# ОПТИЧЕСКИЕ И МАГНИТООПТИЧЕСКИЕ СВОЙСТВА МНОГОСЛОЙНЫХ ПЛЕНОК Fe/Cu: ВЛИЯНИЕ ПЕРИОДА МОДУЛЯЦИИ И ФАЗОВОГО ПРЕВРАШЕНИЯ ОЦК-ГЦК В ЖЕЛЕЗЕ

М. М. Кириллова, И. Д. Лобов, В. М. Маевский, Л. В. Номерованная, А. А. Махнев, Г. А. Болотин, Ф. А. Пудонин

> Институт физики металлов Уральского отделения Российской академии наук 620219, Екатеринбург, Россия

Поступила в редакцию 11 июня 1996 г.

Методом эллипсометрии и с помощью измерения экваториального эффекта Керра  $(\delta_p$ -эффект) в спектральной области 0.25–7 мкм изучены оптические и магнитооптические свойства многослойных пленочных образцов системы Fe/Cu, приготовленных высокочастотным распылением на подложке Si (100). Получены зависимости оптических характеристик, плазменной  $\omega_p$  и релаксационной  $\gamma_0$  частот электронов проводимости и  $\delta_p$ -эффекта от периода модуляции D=12.5–100 Å. Обнаружено аномальное поведение оптических и магнитооптических характеристик в короткопериодных структурах Fe/Cu. Результаты обсуждаются в рамках феноменологической теории оптических и магнитооптических свойств для слоистых структур. При анализе экспериментальных данных учитывался ряд факторов, таких как косвенное обменное взаимодействие между слоями железа, наличие переходного слоя на внутренних границах, возможное «подмагничивание» меди, а также формирование ГЦК-фазы железа в тонких слоях.

#### 1. ВВЕДЕНИЕ

Интерес к исследованию металлических сверхрешеток с чередующимися ультратонкими магнитным и немагнитным слоями стимулируется как поиском новых электронных явлений, связанных с понижением размерности слоев (переход  $3D \to 2D$ ), так и необходимостью углубления представлений об их магнитном состоянии. В этих сверхрешетках обнаружен гигантский магниторезистивный эффект, обусловленный антиферромагнитным типом косвенного обменного взаимодействия между магнитными слоями (см. работы [1–3] для Fe/Cr и Co/Cu). Характер межслоевого обменного взаимодействия оказывает решающее влияние также на магнитооптические свойства слоистых систем [4]. Важнейшей особенностью объектов этого класса является усиление магнитооптической активности в ультрафиолетовой области спектра (например, в Pt/Co [5]). Резонансное увеличение эффекта Керра в видимом диапазоне наблюдали на «сэндвичах» Fe/Ag/Fe и Fe/Au/Fe [6, 7]. Природа этих явлений окончательно не выяснена и активно обсуждается.

В последние годы большое внимание уделялось изучению тонкопленочных систем Fe/Cu, в частности их магнитных характеристик. Структурными исследованиями установлено, что с уменьшением толщины слоя  $d_{\rm Fe}$ , граничащего с медью, кристаллическая решетка железа изменяется от ОЦК ( $\alpha$ -фаза) к ГЦК ( $\gamma$ -фаза), при этом критическая

толщина для  $\alpha \to \gamma$  превращения оценивается как  $d_{\rm Fe} \le 1.5$  нм [8, 9]. Экспериментальные сведения о магнитном состоянии  $\gamma$ -Fe, полученные разными методами, включая нейтронографию и спектроскопию Мессбауэра, крайне противоречивы (см. [10, 11] и обзор [12]). Теперь уже очевидно, что существует различие в магнитных состояниях  $\gamma$ -Fe, полученного в виде частиц в матрице меди и в виде тонких пленок в слоистой системе с медью. В первом случае реализуется антиферромагнитное состояние с температурой Нееля  $T_N = 69$  K [13]. Во втором случае может реализоваться как антиферромагнитное, так и ферромагнитное состояние, причем, согласно [14], температура Кюри может достигать значений 400-578 К. Беннет с соавторами [15] наблюдали полярный эффект Керра на эпитаксиально выращенном «сэндвиче»  $\gamma$ -Fe/Cu/ $\gamma$ -Fe при  $\lambda = 0.63$  мкм и комнатной температуре. Наряду с усилением эффекта они заметили также его осцилляционную зависимость от толщины  $d_{Cu}$ . Усиление эффекта Керра в многослойной пленке  $\alpha$ -Fe/Cu при  $\lambda = 0.56$  мкм («плазменный» край поглощения в меди) замечено также в работе [16]. Имеется точка зрения, согласно которой увеличение магнитооптической активности связано с индуцированием магнитного момента в d- и p-оболочках атомов меди, граничащих с ферромагнитным железом, т. е. с эффектом «подмагничивания» меди под влиянием обменного Fe-Fe-взаимодействия. Поиску доказательств в пользу спиновой поляризации меди в системах Fe/Cu, Co/Cu в настоящее время уделяется большое внимание [17-19]. С другой стороны, ведется активный теоретический поиск изменений в электронной структуре тонких слоев, связанных с понижением их размерности. Имеющиеся экспериментальные данные по этому вопросу очень ограничены.

В настоящей работе на одной системе образцов выполнено комплексное исследование оптических и магнитооптических свойств многослойной периодической структуры Fe/Cu. Основная цель работы состояла в изучении эволюции электронных характеристик и магнитного состояния при изменении периода модуляции слоистой структуры и фазовом  $\alpha$ - $\gamma$ -превращении в слоях железа. Ставилась также задача теоретического анализа оптических и магнитооптических спектров Fe/Cu в рамках феноменологической теории, учитывающей многократные отражения от границы раздела сред.

#### 2. ЭКСПЕРИМЕНТ

Нами исследована система многослойных пленок Fe/Cu с фиксированным отношением толщины слоев  $d_{\rm Fe}/d_{\rm Cu}=2/3$ : (Fe 40 Å/Cu 60 Å)<sub>10</sub>, (Fe 30 Å/Cu 45 Å)<sub>14</sub>, (Fe 20 Å/Cu 30 Å)<sub>20</sub>, (Fe 15 Å/Cu 22.5 Å)<sub>27</sub>, (Fe 10 Å/Cu 15 Å)<sub>40</sub>, (Fe 8 Å/Cu 12 Å)<sub>50</sub> и (Fe 5 Å/Cu 7.5 Å)<sub>80</sub>. Период модуляции  $D=d_{\rm Cu}+d_{\rm Fe}$  в этих структурах изменялся в пределах 12.5–100 Å. Образцы были приготовлены при комнатной температуре методом высокочастотного распыления в атмосфере аргона с давлением  $1.1 \cdot 10^{-3}$  Торр на установке, описанной в работе [20]. Скорость осаждения железа составляла 54.7 Å/мин, а меди — 36.4 Å/мин. Подложками служили пластины Si (100). Верхним слоем во всех случаях была пленка железа. В той же камере были напылены пленки чистых Fe и Cu с d=1000 Å. Толщины слоев определяли по скорости и времени напыления. Исследование поперечных сечений ряда образцов, проведенное методом просвечивающей электронной микроскопии, подтвердило периодичность многослойной пленки по толщине.

Кристаллическая структура образцов изучалась методом рентгеновской дифракции на аппарате ДРОН-3М в  $K_{\alpha}$ -Cu-излучении. Исследования показали, что во всех образцах кристаллическое состояние Fe и Cu выражено достаточно четко. В ультракоротких слоях ( $d < 10 \, \text{Å}$ ) зерно сильно измельчается, при этом происходит частичное нарушение дальнего порядка. Однако «гало» на рентгенограммах, свидетельствующее о наличии аморфной фазы, не было обнаружено. Форма дифракционных рефлексов указывает на наличие напряжений в кристаллической решетке железа, которые нарастают по мере уменьшения толщины слоев. Полученные нами данные подтвердили результаты ранних рентгенографических исследований, согласно которым медные слои имеют хорошо определенную ГЦК решетку с минимальным искажением, не зависящим от толщины слоев и отношения  $d_{\text{Fe}}/d_{\text{Cu}}$ , а кристаллическая решетка железа с уменьшением толщины слоя испытывает фазовый переход ОЦК-ГЦК. Известно [11], что стабилизация  $\gamma$ -фазы Fe в системе Fe/Cu во многом определяется условиями напыления, включая температуру подложки. Проведенный нами анализ показал, что в (Fe 15 Å / Cu 22.5 Å) $_{27}$ имеются только «следы»  $\gamma$ -Fe. В образцах (Fe 10 Å/Cu 15 Å)<sub>40</sub> и (Fe 8 Å/Cu 12 Å)<sub>50</sub> фракции  $\alpha$ - и  $\gamma$ -фазы почти равноценны, а  $\mathbb{R}$  (Fe 5 Å/Cu 7.5 Å)<sub>80</sub> вклад  $\gamma$ -Fe становится преобладающим (~ 80%).

Измерения эффективных показателя преломления  $n_{eff}$  и коэффициента поглощения  $k_{eff}$  были выполнены на автоматизированном эллипсометре с одним ( $\lambda=0.25$ –2.5 мкм) и двумя ( $\lambda=2.5$ –7 мкм) отражениями от образца. Угол падения света на образец составлял  $\varphi_1=76\,^\circ$  при длинах волн  $\lambda<1.5$  мкм и  $\varphi_2=81\,^\circ$  при  $\lambda>1.5$  мкм. На этой же установке измерялись оптические свойства железа и меди. Погрешность в измерении  $n_{eff}$  и  $k_{eff}$  составляла 2–5%. Значения  $n_{eff}$  и  $k_{eff}$  были использованы для вычисления эффективных значений действительной  $\varepsilon'_{eff}$  и мнимой  $\varepsilon''_{eff}$  частей диэлектрической проницаемости, а также оптической проводимости  $\sigma_{eff}$ .

Измерения экваториального эффекта Керра (нечетного по намагниченности эффекта относительно изменения интенсивности отраженного света  $\Delta I/I$  при экваториальном намагничивании образца и p-поляризации падающей волны) выполнены на установке [21] в диапазоне спектра 0.3–2.4 мкм при угле падения света на образец  $\varphi = 70\,^{\circ}$ . Полевые зависимости экваториального эффекта Керра изучены при  $\lambda = 0.6$  мкм и полях  $H \leq 9$  кЭ.

#### 3. ОБСУЖДЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТОВ

#### 3.1. Оптические свойства

Определение оптических постоянных и диэлектрической проницаемости металла эллипсометрическим методом основано, как известно, на различии коэффициентов отражения для света, поляризованного в плоскости падения (p-поляризация) и перпендикулярно ей (s-поляризация). При отражении света от границы металла под углом  $\varphi$  амплитудные коэффициенты отражения  $r_p$  и  $r_s$  даются формулами Френеля, а комплексный показатель преломления N выражается через отношение  $r_p/r_s$ :

$$N = \sin \varphi \left[ 1 + \operatorname{tg}^2 \varphi \left( \frac{1 - r_p / r_s}{1 + r_p / r_s} \right)^2 \right]^{1/2}. \tag{1}$$

Если среда является слоистой, то соотношение (1) по измеренной величине  $r_p/r_s$  определяет эффективный комплексный показатель преломления  $N_{eff}$  [22].

Обсуждение экспериментальных данных по частотной зависимости эффективной диэлектрической проницаемости  $\varepsilon_{eff}=N_{eff}^2(\omega)$  будет проведено в рамках теории, исходящей из простой модели сверхрешетки, состоящей из чередующихся слоев двух металлов с возможным включением переходного слоя на границе между ними. Независимо от величины периода модуляции оптические свойства многослойной периодической структуры с учетом макроскопических размеров образцов по толщине могут быть описаны на основе введения макроскопической характеристики — диэлектрической проницаемости  $\varepsilon(z)$ , где z — поперечная к плоскости слоев координата. При решении задачи отражения допустимо перейти к моделированию неоднородной среды с периодической зависимостью диэлектрической проницаемости от координаты z, рассматривая повторяющийся фрагмент многослойной периодической структуры в виде совокупности слоев с индивидуальными проницаемостями  $\varepsilon_i$ . При этом толщины выделяемых слоев  $d_i$ должны соответствовать участкам относительной однородности  $\varepsilon_j(z)$ . Если исходить из простейшего случая бислойной периодической структуры, то расчет коэффициентов отражения  $r_p$  и  $r_s$ , выполненный с учетом многократных отражений на границах раздела сред и набегов фаз на толщине слоев [22] при условиях, что диэлектрические проницаемости велики, а толщины слоев малы по сравнению с глубиной скин-слоя в данном материале,

$$|\varepsilon_j| \gg 1, \quad \frac{\omega}{c} |\sqrt{\varepsilon_j}| d_j \ll 1$$
 (2)

 $(\omega$  — частота, c — скорость света в вакууме), приводит с использованием соотношения (1) к следующему выражению для эффективного показателя преломления:

$$N_{eff} = \left[\frac{1}{D}(\varepsilon_1 d_1 + \varepsilon_2 d_2)\right]^{1/2} + \frac{i\omega}{2c}(\varepsilon_1 - \varepsilon_2)\frac{d_1 d_2}{D},\tag{3}$$

где  $D=d_1+d_2$  — период бислойной сверхрешетки, i — мнимая единица. Второе слагаемое в (3), определяемое разностью диэлектрических проницаемостей слоев, в силу неравенств (2) является малой поправкой, и в указанных приближениях (малые толщины слоев по сравнению с глубиной скин-слоя) металлическая сверхрешетка в оптическом отношении представляет собой эффективную среду со средневзвешенной по толщинам диэлектрической проницаемостью

$$\varepsilon_{eff}(\omega) = \frac{1}{D} \sum_{j} \varepsilon_{j} d_{j} \tag{4}$$

независимо от числа слоев в повторяющемся фрагменте. Средневзвешенными величинами являются, следовательно, действительная  $\varepsilon'_{eff}$  и мнимая  $\varepsilon''_{eff}$  проницаемости, а также эффективная оптическая проводимость

$$\sigma_{eff}(\omega) = \frac{\omega}{4\pi} \operatorname{Im} \varepsilon_{eff}. \tag{5}$$

Перейдем к обсуждению экспериментальных данных. Рассмотрим оптический отклик системы Fe/Cu в инфракрасной области  $\lambda=3$ –7 мкм, где наблюдается монотонный рост  $\varepsilon'_{eff}$  и  $\varepsilon''_{eff}$  с увеличением  $\lambda$ . В условиях, когда длина свободного пробега

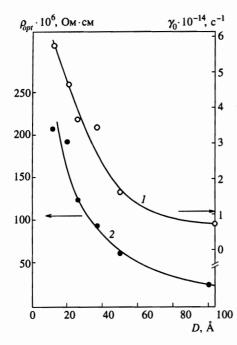


Рис. 1. Зависимость частоты релаксации электронов проводимости (1) и оптического сопротивления (2) от периода модуляции в системе Fe/Cu с отношением  $d_{\rm Fe}/d_{\rm Cu}=2/3$ 

электрона в поле световой волны сравнима или больше толщины слоев  $(l \geq d_j)$ , на величину  $\varepsilon_j$  оказывают влияние размерные эффекты. Поэтому использование объемных значений диэлектрических проницаемостей Fe и Cu в выражении (4) становится некорректным. В связи с этим моделирование  $\varepsilon_{eff}$  в инфракрасной области нами не проводилось. Однако друдевский характер спектральных зависимостей  $\varepsilon'_{eff}$  и  $\varepsilon''_{eff}$  дает возможность оценить параметры электронов проводимости — плазменную  $\omega_p$  и релаксационную  $\gamma_0$  частоты — и проследить за их эволюцией с изменением периода модуляции D. Значения  $\omega_p$  были получены нами из прямолинейного участка графика

$$1/(1-\varepsilon_{eff}')=\omega^2/\omega_p^2+\gamma_0^2/\omega_p^2$$

(вкладом от виртуальных электронных переходов при этом пренебрегалось). Как и ожидалось, изменение  $\omega_p$  с уменьшением D оказалось незначительным. Для толстослойных образцов ОЦК-Fe/Cu (D=50–100 Å) среднее значение  $\hbar\omega_p$  составляет 4.4 эВ. В структурах с ультратонкими слоями ( $D\leq 37.5$  Å), в которых фракция ГЦК-Fe составляет 50–80%, величина  $\hbar\omega_p$  снижается до 3.8 эВ. Зависимость частоты релаксации  $\gamma_0(D)$  имеет существенно другой характер (рис. 1). Наблюдаемый резкий рост  $\gamma_0$  указывает на дополнительное рассеяние электронов от внутренних межслоевых границ, число которых на глубине скин-слоя увеличивается с уменьшением периода многослойной структуры. Увеличению  $\gamma_0$  способствует также дополнительное рассеяние электронов от границ зерен вследствие их сильного измельчения, особенно в образцах со значениями  $D\leq 20$  Å. На рисунке 1 представлены также данные об оптическом сопротивлении  $\rho_{opt}=4\pi\gamma_0/\omega_p^2$ , рассчитанном в низкочастотном пределе  $\omega\to 0$  по значениям  $\omega_p$  и  $\gamma_0$ . Можно заключить, что характерная зависимость  $\rho_{opt}(D)$  в тонкослойных многослойных периодических структурах определяется, главным образом, процессами рассеяния электронов проводимости.

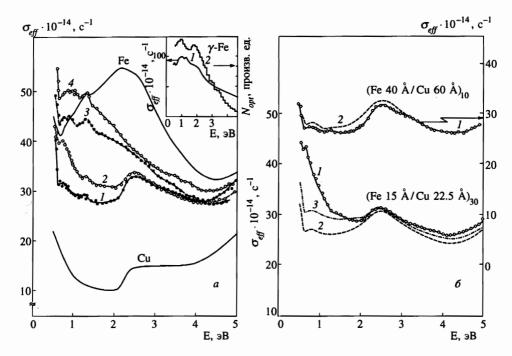


Рис. 2. Дисперсия оптической проводимости  $\sigma_{eff}$ : a-1— (Fe 30 Å / Cu 45 Å)<sub>14</sub>, 2— (Fe 20 Å / Cu 30 Å)<sub>20</sub>, 3— (Fe 8 Å/Cu 12 Å)<sub>50</sub>, 4— (Fe 5 Å/Cu 7.5 Å)<sub>80</sub>. На вставке: 1— оптическая проводимость  $\gamma$ -Fe, 2— гистограмма плотности оптических межзонных переходов в  $\gamma$ -Fe. 6— 1— Экспериментальные данные для  $\sigma_{eff}$ , 2— расчет в модели резких границ, 3— расчет по модели с переходным слоем  $d_0 = 4$  Å

Теперь обратимся к рассмотрению оптического отклика системы Fe/Cu на участке спектра 0.5–5 эВ. Дисперсионные кривые  $\sigma_{eff}$  для образцов Fe/Cu и оптические проводимости чистых железа и меди приведены на рис. 2а, б. В рассматриваемой области спектра оптические свойства железа определяются межзонным механизмом поглощения света. В оптическом спектре ОЦК-Fe формируется интенсивная полоса поглощения с максимумом при 2.2 эВ. Численными расчетами оптических свойств ферромагнитного  $\alpha$ -Fe, выполненными в одноэлектронном приближении (см., например, работы [23, 24]), установлено, что эта полоса образуется наложением нескольких парциальных вкладов от межзонных переходов внутри 3d-подзоны с направлением спина против намагниченности ( $\downarrow$ ) (переходы d–d, p-типа). Вклад в  $\sigma_{\rm Fe}$  от межзонных переходов в системе зон со спинами по направлению намагниченности (↑) незначителен из-за почти полной заполненности  $3d_{\uparrow}$ -зоны и резкого сокращения фазового объема для возбуждения электронов. В меди при энергиях фотона E < 2 эВ оптические свойства определяются внутризонным механизмом поглощения света. Край межзонного поглощения при  $E \approx 2.1$  эВ обусловлен возбуждением электронов с вершины 3d-зоны в зону проводимости (переход  $L_3 \to L_2'$  ( $E_F$ )). В рамках рассмотренной выше модели эффективной среды (выражение (4)) высокая оптическая проводимость  $\alpha$ -Fe будет «разбавляться» по мере увеличения толщины слоя меди меньшими по величине вкладами  $\sigma_{Cu}(\omega)$ . Ввиду большого контраста оптических свойств этих металлов результирующие спектры  $\sigma_{eff}$ 

приобретают новые черты дисперсии. В частности, как уже отмечалось в работе [25], доминирующей особенностью кривой  $\sigma_{eff}$  становится пик поглощения при 2.4–2.6 эВ, который образуется наложением вкладов от межзонных переходов электронов как в слоях железа, так и в слоях меди.

Результаты моделирования оптических спектров многослойных периодических структур с использованием выражения (4) и значений оптических постоянных, полученных нами на толстопленочных образцах железа и меди, приведены на рис. 26. Видно, что теория, учитывающая многократные отражения световой волны от резкой границы между средами, вполне удовлетворительно описывает дисперсию  $\sigma_{eff}$  слоистой системы с «толстыми» металлическими слоями. Таким примером служит образец (Fe 40 Å/Cu 60 Å)10. Однако для образцов с более тонкими слоями ОЦК-Fe и меди соответствие между опытными и модельными кривыми  $\sigma_{eif}$  сохраняется только при энергиях фотона  $E \ge 2$  эВ. В качестве примера мы приводим модельные кривые оптической проводимости для образца (Fe 15 A/Cu 22.5 A)<sub>27</sub>. Рисунок 26 показывает, что в области спектра  $E \le 1.5$  эВ расчетные кривые предсказывают более низкое оптическое поглощение по сравнению с наблюдаемым на опыте. Вполне закономерно связать это расхождение с наличием в реальных объектах переходного слоя между железом и медью, который может представлять собой смесь ОЦК- и ГЦК-фракций железа и меди. Как оказалось, учет переходного слоя толщиной  $d_0 = 4\,$  A, оптические постоянные которого соответствуют данным для образца (Fe 5 A/Cu 7.5 A)80, улучшает согласие между экспериментальной и модельной кривыми  $\sigma_{eff}$  в указанной области спектра, однако расхождение в амплитуде поглощения сохраняется. С уменьшением D отличие в дисперсии опытных и модельных кривых  $\sigma_{eff}$  существенно нарастает.

Можно ожидать, что усиление низкоэнергетического поглощения в короткопериодных структурах Fe/Cu обусловлено влиянием внутризонного механизма поглощения. Однако оценки вкладов  $\sigma_{intra}$ , полученные с использованием приведенных выше параметров  $\omega_p$  и  $\gamma_0$ , показали, что в интересующей нас спектральной области E=0.5-2 эВ это влияние незначительно. Так, при энергиях фотона E=1 эВ величина  $\sigma_{intra}$  в образцах с периодом модуляции  $100 \leq D \leq 12.5$  Å изменяется от  $1.7 \cdot 10^{14}$  до  $6 \cdot 10^{14}$  с $^{-1}$ , в то время как наблюдаемый на опыте рост оптической проводимости составляет  $\Delta \sigma_{eff} = 26 \cdot 10^{14}$  с $^{-1}$ .

Одной из причин возникновения дополнительного низкоэнергетического поглощения, на наш взгляд, является модификация электронной структуры в тонких слоях железа и меди, в частности, формирование поверхностных электронных состояний вблизи уровня Ферми  $E_F$ . Для бислойных образцов Fe/Cu и «сэндвичей» Cu/Fe/Cu этот вопрос был детально исследован в [12] в рамках самосогласованных вычислений энергетических зон железа линейным APW-методом. В толстых пленках роль поверхностных состояний в формировании оптических спектров невелика, однако с утоньшением слоев вклад поверхностных состояний электронов в процессы низкоэнергетического межзонного возбуждения значительно возрастает. Именно такая тенденция прослеживается в поведении оптических спектров Fe/Cu (рис. 2a).

Еще более существенная трансформация кривой оптической проводимости замечена нами при фазовом  $\alpha$ - $\gamma$ -превращении в слоях железа. Так, для образца (Fe 8 Å/Cu 12 Å)<sub>50</sub> с почти равноценными фракциями  $\alpha$ - и  $\gamma$ -железа наблюдается усиление межзонного поглощения в ближней инфракрасной области спектра (рис. 2a, кривая 3), в результате чего основной пик поглощения центрируется при энергиях E=0.7-1.4 эВ. Дальнейшее увеличение фракции  $\gamma$ -Fe в (Fe 5 Å/Cu 7.5 Å)<sub>50</sub> приводит к росту ин-

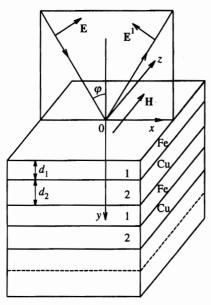


Рис. 3. Схема измерения экваториального эффекта Керра на многослойной периодической структуре. Вектор электрической напряженности падающего луча  ${\bf E}$  лежит в плоскости xy (рполяризация). Намагничивающее поле  ${\bf H}$  параллельно оси z.  $\varphi$  — угол падения света

тенсивности этого пика (рис. 2a, кривая 4). Формула (4) была применена нами к двум тонкопленочным образцам с D=12 и 20 Å для определения спектральной зависимости оптической проводимости  $\gamma$ -Fe. Хотя процедура вычитания вкладов  $\sigma_{\text{Cu}}$  и  $\sigma_{\alpha\text{-Fe}}$  из результирующей кривой  $\sigma_{eff}$  является приближенной, спектральный профиль  $\sigma_{\gamma\text{-Fe}}$  оказался практически идентичным в обоих случаях. Таким образом, при фазовом  $\alpha - \gamma$ -переходе, сопровождающемся увеличением параметра кристаллической решетки железа примерно на 26%, максимум основной полосы межзонного поглощения смещается от энергии 2.2 эВ к энергии 1.1 эВ. Форма кривой  $\sigma_{\gamma\text{-Fe}}$  хорошо коррелирует с энергетической зависимостью плотности оптических переходов  $N_{opt}$ , полученной с помощью формулы Спайсера [26]. Для расчета  $N_{opt}$  использовались данные о плотности электронных состояний N(E) в тонких ферромагнитных слоях ГЦК-Fe, обладающих двумерной трансляционной симметрией [27]. К вопросу о характере магнитного упорядочения  $\gamma$ -фазы в наших образцах мы вернемся в следующем разделе при обсуждении магнитооптических данных.

#### 3.2. Магнитооптические свойства

### а) Теория экваториального эффекта Керра для многослойной периодической структуры

Схема наблюдения экваториального эффекта Керра показана на рис. 3. Будем считать, что все среды в многослойной периодической структуре имеют симметрию не ниже кубической и однородно намагничены. При заданной толщине  $d_j$  в линейном по намагниченности приближении каждый слой описывается тензором диэлектрической проницаемости

$$\hat{\varepsilon} = \varepsilon_j \begin{pmatrix} 1 & -iQ_j & 0 \\ iQ_j & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad j = 1, 2,$$
 (6)

где  $\varepsilon_j$  — диагональная диэлектрическая проницаемость и  $Q_j$  — магнитооптический параметр среды, пропорциональный ее намагниченности насыщения ( $|Q_j|\ll 1$ ). В

модели резких границ величина экваториального эффекта Керра при отражении p-поляризованного света от бесконечной многослойной периодической структуры (с числом периодов  $N \to \infty$ ) находится, согласно [22], из выражения

$$\delta_p = \frac{\Delta I}{I} = 2 \operatorname{Im} \frac{\left[ (G^2 - G_1^2) a_2 + (G_2^2 - G^2) a_1 \right] \sin 2\varphi}{(\cos^2 \varphi - G^2)(G_1^2 - G_2^2)},\tag{7}$$

где  $\varphi$  — угол падения света,

$$G_j = \frac{g_j}{\varepsilon_j}, \quad a_j = \frac{Q_j \cos \beta_j}{\varepsilon_j}, \quad g_j = \sqrt{\varepsilon_j - \sin^2 \varphi},$$
 (8)

 $\beta_j$  — угол между вектором намагниченности j-го слоя и осью z (экваториальный угол). Параметр G в (7) определяется выражением

$$G = \frac{(1 - r_p)\cos\varphi}{1 + r_p},\tag{9}$$

где  $r_p$  — коэффициент отражения от многослойной периодической структуры в отсутствие намагниченности, который может быть рассчитан по формулам, приведенным в [22] и [28]. Отметим, что бесконечность многослойной периодической структуры означает фактически, что ее полная толщина превосходит толщину эффективного скинслоя.

Рассмотрим многослойные периодические структуры (рис. 3), в которых отношение толщин слоев  $d_2/d_1$  постоянно. Обычно в многослойных периодических структурах выполняются условия  $d_j/\lambda \ll 1$ , где  $\lambda$  — длина световой волны в вакууме. Если в разложении разностей вида  $1-\exp(-i4\pi g_j d_j/\lambda)$  по степеням  $d_j/\lambda$  ограничиться линейным и квадратичным членами, то формула (7) может быть представлена в виде

$$\delta_p = \operatorname{Im}\left(\sum_{j=1}^2 \frac{d_j}{D} A_j Q_j \cos \beta_j + \frac{D}{\lambda} \sum_{j=1}^2 B_j Q_j \cos \beta_j\right),\tag{10}$$

где D — период структуры, а коэффициенты  $A_j$  и  $B_j$  являются функциями диэлектрических проницаемостей  $\varepsilon_1$ ,  $\varepsilon_2$ , угла падения света  $\varphi$  и отношения  $d_1/d_2$ . Явные выражения коэффициентов  $A_j$  и  $B_j$  приведены в [22]. Таким образом, в линейном по  $d_j/\lambda$  приближении (приближении Друде) величина экваториального эффекта Керра содержит член, не зависящий от D, и линейную по  $D/\lambda$  (или  $d_j/\lambda$ ) поправку.

Однако можно ожидать, что в реальных объектах из-за изменения электронной структуры и магнитных характеристик в тонкослойных периодических структурах может формироваться более сложная зависимость экваториального эффекта Керра от периода D.

## б) Полевая и спектральная зависимость $\delta_p$ -эффекта

На рисунках 4 и 5 приведены полевые зависимости экваториального эффекта Керра, характеризующие процессы намагничивания структуры Fe/Cu в магнитном поле H, параллельном плоскости пленки. Можно отметить, что образцы с  $d_{\rm Fe} > 10$  Å, содержащие железо в ОЦК-фазе, намагничиваются до насыщения в слабых полях  $\sim 50$  Э, аналогично толстому ( $d \approx 1000$  Å) слою ОЦК-Fe. В то же время у образца с  $d_{\rm Fe} = 8$  Å, в

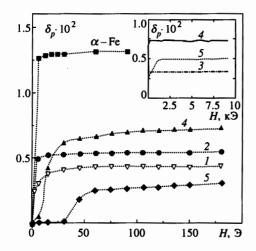
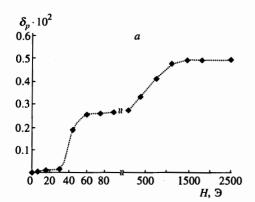
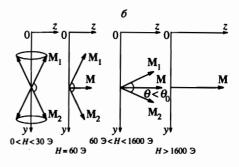


Рис. 4. Зависимость экваториального эффекта Керра для образцов Fe/Cu (кривые *I*–5) и для толстой пленки ОЦК-железа от намагничивающего поля *H*: 1— (Fe 30 Å/Cu 45 Å)<sub>14</sub>, 2— (Fe 20 Å/Cu 30 Å)<sub>20</sub>, 3— (Fe 10 Å/Cu 15 Å)<sub>40</sub>, 4— (Fe 8 Å/Cu 12 Å)<sub>50</sub>, 5— (Fe 5 Å/Cu 7.5 Å)<sub>80</sub>





**Рис. 5.** Зависимость экваториального эффекта Керра для образца (Fe 5 Å/Cu 7.5 Å) $_{80}$  от намагничивающего поля H (a) и модель магнитной структуры образца в процессе его намагничивания ( $\delta$ )

котором железо присутствует в смеси  $\alpha$ - и  $\gamma$ -фаз, поле насыщения возрастает до 300 Э. Совершенно особый вид (рис. 5a) имеет полевая зависимость у структуры (Fe 5 Å/Cu 7.5 Å)<sub>80</sub>, содержащей железо преимущественно в  $\gamma$ -фазе. На кривой намагничивания отчетливо выделяются три области: начальный участок 0–30 Э, где  $\delta_p$ -эффект мало отличен от нуля, интервал полей 30–60 Э, в котором эффект резко возрастает, и, наконец, участок пологого роста  $\delta_p(H)$  вплоть до полного насыщения при H=1600 Э.

Обсудим полученные результаты исходя из предположения о влиянии косвенного обменного взаимодействия между ферромагнитно упорядоченными слоями железа на магнитную структуру данного образца. Существование такого взаимодействия в периодических многослойных системах Fe/Cu подтверждено результатами измерений магнитосопротивления [29]. Кроме того, в работе [4] в рамках модели биквадратичного обмена было показано, что в магнитных сверхрешетках (типа Fe/Cr) косвенное обменное взаимодействие (зависящее от толщины немагнитной прослойки) приводит в некоторой области значений констант обменного взаимодействия к неколлинеарному упорядоче-

нию магнитных моментов соседних ферромагнитных слоев, т.е. к их развороту на угол  $\theta_0$ , отличный от 0° и 180°. В этой же работе [4] была предложена методика, по которой из измерения экваториального эффекта Керра на сверхрешетках Fe/Cr с легкоплоскостным намагничиванием были определены величины угла  $\theta_0$ , лежащие в интервале 80°-144°. Применим аналогичный подход при объяснении формы кривой намагничивания образца (Fe 5 Å/Cu 7.5 Å)<sub>80</sub>. На рисунке 5 $\delta$  схематически представлена модель магнитной структуры образца в основном состоянии (H=0) и ее изменение в процессе намагничивания в поле H, приложенном вдоль оси z (рис. 3). При H=0 магнитные моменты  $M_1$  и  $M_2$  соседних слоев ГЦК-железа развернуты на угол  $\theta_0$ , зависящий от энергии обменного взаимодействия. При этом можно предположить, что связка векторов  $M_1$  и  $M_2$  лежит в плоскости, параллельной оси y. Нарисованный конус иллюстрирует тот факт, что при H=0 вектор средней намагниченности  $\mathbf{M}=(1/2)(\mathbf{M}_1+\mathbf{M}_2)$  для различных доменов имеет изотропию направлений, так что проекция результирующей намагниченности  $\mathbf{M}_R$  на ось z равна нулю. Основанием для такой модели послужили данные, полученные для многослойных периодических структур и трехслойных структур  $\gamma$ -Fe/Cu/ $\gamma$ -Fe [6, 14, 30]. В этих работах показано, что тонкие слои  $\gamma$ -Fe ( $d_{\text{Fe}} \leq 5.5 \,\text{A}$ ) ферромагнитны при T < 400 K и имеют перпендикулярную анизотропию. Кроме того, в трехслойных структурах на кривых зависимости полярного эффекта Керра и поля насыщения ( $H_s$ ) от толщины прослойки меди обнаружены максимумы, которые были интерпретированы как проявление косвенного обменного взаимодействия антиферромагнитного типа между магнитными моментами соседних слоев железа. В слабых полях 0–30 Э, меньших поля магнитной анизотропии  $H_A$ , эта структура, в основном, сохраняется (возникает лишь небольшая составляющая  $M_{Rz}$ ), в связи с чем значения экваториального эффекта Керра в этой области близки к нулю. В интервале полей 30-60 Э  $(H > H_A)$  происходит быстрый поворот векторов M всех доменов вокруг оси y, так что при H = 60 Э все они оказываются направленными вдоль поля H. Если энергия обменного взаимодействия значительно превосходит энергию магнитной анизотропии, то можно считать в первом приближении, что этот поворот происходит без изменения угла  $\theta_0$ . На последнем участке 60–1600 Э возрастание поля приводит только к уменьшению угла разворота  $\theta$  моментов  $M_1$  и  $M_2$  от значения  $\theta_0$  при 60 Э до 0 ° при поле насыщения 1600 Э. Согласно [4] величина экваториального эффекта Керра на этом участке кривой намагничивания определяется выражением

$$\delta_p(H) = A\cos\frac{\theta(H)}{2},\tag{11}$$

где коэффициент A не зависит от H. По формуле (11) из значений  $\delta_p$  (60  $\Theta$ ) и  $\delta_p$  (1600  $\Theta$ ) был найден угол  $\theta_0$  для структуры (Fe 5 Å/Cu 7.5 Å)<sub>80</sub>, который оказался равным 120°.

Результаты спектральных измерений экваториального эффекта Керра на структурах Fe/Cu, полученные в полях насыщения при  $\varphi=70\,^\circ$ , представлены на рис. 6, где приведена также зависимость  $\delta_p(\lambda)$  для толстой ( $d\approx1000\,$  Å) пленки ОЦК-железа. Видно, что спектральные кривые для четырех длиннопериодных многослойных периодических структур с  $d_{\rm Fe}>10\,$  Å, содержащих железо только (или в основном) в  $\alpha$ -фазе (D=37.5– $100\,$  Å), образуют отдельную группу. Эти кривые близки между собой, а их характерные особенности (минимум при  $\lambda=0.3\,$  мкм, максимум в районе 0.55– $0.60\,$  мкм, переход через нуль и второй слабо выраженный максимум в области  $1.5\,$  мкм) повторяют спектральное поведение экваториального эффекта Керра для чистого ОЦК-железа. Последнее означает, что вид кривых  $\delta_p(\lambda)$  для структур Fe/Cu определяется, главным

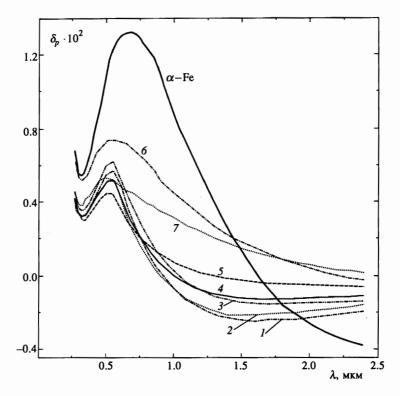


Рис. 6. Спектральные зависимости экваториального эффекта Керра для образцов Fe/Cu (кривые I–I) и для толстой пленки ОЦК-железа: I — (Fe 40 Å/Cu 60 Å)<sub>10</sub>, I — (Fe 30 Å/Cu 45 Å)<sub>14</sub>, I — (Fe 20 Å/Cu 30 Å)<sub>20</sub>, I — (Fe 15 Å/Cu 22.5 Å)<sub>27</sub>, I — (Fe 10 Å/Cu 15 Å)<sub>40</sub>, I — (Fe 8 Å/Cu 12 Å)<sub>50</sub>, I — (Fe 5 Å/Cu 7.5 Å)<sub>80</sub>

образом, дисперсией недиагональной диэлектрической проницаемости  $\varepsilon_{xy}(\lambda)$  железа. От указанной группы существенно отличаются спектральные зависимости экваториального эффекта Керра для короткопериодных образцов с  $d_{\text{Fe}} \leq 10 \text{ Å}~(D=12\text{--}25 \text{ Å})$ , в которых в значительных количествах присутствует  $\gamma$ -фаза железа.

Особенно заметно это различие при сравнении экспериментальных кривых с результатами теоретического расчета экваториального эффекта Керра. На рисунке 7 на примере двух структур, представляющих длиннопериодные и короткопериодные образцы, дано сравнение экспериментальных кривых с теоретическими, рассчитанными по формуле (7) с использованием объемных значений  $\varepsilon_{\text{Cu}}(\lambda)$ ,  $\varepsilon_{\text{Fe}}(\lambda)$ ,  $Q_{\text{Fe}}(\lambda)$ , найденных из измерений на толстых ( $d\sim 1000\,$  Å) пленках металлов. Сравнение показывает, что в то время как для первой группы имеется достаточно хорошее согласие расчета и эксперимента, для короткопериодных образцов опытные данные существенно превышают расчетные значения  $\delta_p$ .

Имеется несколько возможных причин этого расхождения. Из них отметим следующие: перестройка электронной структуры металлов при переходе к сверхтонким слоям, формирование ГЦК-фазы железа, эффект «подмагничивания» меди и образование переходного слоя на границах железо-медь. Нами предпринята попытка оценить влияние двух последних факторов. С этой целью был выполнен расчет экваториального эффек-

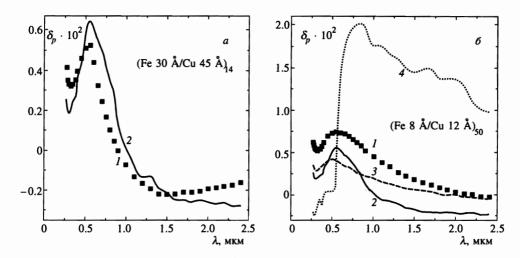
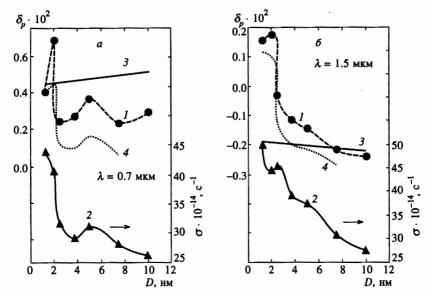


Рис. 7. Сравнение измеренных спектральных зависимостей экваториального эффекта Керра для (Fe 30 Å/Cu 45 Å)<sub>14</sub> (a) и (Fe 8 Å/Cu 12 Å)<sub>50</sub> (б) с теорией: 1 — эксперимент, 2 — расчет по формуле (7), 3 — расчет с учетом переходного слоя, 4 — расчет в предположении подмагничивания меди в модели свободных электронов

та Керра для образца (Fe 8 Å/Cu 12 Å) $_{50}$  с учетом возможного подмагничивания меди, для чего в формулу (7) вводился магнитооптический параметр меди  $Q_{\text{Cu}}=i\varepsilon_{xy}/\varepsilon_{xx}$ , где недиагональная диэлектрическая проницаемость меди  $\varepsilon_{xy}$  вычислялась по модели свободных электронов аналогично тому, как это делалось, например, в работе [31] при анализе магнитооптических спектров пленок Fe/Ag. Приведенные на рис. 76 результаты расчета показывают, что предположение о подмагничивании слоя меди (в модели свободных электронов) приводит к резкому расхождению с экспериментальными данными. Введение переходного слоя также не обеспечивает полного согласия с экспериментом, особенно в видимой области спектра.

В заключение рассмотрим толщинную зависимость оптических и магнитооптических свойств системы Fe/Cu в исследованном нами спектральном диапазоне. На рисунке 8 для двух длин волн приведены значения экваториального эффекта Керра и эффективной оптической проводимости  $\sigma_{eff}$  в зависимости от периода модуляции D. Там же приведены графики зависимости  $\delta_p(D)$ , рассчитанные по формуле (7) с использованием объемных параметров  $\varepsilon_{\text{Cu}}$ ,  $\varepsilon_{\text{Fe}}$  и  $Q_{\text{Fe}}$ . Анализ полученных результатов показывает, что экспериментальные зависимости  $\delta_p(D)$  существенно отличаются от теоретических и в интервале длин волн 0.3-1 мкм имеют резко немонотонный (осциллирующий) вид (рис. 8a). При  $\lambda > 1$  мкм осцилляции сглаживаются и зависимость экваториального эффекта Керра от D становится монотонно убывающей (рис. 86). Выше уже отмечалось, что при исследовании «сэндвичей» Fe 6 Å/X/Fe 6 Å (X = Au, Ag) были обнаружены осцилляции полярного эффекта Керра с изменением толщины слоя X в соответствующих интервалах спектра E = 2.5–3.8 эВ и E = 2.8–4.5 эВ [7]. Аналогичная толщинная зависимость полярного эффекта Керра наблюдалась авторами работы [15] на «сэндвиче»  $\gamma$ -Fe/Cu/ $\gamma$ -Fe при  $\lambda$  = 0.628 мкм. Аномальное поведение магнитооптического эффекта в «сэндвичах» железа с благородными металлами в последнее время связывают с формированием в зонном спектре ультратонких пленок состояний квантовых ям [7, 32]. Влияние последних на полную плотность состояний и осциллирующую зависимость



**Рис. 8.** Зависимости  $\delta_p$ -эффекта и  $\sigma_{eff}$  образцов Fe/Cu от периода модуляции D для  $\lambda=0.7$  мкм (a) и  $\lambda=1.5$  мкм (b):  $1-\delta_p$ -эффект (эксперимент),  $2-\sigma_{eff}$  (эксперимент), 3— расчет  $\delta_p$ -эффекта по формуле (7), 4— расчет  $\delta_p$ -эффекта по формуле (12) с учетом значений  $\sigma_{eff}$ 

магнитного момента в парамагнитном пространстве меди для системы Fe/Cu/Fe рассмотрено в [32] на основе первопринципных вычислений. Указанный подход к интерпретации магнитооптических данных является, по-видимому, наиболее предпочтительным. Результаты настоящей работы показывают, что в системе Fe/Cu осцилляционная толщинная зависимость свойственна также оптическим характеристикам (рис. 8, кривые 2). Поскольку значения экваториального эффекта Керра измерены при магнитном насыщении, можно предположить, что толщинная зависимость  $\delta_p$ -эффекта отражает (хотя бы частично) немонотонную зависимость оптических свойств структуры Fe/Cu от периода модуляции. Для проверки был выполнен расчет экваториального эффекта Керра Fe/Cu по формуле для массивного образца

$$\delta_p = -4 \operatorname{Im} \frac{\varepsilon_{eff} Q_{Fe} \operatorname{tg} \varphi}{(\varepsilon_{eff} - 1)(\varepsilon_{eff} - \operatorname{tg}^2 \varphi)} \frac{d_{Fe}}{D}, \qquad (12)$$

где  $Q_{\rm Fe}$  — объемный магнитооптический параметр  $\alpha$ -железа. Результаты расчета (рис. 8, кривая 4) подтверждают справедливость такого предположения. Более общий вывод состоит в том, что немонотонность толщинных зависимостей магнитооптических эффектов связана, очевидно, с изменением всего тензора диэлектрической проницаемости слоистой системы.

#### 4. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Совместный анализ экспериментальных зависимостей  $\sigma_{eff}(D,\lambda)$  и  $\delta_p(D,\lambda)$  для образцов Fe/Cu и сравнение с результатами расчета в рамках феноменологической теории для металлических сверхрешеток позволяют сделать вывод о том, что с уменьше-

нием периода модуляции происходит изменение всего тензора диэлектрической проницаемости (его диагональной  $\varepsilon_{xx}$  и недиагональной  $\varepsilon_{xy}$  компонент) слоистой системы. Это изменение связано как с наличием в образцах с D < 25 Å фракций железа в ГЦК-фазе, так и с общей перестройкой электронной структуры металлических слоев вследствие понижения их размерности и влияния квантовых размерных эффектов.

Перечислим основные результаты работы.

- 1. Не замечено снижения величины экваториального эффекта Керра в короткопериодных структурах Fe/Cu при фазовом превращении ОЦК-ГЦК в слоях железа, что позволяет сделать вывод о ферромагнитном упорядочении полученной фракции ГЦК-Fe.
- 2. Плазменная частота электронов проводимости  $\omega_p$  слабо зависит от периода модуляции и структурного состояния железа. В короткопериодных многослойных структурах (D < 37.5 Å) происходит рост частоты релаксации  $\gamma_0$ , указывающий на усиление рассеяния электронов проводимости на межслоевых и межзеренных границах.
- 3. В широком спектральном диапазоне  $\lambda=0.3-1.5$  мкм впервые обнаружены немонотонные (осциллирующие) зависимости как магнитооптических ( $\delta_p$ -эффект), так и оптических ( $\sigma_{eff}$ ) свойств Fe/Cu от периода D. Анализ магнитооптических данных, проведенный нами в модели свободных электронов, не подтвердил версию об однородном «подмагничивании» слоев меди в данных объектах. Природа усиления магнитооптической активности в Fe/Cu с ультратонкими слоями и осциллирующих зависимостей  $\sigma_{eff}(D)$  и  $\delta_p(D)$  требует дальнейшего исследования.
- 4. Особый вид полевой зависимости экваториального эффекта Керра для образца (Fe 5 Å/Cu 7.5 Å) $_{80}$  интерпретирован нами как проявление косвенного обменного взаимодействия, приводящего к неколлинеарному упорядочению магнитных моментов  $\mathbf{M}_1$  и  $\mathbf{M}_2$  в соседних слоях железа. На основе предложенной модели магнитной структуры образца определен начальный угол разворота этих моментов  $\theta_0 = 120$ °.

Авторы выражают благодарность В. А. Сазоновой за проведение рентгеноструктурного анализа образцов.

Работа выполнена при финансовой поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (проект № 96-02-16370).

## Литература

- 1. S. S. P. Parkin, N. More, and K. P. Roche, Phys. Rev. Lett. 64, 2304 (1990).
- E. E. Fullerton, M. J. Conover, J. E. Mattson, C. H. Sowers, and S. D. Bader, J. Appl. Phys. 75, 6461 (1994).
- D. S. Mosca, F. Petroff, A. Fert, P. A. Schroeder, W. P. Pratt, and R. Laloel Jr., J. Magn. Mat. Mat. 94, L1-L2 (1991).
- В. В. Устинов, М. М. Кириллова, И. Д. Лобов, В. М. Маевский, А. А. Махнев, В. И. Минин, Л. Н. Ромашев, А. Р. Дель, А. В. Семериков, Е. И. Шредер, ЖЭТФ 109, 477 (1996).
- 5. D. Weller, W. Reim, and K. Spörl, J. Magn. Magn. Mat. 93, 183 (1991).
- 6. A. Fuß, S. Demokritov, P. Grünberg, and W. Zinn, J. Magn. Magn. Mat. 103, L221 (1992).
- 7. T. Katayama, Y. Suzuki, M. Hayashi, and A. Thiaville, J. Magn. Magn. Mat. 126, 527 (1993).
- 8. N. Tanaka, O. Katayama, and T. Kizuka, J. Magn. Magn. Mat. 126, 55 (1993).
- 9. K. B. Hathaway, S. F. Cheng, and A. N. Mansour, J. Magn. Magn. Mat. 126, 79 (1993).

- F. Badia, G. Fratucello, B. Mastinez, D. Fioran, A. Labarta, and J. Tejada, J. Magn. Magn. Mat. 93, 425 (1991).
- S. F. Cheng, A. N. Mansour, J. P. Teter, K. B. Hathaway, and L. T. Kabacoff, Phys. Rev. B 47, 206 (1993).
- 12. C. L. Fu and A. J. Freeman, Phys. Rev. B 35, 925 (1987).
- 13. Y. Tsunoda, S. Imada, and N. Kunitomi, J. Phys. F: Met. Phys. 18, 1421 (1988).
- 14. M. Doyama, M. Matsui, H. Matsuoka, S. Mitani, and K. Doi, J. Magn. Magn. Mat. 93, 374 (1991).
- 15. W. R. Bennet, W. Schwarzacher, W. F. Egelhoff, Jr., Phys. Rev. Lett. 65, 3169 (1990).
- 16. T. Katayama, H. Awano, and Y. Nishihara, J. Phys. Soc. Jap. 55, 2539 (1986).
- S. Pizzini, A. Fontaine, Chr. Giorgetti, E. Dastyge, J. F. Bobo, M. Piecuch, and F. Baudelet, Phys. Rev. Lett. 74, 1470 (1995).
- Y. B. Xu, M. Lu, Q. Y. Jin, C. Hu, Y. Z. Miao, Y. Zhai, Q. S. Bie, H. R. Zhai, G. L. Dunifer, R. Naik, and M. Ahmad, J. Appl. Phys. 75, 6190 (1994).
- M. G. Samant, J. Stöhr, S. S. Parkin, G. A. Held, B. D. Hermsmier, F. Herman, M. Van Schilfgaarde, L.-C. Duda, D. C. Mancini, N. Wassdane, and R. Nakajima, Phys. Rev. Lett. 72, 1112 (1994).
- 20. А. Ф. Плотников, Ф. А. Пудонин, В. Б. Стончанский, Письма в ЖЭТФ 46, 443 (1987).
- И. Д. Лобов, А. В. Дружинин, С. Л. Веремеенко, А. А. Махнев, Деп. № 2324, ВИНИТИ, Новосибирск (1988).
- 22. Г. А. Болотин, В. М. Маевский, ФММ 79, 8 (1995).
- 23. D. G. Laurent, J. Callaway, and C. S. Wang, Phys. Rev. B 20, 1134 (1979).
- 24. Ю. А. Успенский, С. В. Халилов, ЖЭТФ 95, 1022 (1989).
- Ю. В. Кудрявцев, О. Ю. Бжестовский, Л. Слардз, ФММ 76(1), 65 (1993).
- 26. C. N. Berlund and W. E. Spicer, Phys. Rev. A 136, 1044 (1964).
- 27. D. Guenzburger and D. E. Ellis, Phys. Rev. B 52, 13390 (1995).
- 28. А. В. Ржанов, К. К. Свиташев, А. С. Мардежов, В. А. Швец, ДАН СССР 298(4), 862 (1988).
- 29. M. Doi, T. Kanbe, and M. Matsui, J. Magn. Magn. Mat. 126, 443 (1993).
- J. F. Cochran, J. M. Rudd, M. Form, B. Heinrich, W. Bennett, W. Shwarzacher, and M. F. Egelhoff, Jr., Phys. Rev. B 45(9), 4676 (1992).
- 31. Y. B. Xu, H. R. Zhai, M. Lu, Q. Y. Jin, and Y. Z. Miao, Phys. Lett. A 168, 213 (1992).
- 32. W. Geerts, Y. Suzuki, T. Katayama, K. Tanaka, K. Ando, and S. Yoshida, Phys. Rev. B 50, 12581 (1994).
- 33. A. M. N. Niklasson, S. Mirbt, H. L. Skriver, and B. Johansson, Phys. Rev. B 53, 8509 (1996).