Fe могли бы дать дополнительную информацию о механизмах рассеяния фононов, а также о влиянии пространственного упорядочения заряженных центров на механизм рэлеевского рассеяния фононов в системах со смешанной валентностью.

#### 7. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Интерпретированы обнаруженные на опыте необычные зависимости термоэдс от содержания примесей железа и температуры в кристаллах HgSe: Fe при достаточно низких температурах. Показано, что немонотонный характер зависимости термоэдс от концентрации примесей железа, а именно, рост термоэдс в интервале концентраций  $5 \cdot 10^{18} < N_{\rm Fe} < (1 \div 2) \cdot 10^{19}$  см<sup>-3</sup> обусловлен новым эффектом — ослаблением рэлеевского рассеяния фононов на пространственно-коррелированной системе ионов Fe<sup>3+</sup>. Хорошее согласие рассчитанных зависимостей термоэдс от содержания примесей железа и температуры с данными эксперимента позволяет надеяться на то, что нами корректно учтены влияние пространственного упорядочения трехвалентных ионов железа на рассеяние как электронов, так и фононов, а также основные механизмы релаксации импульса электрон-фононной системы.

Работа выполнена при поддержке программы INTAS (грант 93-3657 EXT).

# Литература

- 1. F. S. Pool, J. Kossut, U. Debska, and R. Reifenberger, Phys. Rev. B 35, 3900 (1987).
- 2. Z. Wilamowski, K. Swiatek, T. Dietl, and J. Kossut, Sol. St. Comm. 74, 833 (1990); Z. Wilamowski, Acta Phys. Polon. A 77, 133 (1990).
- 3. И. М. Цидильковский, УФН 162, В. 2, 63 (1992).
- 4. I. M. Tsidilkovskii and I. G. Kuleyev, Semicond. Sci. Technol. 11, 625 (1996).

- 5. И. Г. Кулеев, И. И. Ляпилин, И. М. Цидильковский, ЖЭТФ 102, 1652 (1992).
- 6. И. Г. Кулеев, И. И. Ляпилин, А. Т. Лончаков, И. М. Цидильковский, ЖЭТФ 103, 1447 (1993).
- 7. И. Г. Кулеев, И. И. Ляпилин, А. Т. Лончаков, И. М. Цидильковский, ФТП 28, 937 (1994).
- 8. И. Г. Кулеев, И. И. Ляпилин, А. Т. Лончаков, И. М. Цидильковский, ЖЭТФ 106, 1205 (1994).
- 9. И. Г. Кулеев, И. И. Ляпилин, И. М. Цидильковский, ФТТ 37, 163 (1995).
- 10. И. М. Цидильковский, Термомагнитные явления в полупроводниках, Наука, Москва (1960).
- 11. И. Г. Кулеев, ФТТ 39, 250 (1997).
- 12. Дж. Займан, Модели беспорядка, Мир, Москва (1982).
- И. М. Цидильковский, И. Г. Кулеев, А. Т. Лончаков, Н. К. Леринман, Л. Д. Сабирзянова, ФТП 30, 2113 (1996).
- 14. И. М. Цидильковский, И. Г. Кулеев, Г. Л. Штрапенин, ДАН 347, 4472 (1996).
- 15. Б. М. Аскеров, Электронные явления переноса в полупроводниках, Наука, Москва (1985).
- 16. C. R. Whitset, D. A. Nelson, J. G. Broerman, and R. Paxhia, Phys. Rev. B 7, 4625 (1973).
- 17. Дж. Рэлей, Теория звука, Т. 2, Гостехиздат, Москва (1955).
- 18. P. G. Klemens, Proc. Phys. Soc. 68, 1113 (1955).
- 19. A. Griffin and J. Carruthers, Phys. Rev. 131, 1976 (1963).
- 20. Б. М. Могилевский, А. Ф. Чудновский, Теплопроводность полупроводников, Наука, Москва (1972).
- 21. T. Dietl and W. Szymanska, J. Phys. Chem. Sol. 39, 1041 (1978).
- 22. W. Szymanska, P. Boguslawki, and W. Zavadzki, Phys. St. Sol. B 65, 641 (1974).
- 23. В. С. Оскотский, И. А. Смирнов, Дефекты в кристаллах и теплопроводность, Наука, Ленинград (1972).